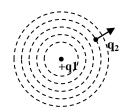
الفصل الثاني The Electric Field المجال الكهربائي

1-2 المجال الكهربائي The Electric Field

تؤثر الأرض بقوة على الأجسام الموجودة في الفضاء القريب منها وعندها يقال بأن هذه الأجسام تقع في مجال جذب الأرض وبمعنى آخر هناك مجال جذب أرضي في الفضاء المحيط بالأرض، وكل جسم يقع ضمن هذا المجال يتعرض إلى قوة جذب الأرض (\overline{g}) فيتعجل نحو الأرض بمقدار التعجيل الأرضي (g)، أي أن (g) هي مقياس لشدة مجال الجذب الأرضى ويعطى بالعلاقة التالية:

$$\overline{g} = \frac{\overline{F}}{m}$$
(1)

وبشكل مناظر فإن الحيز المحيط بالجسم المشحون يتأثر بوجود الجسم المشحون وإن هناك مجال كهربائي في هذا الحيز سببه الشحنة الكهربائية أو الجسيم المشحون، فإذا قربت شحنة ما من هذا الجسيم المشحون فإنها سوف تتعرض إلى قوة كهربائية، إذا كانت واقعة ضمن المجال الكهربائي. فقد صور العالم فراداي التأثير المتبادل بين الأجسام المشحونة بأنه يكمن بطريقة ما في الفضاء الذي يفصل بين الجسمين، فالشحنة (q_1) كما في الشكل المجاور تحدث مجالاً كهربائياً في الحيز المحيط بها وهذا المجال بدوره يؤثر على الشحنة (q_2) بقوة مقدارها (\overline{F}) .



ويمكن تعريف المجال الكهربائي

إنه الحيز أو الفضاء الذي تظهر فيه آثار قوة كهروستاتيكية على أي شحنة توضع فيه وتمكن التأكد عملياً من وجود مجال كهربائي في نقطة ما، وبالتالي قياسه، وذلك بوضع جسم صغير يحمل شحنة اختبار مقدارها (q_o) (وقد اتفق على أن تكون موجبة للسهولة) في الموضع المراد اختبار المجال عنده وبقياس القوة الكهربائية (q_o) المؤثرة على (q_o) يمكن التعرف على وجود المجال وشدته.

وعلى هذا الأساس يعرف شدة المجال الكهربائي (The Electric Field Strength (E) النقطة، أي أن: النقطة، أي أن:

$$\overline{E} = \frac{\overline{F}}{q_0} \quad (2)$$

حيث أن (\overline{E}) تمثل شدة المجال الكهربائي ، وهي كمية اتجاهية ، واتجاهها نفس اتجاه القوة (\overline{F}) .

$$E = \frac{F}{q} = \frac{\text{ingiv}}{\text{Solution}} = \frac{N}{C}$$
 وحدة شدة المجال (\overline{E}) هي:

ويغير مقداره واتجاهه. $q_{
m o}$ يجب أن تكون أصغر ما يمكن، حتى لا يؤثر مجالها على المجال الأصلى (E) ويغير مقداره واتجاهه.

ن التعريف الدقيق لشدة المجال الكهربائي هو

$$\overline{E} = \lim_{q_o \to 0} \frac{\overline{F}}{q_o} \dots (3)$$

مثال (1)

ما مقدار شدة المجال الكهربائي $(\overline{\overline{E}})$ بحيث لو وضع فيه إلكترون لتأثر بقوة كهربائية تساوي وزنه.

$$F_e=1$$
 القوة الكهربائية $F_g=1$, $F_g=1$ وزنه $F_g=1$, $F_g=1$ $E=1$ $E=1$

$$\therefore E = \frac{9.1 \times 10^{-31} \times 9.8}{1.6 \times 10^{-19}} = 5.6 \times 10^{-11} \frac{N}{C}$$

<u>واجب</u>

ما مقدار واتجاه المجال الكهربائي (E) الملازم لكي تتعادل القوة الكهربائية المؤثرة على دقيقة ألفا مع وزنها علماً أن كتلة دقيقة ألفا $(6.6 \times 10^{-27} \ {
m Kg})$ وشحنتها (42)?

$$F_e=mg$$
 القوة الكهربائية F_e المثال السابق أكمل الحل بنفس طريقة المثال السابق +2e دقيقة ألفا $=$ $=$ وزن الدقيقة

Lines of Force خطوط القوة الكهربائية 2-2

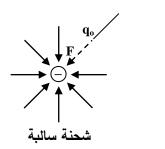
لقد اهتم العالم فراداي بفكرة خطوط القوة الكهربائية حيث لم يكن هذا العالم مقتنعاً بفكرة كون المجال الكهربائي (وكذلك المجال المغناطيسي) هو تعبير رياضي مجرد، لذا أدخل مفهوم خطوط القوة الكهربائية، حيث صورها كخيوط أو شعيرات تنفذ خلال المجال ولها خصائص فيزيائية كخاصية التنافر فيما بينها، وعدّها طريقة سهلة لتصور نماذج المجال الكهربائي وكذلك المجال المغناطيسي.

يعرّف خط القوة الكهربائية

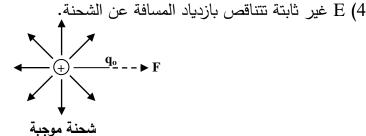
هو المسار الذي تسلكه شحنة اختبارية (q) موجبة موضوعة عند نقطة ما في المجال الكهربائي.

أ / خطوط القوة الكهربائية لمجال ناشىء عن شحنة نقطية معزولة (أو كرة مشحونة)

- 1) تكون الخطوط مستقيمة وبامتداد أنصاف الأقطار.
- 2) منبعثة من الشحنة بشكل شعاعي ومتجهة نحو الخارج إذا كانت الشحنة موجبة، ومتجهة نحو الداخل إذا كانت الشحنة سالبة.
 - 3) قيمة (E) نفسها بجميع النقاط التي تقع على نفس المسافة من مركز الشحنة.



 $+q_1 \bullet - 2a - - q_2$



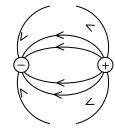
ب/ خطوط القوة الكهربائية لمجال ناشيء عن ثنائي القطب

ثنائي القطب عبارة عن تركيب يتكون من شحنتين نقطيتين متساويتين في المقدار ومتعاكستين في الإشارة تفصلهما مسافة صغيرة.

تكون الخطوط



- 1) بشكل منحنيات.
- 2) تبدأ بالشحنة الموجبة وتنتهي بالشحنة السالبة.



3) لا تتقاطع خطوط القوة مع بعضها أبداً ولذلك لا يمكن أن يكون للمجال الكهربائي أكثر من اتجاه واحد عند نقطة معينة.

يمكن اعتبار كثافة خطوط القوة الكهربائية بمثابة مقياس لمقدار شدة المجال.

كثافة الخطوط

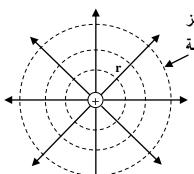
هي عدد الخطوط التي تقطع وحدة المساحة العمودية على اتجاه المجال عند النقطة المعينة.

شدة المجال الكهربائي تتناسب طرديا مع عدد خطوط القوة لوحدة المساحة

مساحة المقطع

$$E \propto \frac{N}{A} = \frac{N}{4\pi r^2}$$

حيث N = عدد خطوط القوة A = مساحة المقطع العرضى



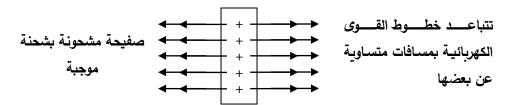
كرة خيالية متحدة المركز مـع الكـرة المشــحونة نصف قطرها (r)

عـدد خطـوط القـوة لوحـدة المساحة للمقطع العرضي عند $\frac{N}{4\pi r^2}$

وكذلك تتناسب شدة المجال الكهربائي عكسياً مع بعد النقطة عن الشحنة (r)

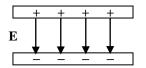
 ${
m E} \propto {1 \over r^2}$ ابتعدت النقطة كلما قلت شدة المجال أي كلما ابتعدت النقطة كلما قلت شدة المجال

ج/ خطوط القوة الكهربائية لمجال ناشىء عن صفيحة مشحونة



د/ خطوط القوة الكهربائية لمجال بين لوحين متوازيين

- 1) قيمة شدة المجال الكهربائية ثابتة في جميع النقاط.
 - 2) خطوط القوة مستقيمة ومتوازية ومنتظمة الكثافة.



2-3 أشكال المجال الكهربائي

يقسم المجال الكهربائي إلى:

1. مجال كهربائى منتظم

- 1) هو المجال الذي ينشأ بين صفيحتين مشحونتين متوازيتين.
 - 2) خطوط المجال تكون متوازية والبعد بينهما متساوي.
- 3) مقدار المجال الكهربائي المنتظم ثابت في كل نقطة تقع في المجال أي أن عدد خطوط المجال التي تخترق وحدة المساحة العمودية ثابت عند أي نقطة.
 - 4) اتجاه المجال الكهربائي المنتظم ثابت في كل نقطة في المجال.

2. مجال كهربائى غير منتظم

- 1) هو المجال الذي ينشأ عن الشحنات المنفردة.
- 2) خطوط المجال غير المنتظم تتباعد عن بعضها كلما ابتعدنا عن الشحنة.
- 3) مقدار المجال الكهربائي غير المنتظم متغير في كل نقطة في المجال أي أن عدد خطوط المجال التي تخترق وحدة المساحة العمودية لا يكون ثابتاً.
 - 4) اتجاه المجال متغير في كل نقطة في المجال.

4-2 صفات خطوط المجال الكهربائي

- 1. خطوط المجال تبتعد عن الشحنة الموجبة وتتجه نحو الشحنة السالبة.
- 2. تتباعد خطوط المجال لشحنة منفردة كلما ابتعدنا عن الشحنة أي أن كثافتها (عددها الذي يخترق وحدة المساحة) تقل مع ازدياد بعدها عن الشحنة.
- 3. تتناسب شدة المجال الكهربائي طردياً مع عدد خطوط المجال المارة عمودياً على وحدة المساحة أي تدل كثافة الخطوط في منطقة ما على مقدار المجال في تلك المنطقة.

$$E \alpha \frac{N}{A}$$

N = عدد خطوط القوى الكهربائية

A = مساحة المقطع العرضي

- 4. يدل اتجاه المماس لخط المجال في نقطة ما على اتجاه المجال عند تلك النقطة.
- 5. خطوط المجال الكهربائي لا تتقاطع لأنه لا يكون لشدة المجال الكهربائي عند نقطة إلا اتجاه واحد.

5-2 حركة الجسيمات المشحونة في المجال الكهربائي

لو وضع جسيم يحمل شحنة مقدارها (q) (ولتكن موجبة) في مجال كهربائي منتظم لتأثر بقوة قدرها F وإن هذا الجسيم يتحرك بتعجيل ثابت قدره (حسب قانون نيوتن الثاني)

$$E = \frac{F}{q} \dots (1) \qquad \longrightarrow \qquad F = qE$$

$$F = ma \rightarrow a = \frac{F}{m} \dots (2)$$

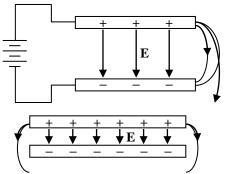
ومن تعويض قيمة F من معادلة (1) في (2) ينتج:

$$a=rac{qE}{m}$$
 حيث $m=$ كتلة الجسيم المشحون

المجال الكهربائى المنتظم

يمكن الحصول على هذا النوع من المجال وذلك بإيصال لوحين معدنيين إلى طرفي بطارية كهربائية وتكون خطوط المجال:

- 1. مستقيمة ومتوازية.
- 2. المسافة بين كل خطين متساوية.
- 3. كلما كانت المسافة بين اللوحين قليلة كلما كان المجال أكثر انتظاماً، حيث يكون التشويه في نهاية اللوحين قليل.



1- حركة الجسيم المشحون عندما يوضع ساكناً في المجال المنتظم

إذا وضع جسيم مشحون كتلته (m) وشحنته (q) ساكناً في مجال كهربائي منتظم (E).

.. الجسم يتحرك بخط مستقيم وبتعجيل ثابت

$$a = \frac{qE}{m}$$

حركة الجسيم تشبه حركة الأجسام الساقطة على سطح الأرض تحت تأثير الجاذبية.

. يمكن تطبيق قوانين الحركة ذات التعجيل الثابت وهي:

$$v = v_o + at$$
 (t) سرعة الجسيم بعد زمن

 $v_o = 0$ السرعة الابتدائية للجسيم

$$\therefore \mathbf{v} = \mathbf{a}\mathbf{t} = \frac{\mathbf{q}\mathbf{E}}{\mathbf{m}}\mathbf{t}$$

المسافة العمودية (y) التي يقطعها الجسيم بعد نفس الزمن (t)

$$y = \frac{1}{2}at^{2} = \frac{qE}{2m}t^{2}$$

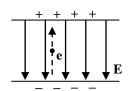
$$v^{2} = v_{o}^{2} + 2ay \qquad [v_{o} = 0]$$

$$v = \sqrt{2ay} = \sqrt{\frac{2qE}{m}}y$$

مثال (2)

وضع إلكترون ساكناً في مجال كهربائي منتظم شدته (10⁴ N/C)، احسب:

- 1. التعجيل الذي يتحرك به الإلكترون.
- 2. سرعة الإلكترون بعد أن يقطع مسافة قدرها (1 cm).
 - 3. طاقة الإلكترون بعد أن يقطع هذه المسافة.



بما أن شحنة الإلكترون سالبة.

.. يتعجل الإلكترون بعكس اتجاه المجال أي نحو الأعلى.

1)
$$a = \frac{qE}{m} = \frac{eE}{m} = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 10^4}{9.1 \times 10^{-31}} = 1.8 \times 10^{15} \frac{m}{\text{sec}^2}$$

2)
$$v^2 = v_o^2 + 2ay = 2ay [v_o = 0]$$

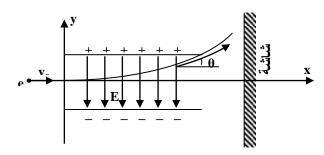
$$v = \sqrt{2ay} = \sqrt{2 \times 1.8 \times 10^{15} \times (1 \times 10^{-2})} = 6 \times 10^6 \text{ m/sec}$$

3)
$$K = \frac{1}{2} \text{mv}^2$$

$$K = \frac{1}{2} \times 9.1 \times 10^{-31} \times (6 \times 10^{6})^{2} = 1.6 \times 10^{-17} \text{ J}$$

الفصل الثاني المجال الكهربائي المجال الكاربائي

2- حركة الجسيم المشحون عندما يقذف بسرعة عمودية على المجال



عندما يقذف الإلكترون (e) بسرعة ابتدائية (v_0) حيث يكون اتجاه (v_0) عمودياً على اتجاه (E) كما في الشكل المجاور، تكون حركة الإلكترون مكونة من مركبتين:

1. الحركة الأفقية باتجاه المحور (x) وهي حركة ذات سرعة ثابتة

 $x=v_{\mathrm{o}}t$ (1) المسافة الأفقية

2. حركة عمودية باتجاه المحور (y) وهي حركة ذات تعجيل ثابت

$$y = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}\frac{eE}{m}t^2$$
(2)

 $x = v_0 t$ (1) من معادلة

$$\therefore t = \frac{X}{V_0}$$
 \leftarrow من تعویض قیمة (t) هذه

في معادلة (2) ينتج

$$y = \left(\frac{eE}{2m}\right) \left(\frac{x}{v_o}\right)^2$$
$$y = \left(\frac{eE}{2mv_o^2}\right) x^2 \dots (3)$$

معادلة (3) هي معادلة مسار الإلكترون في المجال الكهربائي وهي معادلة قطع مكافئ (Parabola)

وبواسطة هذه المعادلة يمكن حساب الانحراف الذي يحدث في مسار الإلكترون عند أية نقطة واقعة تحت تأثير المجال الكهربائي وعند خروج الإلكترونات من المجال بين اللوحين فإنها تنطلق باتجاه المماس للقطع المكافئ عند نقطة خروجها بسرعة ثابتة وبهذا تنحرف الإلكترونات عن اتجاه مسارها الأصلي بزاوية θ ، ويمكن معرفة الانحراف الذي يطرأ على مسار الإلكترونات بوضع شاشة متفلورة على بعد مسافة معينة من اللوحين، حيث تظهر بقعة صغيرة مضيئة على الشاشة في موضع اصطدام الإلكترونات بها، وهذه هي الفكرة الأساسية لعمل راسمة الذبذبات الأشعة المهبطية (أو الكاثودية).

مثال (3)

أطلق إلكترون بسرعة قدرها $(5 \times 10^6 \text{ m/s})$ بصورة موازية لمجال كهربائي شدته (1000 N/C) وبنفس اتجاهه:

1. احسب طول المسافة التي يقطعها الإلكترون في المجال حتى يصل لحظياً إلى السكون.

2. ما مقدار الزمن اللازم لذلك؟

$$1/v^{2} = v_{o}^{2} + 2ay$$

$$v_{o} = 5 \times 10^{6} \text{ m/s}$$

$$v = 0$$

$$0 = (5 \times 10^{6})^{2} - \frac{2eE}{m}y$$

$$\therefore y = \frac{(5 \times 10^{6})^{2} \times 9.1 \times 10^{-31}}{2 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 10^{3}} = 71.09 \times 10^{-3} m$$

$$2/v = v_{o} + at$$

$$0 = (5 \times 10^{6}) - \left(\frac{eE}{m}\right)t$$

$$\therefore t = \frac{(5 \times 10^{6}) \times 9.1 \times 10^{-31}}{1.6 \times 10^{-19} \times 10^{3}} = 28.43 \times 10^{-9} \text{ sec}$$

مثال (4)

 10^8 قذف إلكترون في مجال كهربائي منتظم شدته (10^4 N/C)، فإذا كانت السرعة الابتدائية للإلكترون (10^8 قذف إلكترون في مجال كهربائي منتظم شدته (10^8 مع الأفق، وكان اتجاه المجال شاقولياً نحو الأعلى، احسب:

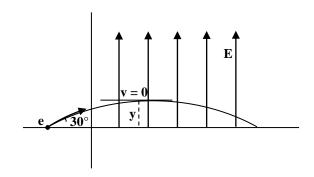
أ. تعجيل الإلكترون، ب. أقصى ارتفاع يصله الإلكترون،

ج. أقصى مسافة أفقية (range) يقطعها الإلكترون.

1/

$$a = \frac{qE}{m} = \frac{eE}{m}$$

$$a = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^{4}}{9.1 \times 10^{-31}} = 0.879 \times 10^{16} \frac{m}{\text{sec}^{2}}$$



2 /

$$v_{oy} = v_o \sin 30^\circ$$

 $v_{ox} = v_o \cos 30^\circ$
 $v^2 = v_o^2 + 2ay$
 $0 = (v_o \sin 30^\circ)^2 - \frac{2eE}{m}y$

$$\therefore y = \frac{(v_0 \sin 30^\circ)^2 m}{2eE} = 0.1422 m$$

3/

$$y_{max} = \frac{1}{2}at^2$$

$$t^2 = \frac{2y}{a}$$

من تعويض قيم y المستخرجة من المعادلة السابقة في هذه المعادلة نحصل على قيمة الزمن (t)

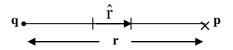
$$\therefore t = \sqrt{\frac{2y}{a}}$$

$$x = v_{ox}t = v_o \cos 30 \ t = 10^8 \times 0.8 \sqrt{\frac{2 \times 0.1422}{0.879 \times 10^{16}}} = 4.48 \times 10^3 \ m$$

تعوض في هذه المعادلة قيمة (t) المستخرجة من المعادلة السابقة، فنحصل على المسافة الأفقية التي يقطعها الإلكترون.

${f E}$ حساب شدة المجال الكهربائي 6-2

- 1. شدة المجال الكهربائي لشحنة نقطية معزولة مقدارها (q).
- (q) شحنة نقطية والمطلوب إيجاد شدة المجال الكهربائي عند نقطة p والتي تبعد مسافة مقدارها (r) من الشحنة (q)



(p) عند نقطة (q_0) عند نقطة غنوض وجود شحنة اختباریة

$$\therefore \overline{F} = \frac{Kqq_o}{r^2} \hat{r}$$

p وحدة المتجه من q إلى \hat{r}

$$\overline{E} = \frac{\overline{F}}{q_0}$$

$$\therefore \overline{E} = \frac{Kqq_o / r^2}{q_o} \hat{r}$$

اتجاه (E) باتجاه ث أي بالابتعاد عن q إذا كانت موجبة

$$\therefore \overline{E} = \frac{Kq}{r^2} \hat{r}$$

$$+q$$
 \xrightarrow{r} \xrightarrow{p} \xrightarrow{E}

$$\overline{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{q}{r^2} \hat{r}$$

وباتجاه q إذا كانت سالبة

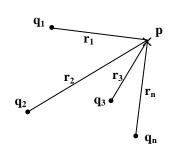
2. إيجاد (E) لعدد من الشحنات النقطية

لهذه (E) المحنات النقطية q_1 , q_2 , q_3 , q_2 , q_3 , q_4 التي المحنات عدد من الشحنات النقطية q_1 , q_2 , q_3 , q_4 , q_5 , q_6 التي تبعد المسافات q_1 , q_2 , q_3 , q_4 , q_5 , q_6 التي تبعد المسافات q_1 , q_2 , q_3 , q_4 , q_5 , q_6 , q

 q_1 نجد قيمة E_1 الناتجة عن

 q_2 نجد قيمة E_2 الناتجة عن

 \mathbf{q}_3 نجد قيمة \mathbf{E}_3 الناتجة عن



$$E_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \, \frac{q_1}{r_1^2} \, \hat{r}$$

$$E_2 = \frac{1}{4\pi\varepsilon_o} \frac{q_2}{r_2^2} \hat{r}$$

:

$$E_{n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{q_{n}}{r_{n}^{2}} \hat{r}$$

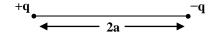
ثم نجمع هذه المجالات جمعاً اتجاهياً لنحصل على المجال الكلي (E) عند نقطة (p)

$$\overline{E} = \overline{E_1} + \overline{E_2} + \overline{E_3} \cdots \overline{E_n} =$$

$$\overline{E} = \sum_{n=1}^{\infty} \overline{E_n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{q_n}{r_n^2} \hat{r}$$

3. المجال الناشيء عن ثنائي القطب Electric Dipole

يتكون ثنائي القطب كما مبين في الشكل من شحنتين نقطيتين متساويتين في المقدار إحداهما موجبة (+q) والأخرى سالبة، وتفصلهما مسافة قدرها (2a)



أولاً: عند نقطة p الواقعة على امتداد محور ثنائي القطب

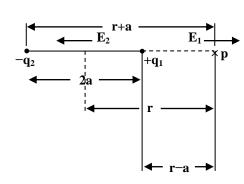
لنفرض أن p تبعد مسافة (r) من مركز ثنائي القطب

$$\overline{E_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(r-a)^2} \hat{r} \dots (1)$$

$$\overline{E}_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(r+a)^2} \hat{r}$$
(2)

$$\overline{E} = \overline{E_1} + \overline{E_2}$$
(3)

10



وبالتعویض عن مقدار کل من E_1 و E_1 من معادلة (1) و (2) في معادلة (3) ينتج:

$$\begin{split} E &= \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \left[\frac{q}{(r-a)^2} - \frac{q}{(r+a)^2} \right] \\ E &= \frac{q}{4\pi\epsilon_o} \left[\frac{1}{(r-a)^2} - \frac{1}{(r+a)^2} \right] \\ E &= \frac{q}{4\pi\epsilon_o} \left[\frac{(r+a)^2 - (r-a)^2}{(r-a)^2 (r+a)^2} \right] \\ E &= \frac{q}{4\pi\epsilon_o} \left[\frac{r^2 + 2ar + a^2 - r^2 + 2ar - a^2}{(r^2 - a^2)^2} \right] \\ E &= \frac{q}{4\pi\epsilon_o} \left[\frac{4ra}{(r^2 - a^2)^2} \right] \end{split}$$

a <<< r

 ${f r}^2$ بالنسبة للمقدار ${f a}^2$ أي أن المسافة بين الشحنتين صغيرة جداً مع

$$\therefore E = \frac{q}{4\pi\epsilon_o} \frac{4ra}{r^4} = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{4qa}{r^3}$$

p = 2aq = Electric Dipole Moment

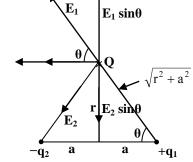
العزم الكهربائي لثنائي القطب، وهو كمية اتجاهية من الشحنة السالبة إلى الشحنة الموجبة، وإن اتجاه E باتجاه محور x وعلى امتداد محور ثنائى القطب.

$$\therefore E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_o} \frac{2p}{r^3}$$

ثانياً: عند نقطة Q الواقعة على العمود المنصف لمحور ثنائي القطب

لنفرض أن Q تبعد مسافة (r) عن مركز ثنائي القطب، عندئذ يكون المجال الناشيء عن الشحنة الموجبة (E_1) مساوياً إلى مقدار المجال الناشيء عن الشحنة السالبة (E_2) .

$$E_1 = E_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{q}{(r^2 + a^2)}$$
(1)



ولكي نجد المجال الكلي الناشيء عن شحنتي ثنائي القطب، نحلل كل من E_1 و E_2 إلى مركبتين إحداهما عمودية على محور ثنائي القطب والأخرى موازية له:

$$E_y = E_1 \sin \theta - E_2 \sin \theta = 0$$
(2)
 $E_x = E_1 \cos \theta + E_2 \cos \theta$ (3)

المجال الكهربائي 2024-2023

وبالتعويض في معادلة (3) عن قيمة E_1 بما متساوي من معادلة (1) وعن $\cos \theta$ بما تساوي ينتج:

$$\cos \theta = \frac{a}{\sqrt{a^2 + r^2}}$$

$$E = \frac{2}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(r^2 + a^2)} \cdot \frac{a}{\sqrt{a^2 + r^2}}$$

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{2qa}{(r^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}}$$

وإذا كانت (a) صغيرة جداً بالمقارنة مع (r) يمكن إهمال (a^2) في المقام وعندئذٍ تصبح المعادلة كما يلي: $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{2aq}{r^3}$ $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{P}{r^3}$ بدلالة عزم ثنائي القطب [P=2aq]

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{2aq}{r^3}$$
$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{P}{r^3}$$

س/ واجب/ قارن بين الحالتين لثنائي القطب من حيث الرسم والقانون ؟ وماذا تستنتج من الفرق بينهما من الناحية العلمية؟

مثال (5)

شحنتان نقطتیان مقدارهما $(20~{
m cm})$ في $(-5 imes 10^{-8}~{
m C})$ و $(+10 imes 10^{-8}~{
m C})$ أوجد مقدار واتجاه شدة المجال الكهربائي عند منتصف المسافة بينهما. ب/ لو وضع إلكترون في هذه النقطة فما مقدار واتجاه

$$\overline{E_p} = \overline{E_1} + \overline{E_2}$$
 .1

$$\therefore E_{p} = E_{1} + E_{2} = \frac{Kq_{1}}{r_{1}^{2}} + \frac{Kq_{2}}{r_{2}^{2}}$$

$$\therefore E_{p} = \frac{9 \times 10^{9} \times 10 \times 10^{-8}}{(10 \times 10^{-2})^{2}} + \frac{9 \times 10^{9} \times 5 \times 10^{-8}}{(10 \times 10^{-2})^{2}}$$

$$\therefore E_p = 90 \times 10^3 + 45 \times 10^3 = 135 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

واتجاه E عند النقطة p هو باتجاه محور E السالب)

$$E = \frac{F}{a}$$
 .ب

$$\therefore F = Eq = eE = 1.6 \times 10^{-19} \times 135 \times 10^{3} = 216 \times 10^{-16} N$$

مثال (6)

يبين الشكل ثلاث شحنات نقطية q_3 , q_2 , q_3 , q_4 , q_2 , q_1 ومثبتة في المواقع المؤشرة في يبين الشكل ثلاث شحنات نقطية q_3 , q_4 , q_4 , q_5 , q_6 الشكل. المطلوب حساب شدة المجال الكهربائي عند نقطة الأصل $q_1=-16\times 10^{-9}$ C, $q_2=-3\times 10^{-9}$ C, $q_3=+50\times 10^{-9}$ C,

$$E = \frac{Kq}{r^2}$$
 انفراد طبقاً للمعادلة التالية:

$$\therefore E_1 = \frac{Kq_1}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 16 \times 10^{-9}}{(4)^2}$$

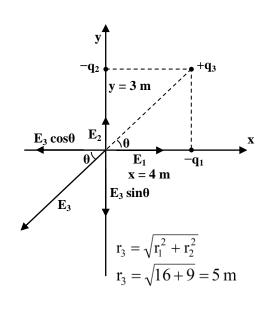
$$E_1 = 9 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{Kq_2}{r_2^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-9}}{(3)^2}$$

$$E_2 = 3\frac{N}{C}$$

$$E_3 = \frac{Kq_3}{r_3^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 50 \times 10^{-9}}{(5)^2}$$

$$E_3 = 18 \frac{N}{C}$$



اتجاه E_1 هو باتجاه E_1

الموجب E_2 هو باتجاه E_2

اتجاه E_3 يصنع زاوية θ مع محور x كما مبين في الشكل.

y وأخرى عمودية باتجاه x وأخرى عمودية باتجاه E_3 الى مركبة أفقية باتجاه x

$$E_{3x} = -E_3 \cos \theta = -18 \times \frac{4}{5} = -14.4 \frac{N}{C}$$

$$E_{3y} = -E_3 \sin \theta = -18 \times \frac{3}{5} = -10.8 \frac{N}{C}$$

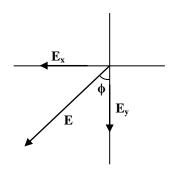
$$\therefore \sum E_x = E_1 - E_{3x} \cos \theta$$

$$\therefore E_x = 9 - 14.4 = -5.4 \frac{N}{C}$$

$$\sum E_{y} = E_{2} - E_{3y} \sin \theta$$

$$\sum E_y = 3 - 10.8 = -7.8 \frac{N}{C}$$

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2}$$



$$E = \sqrt{(5.4)^2 + (7.8)^2} = 9.5 \frac{N}{C}$$

أما الزاوية التي تصنعها المحصلة مع محور (y) من الجهة السالبة يمكن إيجادها من

$$\tan \phi = \frac{5.4}{7.8} = 0.692$$

$$\therefore \phi = 34.69$$

او الزاوية التي تصنعها المحصلة مع محور (x) من الجهة السالبة يمكن إيجادها من

$$\tan \phi = \frac{7.8}{5.4} = 1.44$$

$$\therefore \phi = 55.2$$

مثال (7)

ثلاث أجسام صغيرة كل منها يحمل شحنة مقدارها $(2 \times 10^{-6} \, \mathrm{C})$ وضعت على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع، طول ضلعه (3 cm). جد شدة المجال الكهربائي في مركز المثلث.

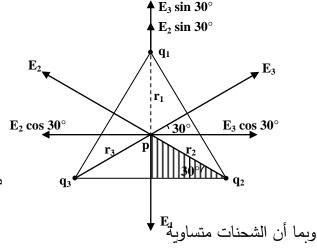
$$E_1 = \frac{Kq_1}{r_1^2}$$

$$E_2 = \frac{Kq_2}{r_2^2}$$

$$E_3 = \frac{Kq_3}{r_2^2}$$

بما أن المسافة بين كل شحنة ومركز المثلث متساوية

$$\therefore \mathbf{r}_1 = \mathbf{r}_2 = \mathbf{r}_3 = \mathbf{r}$$



$$q_1 = q_2 = q_3 = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$\therefore E_1 = E_2 = E_3 = E = \frac{Kq}{r^2}$$

لإيجاد (r) بعد أي شحنة عن مركز المثلث، نأخذ المثلث المبين في الشكل

$$\cos 30^{\circ} = \frac{1.5}{r}$$

$$\therefore r = \frac{1.5}{\cos 30^{\circ}} = \frac{1.5}{0.866} = 1.732cm$$

$$\therefore \overline{E_p} = \overline{E_1} + \overline{E_2} + \overline{E_3}$$

 E_y العمودية E_x والمركبات العمودية E_x إلى المركبات الأفقية E_y والمركبات العمودية E_y إلى المركبات العمودية والمركبات العمودية E_y

$$\sum E_{x} = E_{3} \cos 30^{\circ} - E_{2} \cos 30^{\circ} = 0$$

$$\sum E_{y} = E_{3} \sin 30^{\circ} + E_{2} \sin 30^{\circ} - E_{1}$$

$$= 2E_{2} \sin 30^{\circ} - E_{1} = 2 \times E_{1} \times \frac{1}{2} - E_{1} = 0$$

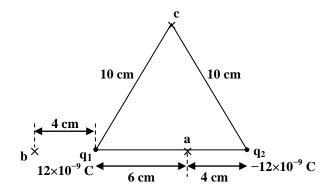
$$\vdots E_{p} = 0$$

مثال (8) (واجب)

شحنتان نقطتيان q2 ،q1 وضعتا على بعد (10 cm) من بعضهما، فإذا كانت:

$$q_2 = -12 \times 10^{-9} \text{ C } \cdot q_1 = 12 \times 10^{-9} \text{ C}$$

د «له المجال الكهربائي واتجاهه في النقاط c «b ،a النقاط في الكهربائي



مثال (9)

احسب شدة المجال الكهربائي عند نقطة (p) في الشكل أدناه.

$$E = \frac{Kq}{r^2}$$

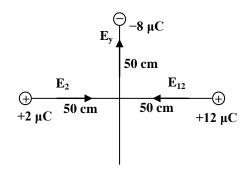
$$E_x = E_{12} - E_2$$

$$E_x = \frac{9 \times 10^9 \times 12 \times 10^{-6}}{(50 \times 10^{-2})^2} - \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{(50 \times 10^{-2})^2}$$

$$E_x = 360 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

$$E_y = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-6}}{(50 \times 10^{-2})^2} = 288 \times 10^3 \frac{N}{C}$$

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{(360 \times 10^3)^2 + (288 \times 10^3)^2} = 461 \times 10^3 \frac{N}{C}$$



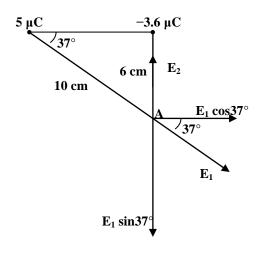
مثال (10)

قذف إلكترون على طول الاتجاه الموجب لمحور (x) بسرعة ابتدائية $(3 \times 10^6 \text{ m/sec})$. تحرك الإلكترون مسافة (45 cm) ثم توقف بسبب مجال كهربائي منظم من الجوار ، جد شدة المجال الكهربائي.

$$\begin{split} v_{ox} &= 3 \times 10^6 \ \text{m/sec} \\ v_x^2 &= v_{ox}^2 + 2ax \\ 0 &= (3 \times 10^6)^2 - (2a \times 0.45) = 9 \times \times 10^6 = 9a \\ a &= 1 \times 10^{13} \ \text{m/sec}^2 \\ F_x &= ma = 9.1 \times 10^{-31} \times 1 \times 10^{13} = 9.1 \times 10^{-18} \ \text{N} \\ E_x &= \frac{F_x}{q} = \frac{9.1 \times 10^{-18}}{1.6 \times 10^{-19}} = 57 \ \frac{\text{N}}{\text{C}} \end{split}$$

مثال (11)

احسب شدة المجال الكهربائي عند النقطة (A) في الشكل المجاور.



$$E_{1} = \frac{9 \times 10^{9} \times q_{1}}{r^{2}}$$

$$E_{1} = \frac{9 \times 10^{9} \times 5 \times 10^{-6}}{(10 \times 10^{-2})^{2}}$$

$$E_{1} = 4.5 \times 10^{6} \frac{N}{C}$$

$$E_{2} = \frac{9 \times 10^{9} \times 3.6 \times 10^{-6}}{(6 \times 10^{-2})^{2}}$$

$$E_{2} = 9 \times 10^{6} \frac{N}{C}$$

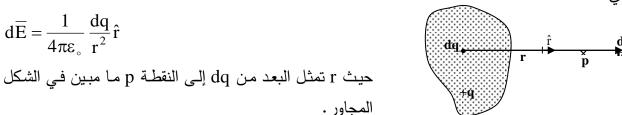
$$E_y = E_2 - E_1 \sin 37^\circ = 9 \times 0^6 - 4.5 \times 0^6 \times 0.6 = 6.3 \times 0^6 \frac{N}{C} E_x = E_1 \cos 37^\circ = 4.5 \times 0^6 \times 0.77 = 3.59 \times 0^6 \frac{N}{C}$$

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{(3.59 \times 0^6)^2 + (6.3 \times 0^6)^2} = 7.25 \times 0^6 \frac{N}{C}$$

4. المجال الناشيء عن التوزيع الشحني المتصل

إذا كان توزيع الشحنة متصلاً (Continuous Charge Distribution)، كأن تكون الشحنة موزعة على سطح جسم موصل، أو موزعة ضمن حجم معين بشكل متصل، فبالإمكان إيجاد شدة المجال الناشيء عنها عند النقطة (p) مثلاً وذلك

- 1- بتقسيم الشحنة إلى عدد كبير من العناصر المتناهية في الصغر كل منها يدعى (dq) وذلك بأخذ عنصراً صغيراً من الشكل(عنصر طول (dl)), او عنصر مساحة (da), او عنصر حجم (dv)) يحتوي على شحنة dq.
- صدنة نقطية p وذلك بأن يعد كل عنصر وكأنه شحنة نقطية p الناشيء عن كل عنصر وكأنه شحنة نقطية أي:



يحسب المجال الكلي (E) بأخذ التكامل الاتجاهي لجميع المجالات الناشئة من هذه العناصر $\overline{E}=\int d\overline{E}=\frac{1}{4\pi \epsilon}\int \frac{dq}{r^2}\hat{r}$

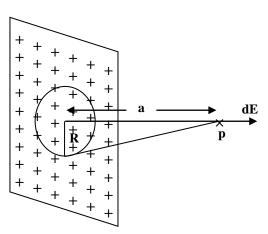
المجال الناشيء عن شحنة موزعة بشكل صفيحة

شحنة موزعة بانتظام بشكل مستوي مساحته لا نهائية وبكثافة سطحية ($\sigma \frac{C}{cm^2}$)، احسب شدة المجال الكهربائي (E) عند النقطة (p) الواقعة على بعد (a) من المستوي.

1. نقسم المستوي إلى عدد كبير من الحلقات متحدة المركز نصف قطرها (R) وسمكها (dR) وتحتوي على شحنة (dq) .2

$$\therefore dE = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \cdot \frac{(dq)a}{(R^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}}$$

 $dq = (2\pi R dR)\sigma$



اتجاه (dE) باتجاه محور الحلقة، أي عمودي على مستوي الشحنة

$$\therefore dE = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \cdot \frac{(2\pi RdR)\sigma a}{(R^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}}$$

$$E = \int dE = \int_{0}^{\infty} \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \frac{(2\pi R dR)\sigma a}{(R^{2} + a^{2})^{\frac{3}{2}}}$$

$$E = \frac{2\pi\sigma a}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \int_{0}^{\infty} (R^{2} + a^{2})^{-\frac{3}{2}} R dR$$

$$E = \frac{\sigma a}{4\varepsilon_{\circ}} \int_{0}^{\infty} (R^2 + a^2)^{-\frac{3}{2}} 2RdR$$

$$E = \frac{2\sigma a}{4\varepsilon_0} \left[-(R^2 + a^2) \right]_0^\infty$$

$$E = \frac{\sigma a}{2\varepsilon_{\circ}} \left[-\frac{1}{\left(R^2 + a^2\right)^{\frac{1}{2}}} \right]_{0}^{\infty}$$

$$E = \frac{\sigma a}{2\varepsilon_{\circ}} \left[-\frac{1}{\infty} + \frac{1}{a} \right]_{0}^{\infty}$$

$$\therefore E = \frac{\sigma a}{2\varepsilon_{\circ}} \cdot \frac{1}{a}$$

$$\therefore E = \frac{\sigma}{2\varepsilon_{\circ}}$$

ملاحظة مهمة للشحنة:-

$$dq = \lambda ds$$
 للعنصر الطولى

$$\lambda = \frac{1}{1}$$
 الشحنة الكلية $\lambda = \frac{1}{1}$ الطول الكلي الكلي

$dq = \sigma da$ لعنصر المساحة

$$\sigma = 1$$
 الشحنة الكلية $\sigma = 1$ الكثافة السطحية للشحنة $\sigma = 1$ المساحة الكلية

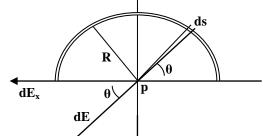
$dq = \rho dv$ لعنصر الحجم

بعض التطبيقات الاخرى

القانون	الرسم	المجال الكهربائي الناشئ	ت
$\therefore E = E_x = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \frac{qa}{(R^2 + a^2)^{\frac{3}{2}}}$	d d a R	في النقطة (p) الواقعة على محور حلقة مشحونة شحنة موجبة مقدارها (q) موزعة بانتظام نصف قطرها (R) وعلى بعد (a) من مركزها.	1
$\therefore E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{\circ}} \frac{q}{a^2}$	dE_{v} dE_{v} dE_{v} dE_{v} dE_{v} dE_{v}	في النقطة (p) بعيدة جداً عن مركز حلقة مشحونة شحنة موجبة مقدارها (q) موزعة بانتظام نصف قطرها (R) حيث <<< R	2
$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_{\circ}} \frac{2q}{\pi R^2}$	$\begin{array}{c c} & & & \\ \hline dE_x & & \theta & p \\ \hline dE_v & & \\ \end{array}$	في النقطة (p) في مركز الدائرة لسلك منحني بشكل قوس نصف قطر دائرة يحمل شحنة مقدارها q+ موزعة بانتظام على طوله. نصف قطره R	3
$E = \frac{q}{2\pi\varepsilon_{\circ}R} \left[1 - \frac{a}{(R^2 + a^2)^{\frac{1}{2}}} \right]$	a h	القرص المشحون	4

أسئلة الفصل الثاني

- س 1/ شحنتان نقطيتان مقدارهما $(2^8 \, \mathrm{C})$ و $(10^{-8} \, \mathrm{C})$ و قطعهما مسافة قدرها $(20 \, \mathrm{cm})$. أ/ أوجد مقدار واتجاه شدة المجال الكهربائي عند منتصف المسافة بينهما؟ ب/ اذا وضع الكترون في هذه النقطة , ما مقدار واتجاه القوة الكهربائية المؤثرة عليه؟
- س 2/ ما مقدار واتجاه شدة المجال الكهربائي E اللازم لكي تتعادل القوة الكهربائية المؤثرة على دقيقة الفا مع وزنها . علما بان كتلة دقيقة الفا هي $(6.68*10^{27}\,\mathrm{Kg})$ وشحنتها تساوي $(6.68*10^{27}\,\mathrm{Kg})$
- س 3/ شحنة موجبة مقدارها q موزعة بانتظام على طول سلك عازل طوله d . أوجد شدة المجال الكهربائي في نقطة تقع على العمود المنصف لهذا السلك وتبتعد عنه مسافة قدرها d .
- س4/ شحنة موجبة موزعة بانتظام على سطح قرص نصف قطره R بكثافة سطحية قدرها σ . أوجد مقدار واتجاه شدة المجال الكهربائي في نقطة تقع على محور القرص وعلى بعد مسافة قدرها α منه.
- 0 سلك رفيع عازل بشكل قوس نصف دائرة . يحمل شحنة موجبة موزعة بحيث ان كثافتها الخطية λ تعتمد على الزاوية λ كما في الشكل المبين بموجب المعادلة التالية : λ λ λ λ λ λ معندار واتجاه شدة المجال الكهربائي والمطلوب :أ/ رسم منحني بياني يمثل كيفية تغير λ مع λ . ب/ ايجاد مقدار واتجاه شدة المجال الكهربائي في مركز الدائرة (النقطة λ).



6 شاوي الاضلاع 6 ثلاثة اجسام صغيرة كل منها تحمل شحنة مقدارها (10^{-6} C) وضعت على 3 وضعت على 3 cm . طول ضلعه 3 cm . طول ضلعه 3 cm .

 9 $^{10^{-9}}$ 9 $^{10^{-9}}$ $^$

الفصل الثاني المجال الكهربائي المجال الكهربائي

m/9 اطلق الكترون بسرعة قدرها (1000~M/C) بصورة موازية لمجال كهربائي شدته (1000~M/C) وبنفس اتجاهه . أ/ أحسب طول المسافة التي يقطعها الالكترون في المجال حتى يصل (لحظيا) الى السكون . ب/ ما مقدار الزمن اللازم لذلك.

س 10/ قذف الكترونا في مجال كهربائي منتظم شدته $(25*10^5 \text{ N/C})$ فاذا كان المجال باتجاه محور Y الموجب وسرعة الالكترون $(2*10^4 \text{ m/sec})$ باتجاه محور X الموجب . عين الاحداثيات $(2*10^4 \text{ m/sec})$ باتجاه محور $(3*10^5 \text{ m/sec})$