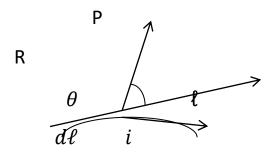
الفصل الرابع - المجال المغناطيسي للتيار الكهربائي قانون (بايوت - سافارت)

المجال المغناطيسي: هو خط من خط الحث المغناطيسي



سلك يسري خلاله تيار كهربائي مقداره i والمطلوب ايجاد المجال المغناطيسي B في نقطة م التي تبعد بمقدار R عن السلك

 $d\ell$ في نقطة $d\theta$ المتولد عن $d\ell$ في نقطة $d\theta$ المتولد عن $d\ell$ في نقطة $d\theta$ يتناسب طرديا مع :

1- شدة التيار المار في السلك

 $d\ell$ عول الجزء -2

 $R,d\ell$, جيب الزاوية θ المحصورة بين اتجاهي -3

4- كما يعتمد على نوع الوسط الذي يضم السلك والنقطة p

وكذلك يتناسب عكسيا مع:

1- مربع البعد R

قانون بايوت – سافارت
$$\left[dB \propto \frac{i \, d\ell \sin \emptyset}{R^2}\right]$$
 عددية $dB = k \, \frac{i \, d \, \ell \sin \emptyset}{R^2} \,$ (1)

 $(dB \perp R, d\ell)$ في حالة خاصة \neq اعظم قيمة لـ dB عندما $\emptyset = \emptyset$ اي ان $i \ d\ell$ ، R و ان انتيار $i \ d\ell$ ، R كمية ثابتة مقدار ها ووحداتها تعتمد على وحدات التيار $i \ d\ell$ ، $i \ d\ell$ ،

معادلة اتجاهية
$$dB = ki \frac{d \ell \times R}{R^3} \dots (2) * \frac{R}{R-1}$$

يمكن اعتبار $d\ell$ R كميات اتجاهية

i اتجاه $d\ell$ باتجاه التيار

p يكون من الجدير $d\ell$ نحو النقطة R اما اتجاه

$$B=k\intrac{i\,d\ell\sin\phi}{R^2}....(3)$$
 (2) $\{ar{B}=k\int i\,rac{i\,d\ell imesar{B}}{R^2}....(4)$

لتحديد اتجاه dB باستخدام قاعدة اليد اليمنى (يمسك السلك باليد اليمنى فيكون اتجاه الابهام هو اتجاه التيار ولف الاصابع باتجاه dB) من معادلة (1)

$$BR^2 = k \ id\ell \Leftarrow amp.$$
 i اذا کان

$$k = \frac{BR^2}{id\ell} \Longrightarrow \frac{\frac{w}{m/2}, m^2}{amp, m} \frac{w}{m^2} = \frac{d\ell}{dB}$$

$$k \Longrightarrow \frac{w}{amp,m} \ k = \frac{w}{amp=m}$$
 فأن

$$k=10^{-7} \; rac{w}{amn.m}$$
 فاذا كان الوسط هواء او فراغ

$$k = \frac{\mu}{4\pi}$$
 للأوساط الاخرى

حيث μ النفاذية المغناطيسية

اما اذا كان الوسط فراغ او هواء فيرمز لها (μ_0) وتساوي

$$\mu_0 = 4\pi x 10^{-7} \frac{w}{amp.m}$$

$$k = \frac{\mu_0}{4\pi}$$
 للهواء

$$\mu_0 = 4\pi k$$

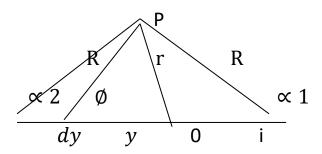
$$\mu_0 = 4\pi x 10^{-7} \frac{w}{amp.m}$$

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{id\ell \sin \emptyset}{R^2}$$
 معادلة (1) سوف تصبح :.

تطبيقات على قانون بايوت - سافارت

1- الحث المغناطيسي لسلك مستقيم

سلك مستقيم يسري خلاله تيار شدته i والمطلوب ايجاد الحث المغناطيسي في النقطة p التي تبعد بمسافة p عن مركز السلك . طول السلك p



نأخذ جزء من السلك طوله dy يبعد مسافة y عن المركز

$$\left[dB = rac{\mu_0}{4\pi} \;\; rac{i\; d\ell \sin \phi}{R^2} \;\; \left($$
قانون بايوت $-$ سافارت $-$

$$dB = \frac{\mu_0 i \, dy}{4\pi R^2} \sin \emptyset (R, \emptyset, y)$$
 المتغيرات

نعوض قيمة dy , R في المعادلة اعلاه نحصل الرسم

$$dB = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \quad \frac{r \csc^2 \emptyset}{r^2 \csc^2 \emptyset} \sin \emptyset \quad d\emptyset$$
$$-r \cot \emptyset$$

$$dB = \frac{\mu_0 i}{4\pi r} \sin \emptyset \ d\emptyset$$
$$r \csc^2 \emptyset \ d\emptyset$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0 i}{4\pi r} \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \sin \emptyset \ d\emptyset$$

$$B = \frac{\mu_0 i}{4\pi r} \left(-\cos \emptyset \right) \frac{\alpha_2}{\alpha_1}$$

$$r \csc \emptyset$$

$$\therefore B = \frac{-\mu_0 i}{4\pi r} (\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)$$

$$\tan \emptyset = \frac{r}{y}$$
 من

$$\therefore y = \frac{r}{\tan \emptyset} =$$

$$dy =$$

$$\sin \emptyset = \frac{r}{R}$$

$$\therefore R = \frac{r}{\sin \emptyset} =$$

اذا كان السلك طويلا جدا سوف يكون r صغيرا جدا فسوف تكون

$$(-1) \propto_1 = \pi , \propto_2 = 0 (1)$$

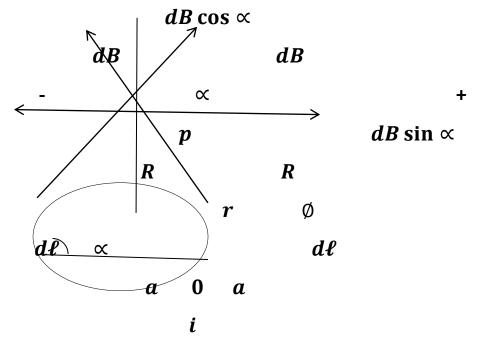
$$\therefore B = -\frac{\mu_0 i}{4\pi r} (1+1) \to \frac{-2\mu_0 i}{4\pi r} = \frac{-\mu_0 i}{2\pi r}$$

$$\therefore B = -\frac{\mu_0 i}{2\pi r}$$

$$\cos(0) = 1\cos\pi = (-1)$$

2- الحث المغناطيسي الناشئ عن سلك دائري الشكل

سلك دائري يمر فيه تيار كهربائي شدته i والمطلوب ايجاد الحث المغناطيسي في النقطة p الواقعة على محور السلك و على بعد p من مركز السلك



$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{id\ell}{R^2} \sin \emptyset$$
 (تانون بايوت – سافارت)

نأخذ جزء من السلك طوله $d\ell$ ويبعد عن النقطة p بمسافة d الزاوية المحصورة بين $dR=\frac{\mu_0}{4\pi}\,\frac{id\ell\sin\phi}{R^2}$. R , $d\ell$ المحصورة بين

$$90^{\circ} = \emptyset$$

$$\therefore dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i \, d\ell}{R^2}$$
 نجميع اجزاء السلك

R والبعد لجميع اجزاء السلك ثابت المقدار

نحلل dB الى مرلبين احداهما افقية والآخرى عمودية لأنها باتجاهات مختلفة

المجموع الحدي للحصلة = صفر $dB_{//}=0$?

 $dB_{\perp} = dB \sin \propto +dB \sin \propto = 0$ $dB \cos \propto$

 $a\ell$ نأخذ جز ئبين متناظرة

التكامل هو محيط الدائرة $\propto \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{i \ d\ell}{R^2} \cos \propto$ بايوت – سافرات

$$B = \int dB = \frac{\mu_0 i}{4\pi R^2} \cos \propto \int_0^{2a\pi} d\ell$$

$$B = \frac{\mu_0 i}{4\pi R^2} \cos \propto (2a\pi)$$

$$B = \frac{\mu_0 ia}{2R^2} \cos \propto$$

$$B = \frac{\mu_0 ia}{2R^2} \cdot \frac{a}{R}$$

$$B = \frac{\mu_0 i a^2}{2R^3}$$

بزء من السلك اي النقطة ? جزء من السلك

$$B = \frac{\mu_0 i a^2}{2(a^2 + r^2)^{3/2}}$$

اما اذا كان الملف مكون من N من اللفات

$$\therefore B = \frac{N \cdot \mu_0 i a^2}{2(a^2 + r^2)^{3/2}}$$

(r=0) الما اذا كانت النقطة p واقفة في المركز

$$\therefore B = \frac{N\mu_0 i a^2}{2a^3} = \frac{N\mu_0 i}{2a}$$

$$\therefore B = \frac{N\mu_0 i}{2a}$$

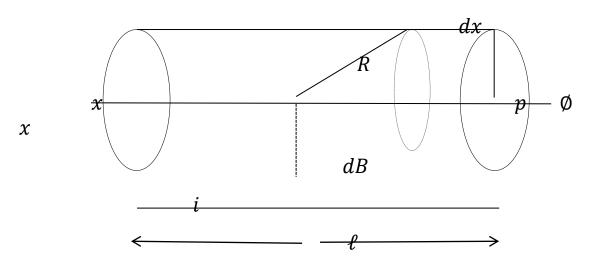
نستنتج مما تقدم ان المجال المغناطيسي في جميع النقاط الواقعة على العمود المقام من مركز السلك هو باستقامة العمود

لتعيين اتجاه B نستخدم قاعدة اليد اليمنى . اقبض على السلك باليد اليمنى سوف يكون الابهام باتجاه B ولف الاصابع باتجاه i

3- الحث المغناطيسي لنقطة واقعة على محور ملف اسطواني

ملف اسطواني طوله ℓ ونصف قطره α وعدد لفاته N يمر خلاله تيار كهربائي شدته i باتجاه كما موضح في الشكل المرسوم ادناه . والمطلوب ايجاد الحث المغناطيسي في نقطة p الواقعة على محور الملف

p عن النقطة q عن النقطة dx والذي يبعد مسافة q عن النقطة



 $n=rac{N}{\ell}$ من هذا الملف الاسطواني هي $n=rac{N}{\ell}$ عدد اللفات لوحدة الطول $n=rac{N}{\ell}$ نأخذ جزء من الملف طوله $n=rac{N}{\ell}$

N=ndx عدد اللفات التي يحتويها هذا الجزء ::

الحث المغناطيسي B في نقطة p ناتجة عن جميع لفات الملف جزء الحث المغناطيسي dB الناشئ عن الجزء dx يساوي

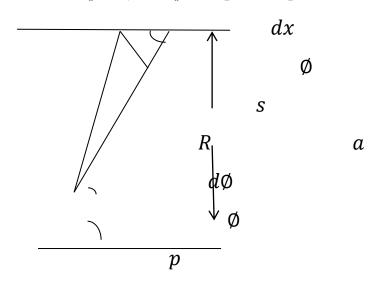
الحث المغناطيسي للملف الدائري

$$dB = \frac{N \mu_0 i a^2}{2(a^2 + x^2)^{3/2}}$$

$$dB = \frac{(ndx)\mu_0 i a^2}{2(a^2 + x^2)^{3/2}}$$

$$dB = \frac{\mu_0 i n a^2}{2R^3} dx$$

يمكن ان نكبر الاجزاء $[d\emptyset, dx]$ كما في الرسم التالي



$$?s = R d\emptyset$$

$$?\sin\emptyset = \frac{s}{dx}$$

$$dx = \frac{s}{\sin \emptyset}$$

$$dx = \frac{R \, d\emptyset}{\sin \emptyset}$$

نعوض عن dx بالمعادلة السابقة

$$dB = \frac{\mu_0 \ln a^2}{2 R^2} \quad \frac{d\emptyset}{\sin \emptyset}$$

$$dB = \frac{\mu_0 \, in}{2} \sin^2 \emptyset \, \frac{d\emptyset}{\sin \emptyset}$$

$$dB = \frac{n\mu_0 i}{2} \sin \emptyset \ d\emptyset$$

$$\therefore B = \int dB = \frac{n \,\mu_0 i}{2} \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \sin \emptyset \, d\emptyset$$

$$B = \frac{\mu_0 i n}{2} \left(-\cos \emptyset \right) \frac{\alpha_2}{\alpha_1}$$

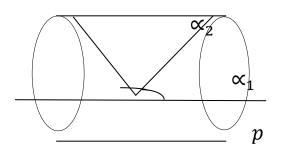
$$B = \frac{\mu_0 \, in}{2} \, (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$

راویا ماذا ؟ \propto_2 , \propto_1

ج/ حدود التكامل

 $\sin \emptyset = \frac{a}{R}$

 $\sin^2 \emptyset = \frac{a^2}{R^2}$



العلاقة اعلاه تصبح لجميع النقاط الواقعة على المحور سواء كانت واقعة داخل الملف او خارجه

 π من α_2 من الصفر وتقترب من الذا كان الملف طويلا سوف تقترب الزاوية من α_1 $B = \frac{\mu_0 in}{2} (\cos 0 - \cos \pi)$ فتصبح المعادلة

$$B = \frac{\mu_0 \, in}{2} (+1 + 1) = \frac{\mu_0 \, in}{2} (+2)$$

$$B = +\mu_0 in$$
 للملف الاسطواني

$$B = \mu_0 \text{ in}$$
$$n = \frac{N}{a}$$

4- الحث المغناطيسي لشحنة كهربائية متحركة

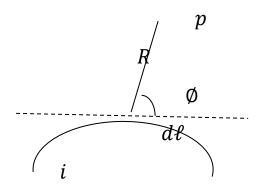
الشحنة الكهربائية المتحركة تكون مجالا مغناطيسيا والحث المغناطيسي الناشئ عن شحنة في نقطة يتوقف على عدة عوامل منها

- 1) نوع الوسط
 2) مقدار الشحنة المتحركة
- 4) بعد النقطة من الشحنة وموقعها منها

i يسري خلاله تيار كهربائي شدته i

هو جزء من السلك يبعد مسافة R عن النقطة $d\ell$

R و الزاوية المحصورة بين المماس و



الحث الناشئ من الطول $d\ell$ في نقطة p هو $dB = \frac{\mu_0 i d\ell}{4\pi R^2} \sin \emptyset$ (تانون بایوت – سافارت) $i=ne \mho \Lambda
ightarrow p$ في نقطة dB في نقطة

يأتي من جميع الشحنات الكهربائية المكونة للتيار الموجود في الجزء $d\ell$

$$\therefore dB = \frac{\mu_0 (ne2 - A)d\ell}{4\pi R^2} \sin \emptyset$$

$$dB = \frac{\mu_0 \mho(neAd\ell)}{4\pi R^2} \sin \emptyset$$

 $d\ell$ المقدار داخل القوس تمثل كمية الشحنة الكهربائية المكونة للتيار في الجزء $d\emptyset$ ولتكن $d\emptyset$

$$dB = \frac{\mu_0 \sigma \, d\phi}{4\pi R^2} \sin \phi$$

اذا كانت مساحة المقطع A صغيرة جدا وكذلك الطول $d\ell$ فان حجم الشحنة يكون صغيرا جدا عندما يمكن اعتبار ها شحنة نقطية

$$\therefore B = \frac{\mu_0 \emptyset \mho}{4\pi R^2} \sin \emptyset$$

المعادلة اعلاه تمثل الحث المغناطيسي B الناشئ عن شحنة كهربائية مقدارها R , T في نقطة تبعد عن D مسافة D والزاوية D بين المتجهين D بين المتجهين D مسافة D والزاوية D بين المتجهين D

سرعة اي ان الشحنات
$$\mho=rac{V_n}{Bd}$$
 شدة التيار $\mho=ne\mho A$

n=1عدد الشحنات لوحدة الحجم

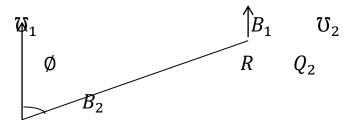
R , ∇ من کل من عمودیة علی کل من B

اما اتجاه B باستخدام قاعدة اليد اليمني

$$\left(ar{B} = rac{\mu_0 Q(\overline{ar{U}}xR)}{4\pi R^3}
ight)$$
 يمكن كتابة معادلة B مقدار ا

الان لو كان لدينا شحنتان هما Q_2,Q_1 سرعتهما U_2,U_3 على التوالي المسافة بينهما R

نفرض ان الشحنة Q_1 تعمل زاوية \emptyset مع R وان الشحنة 0 يتولد مجالا مغناطيسيا



$$Q_1$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 Q_1 \mu}{4\pi R^2} \sin \emptyset$$

 F_2 قوة مغناطيسية مقدار ها Q_2 قوة مغناطيسية مقدار ها Q_2 ?

 $F = q \nabla B \sin \emptyset$ (من الفصل الأول)

 $F_2 = Q_2 \mho_2 B_1 \sin r$

 $F_2 = Q_2 \mathcal{V}_2 \frac{\mu_0 Q_1 \mathcal{V}_1}{4\pi R^2} \sin \emptyset \sin r$

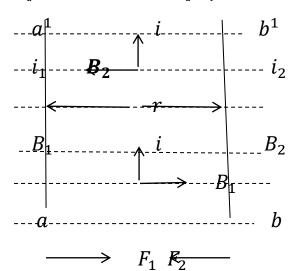
 $\therefore F = \frac{\mu_0 Q_1 Q_2 \mathcal{V}_1 \mathcal{V}_2}{4\pi R^2} \sin \emptyset \sin r$

في نفس الوقت هناك قوة مغناطيسية على الشحنة Q_1 تساوي F_2 بالمقدار وتعاكسها بالاتجاه

 B_1 من تأثیر من F_2

 B_2 من تأثیر من F_1

القوة بين سلكين مستقيمين متوازيين طويلين يسري في كل منهما تيار كهربائي



لدينا سلكين متوازيين bb^1,aa^1 المسافة بينهما r يسري في كل منهما تيار بالاتجاه المبين بالشكل .

كل سلك يولد مجال مغناطيسي خاص به ويقع كل منهما في المجال المغناطيسي للسلك الاخر

 $B=rac{\mu_0 i}{2\pi r}$ ولما كان المجال المغناطيسي لسلك طويل

السلك (bb^2) يولد مجالا مغناطيسيا ويقع تحت تأثير المجال المغناطيسي للسلك الاخر (aa^2)

$$F=$$
 $(\sin \emptyset = 1) \,.\, (\emptyset = 90)$ فان $B \perp B$ فان $i\ell B \sin \emptyset$

$$F_2=$$
 فالقوة المؤثرة من السلك (bb^2) الى $i_2\ell B_1$

$$B_1 = \frac{\mu_0 i_1}{2\pi r}$$

$$\therefore F_2 = i_2 \ell \frac{\mu_0 i_1}{2\pi r}$$

 $F_2 = \frac{\mu_0 i_1 i_2 \ell}{2\pi r}$ فذه القوة و الطول الصفحة و عمودية على وحدة الطول الصفحة في مستوى الصفحة و عمودية على وحدة الطول الصفحة في مستوى الصفحة في ا

كذلك السلك (aa^2) ايضا يولد مجالا مغناطيسيا ويقع تحت تأثير المجال F_2 هي (bb^2) الى (aa^2) المغناطيسي للسلك (bb^2) فالقوة المؤثرة من السلك (aa^2) الى فالقوة المؤثرة على وحدة الطول وتتجه نحو السلك bb^2

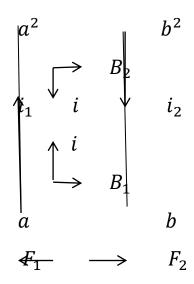
$$F_1 = \frac{\mu_0 i_1 i_2 \ell}{2\pi r}$$

 $\therefore F_1 = F_2$ القوتان متساويتان بالمقدار ومتعاكستان بالاتجاء .:

اما القوة المؤثرة على وحدة الطول هي

$$\frac{F}{\ell} = \frac{\mu_0 i_1 i_2}{2\pi r}$$

اذا كان التيار ان i_2,i_1 بنفس الاتجاه فأن القوة بين السلكين هي قوة تجاذب اما اذا كان التيار ان i_2,i_1 بعكس الاتجاه كانت القوة بين السلكين هي تنافر



الامبير: هو التيار الثابت الذي ينقل كولوم واحد خلال ثانية واحدة

كما يمكن ان نعرف الأمبير استنادا الى قوة التجاذب او التنافر بين سلكين متوازيين $i_1=i_2=1$ يسري خلالهما تيار كهربائي

r=1m (هواء او فراغ) والسلكين في وسط

القوة لوحدة الطول
$$= \frac{\mu_0 i_1 i_2}{2\pi r} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 1 \times 1}{2\pi \times 1} = 2x \times 10^{-7} \ Nt/m$$

الامبير: هو التيار الثابت الشدة الذي لو مر في سلكين متوازيين والمسافة بينهما متر واحد وفي وسط هواء او فراغ كانت القوة بين السلكين $(2\times 10^{-7}Nt)$ لكل متر من السلك

قاتون امبير الدائري: ينص على ان التكامل الخطي لشدة الحث المغناطيسي حول منحنى مغلق يساوي التيار الكلى مضروبا في نفاذية الوسط

 $B,d\ell$ حيث I التيار الكلى المار بالمنحنى \emptyset الزاوية المحصورة بين

$$\oint B \ d\ell \cos \emptyset = \mu_0 I$$

$$\oint \bar{B} \cdot d\ell = \mu_0 I$$

تطبيقات على قانون امبير الدائرى:

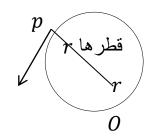
1- ایجاد B لسلك مستقیم طویل جدا

نفرض لدينا سلك طويل جدا عمودي على مستوى الورقة في قطع الورقة في نقطة O يسري فيه تيار كهربائي شدة I

o نه r عن p التي تبعد p عن p عن p عن p

? سوف نختار منحني مغلق على شكل محيط دائرة نصف

ومركزها 0



? $\oint B \ di \cos \emptyset = \mu_0 I$

O النقاط على المنحنى متناظرة بالنسبة للسلك في النقطة

نه B متساوية لجميع الاجزاء

В

اما اتجاه B دائما محاسن للنقطة المراد ايجاد الحث فيها θ متساوية لجميع النقاط

$$\theta = 0$$
 , $\cos \theta = 1$

 $\oint Bd\ell \cos \emptyset = \mu_0 I$

 $B \oint d\ell = \mu_0 I$

 $B(\ell) = \mu_0 I$

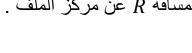
 $B(2\pi r) = \mu_0 I$

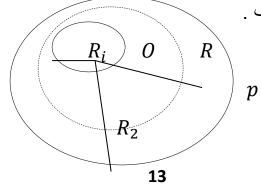
 $\therefore B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

2- ایجاد B لملف علی شکل حلقة

 R_2 نفرض لدينا ملف حلقي مركزه نقطة O ونصف قطره الداخلي R_1 والخارجي يسري خلاله تيار شدته I و عدد لفاته N

المطلوب : ايجاد الحث المغناطيسي للنقطة p الواقعة داخل الملف والتي تبعد بمسافة R عن مركز الملف .





o سوف نختار منحني مغلق بشكل دائري نصف قطره R ومركزه هو مركز الملف Φ B $d\ell\cos\phi=\mu_0 I$

(NI) التيار الكلي الذي يضمه المنحني المغلق يساوي

جميع نقاط المنحنى متناظرة بالنسبة للملف

نه B متساوية لجميع النقاط B

اتجاه B مماس النقطة B
otag A
otag B
otag A
ot

 $\emptyset = 0$, $\cos \emptyset = 1$ $B\ell = \mu_0 NI$

 $B(2\pi R) = \mu_0 NI$

 $\therefore B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi R}$

 $B \propto \frac{1}{R}$ نلاحظ من المعادلة اعلاه ان

B اعظم قیمة $B_{max}=rac{\mu_0NI}{2\pi R_1}$ اعظم قیمة $B_{max}=rac{\mu_0NI}{2\pi R_1}$

 $B_{min} = rac{\mu_0 NI}{2\pi R_2}$

اما اذا كان الفرق بين R_2, R_1 قليل جدا تستخدم المعادلة التالية

 $B_{max} = \frac{\mu_0 NI}{2\pi R}$

اسئلة الفصل الرابع

س 1/ جد (B) في نقطة على بعد $(5\ cm)$ من سلك مستقيم طويل يسري خلاله تيار شدته $(20\ amp)$

س 2/ سلك مستقيم وطويل بوضع شاقولي يمر خلاله تيار كهربائي شدته (B) سلك مستقيم وطويل بوضع شاقولي يمر خلاله تيار كهربائي شدته (B) نحو الاعلى . جد مقدار واتجاه (B) الناتجة من السلك في نقطة تقع شرق السلك وتبعد عنه مسافة $(0.5\ cm)$

س3/ سلك مستقيم طويل بوضع شاقولي يمر خلاله تيار شدته (5 amp) نحو الأعلى سلط عليه مجال مغناطيسي منتظم ($B=2\times 10^{-2}T$) ما مقدار واتجاه القوة المسلطة على (8cm) من السلك

سري في المسافة بينهما (20 cm) يسري في الأول تيار شدته (12 amp) وفي الثاني (15 amp) بنفس اتجاه التيار الأول جد (1) مقدار (B) في نقطة واقعة في منتصف المسافة بينهما (B) مقدار واتجاه القوة المسلطة على (D) من كل من السلكين

س5/ ملف اسطواني طویل عدد لفات المیتر الواحد من طوله (5000) نصف قطره ((B) داخل الملف تیار شدته ((B) جد ((B) داخل الملف والفیض المخترق له

س6/ سلك دائري نصف قطره (a) مشحون بشحنة كهربائية مقدارها (f) والشحنة موزعة بصورة منتظمة على طوله يدور حول محوره بتردد منتظم مقداره (f) جد (g)

- (1) في مركز السلك
- (2) في نقطة واقعة على العمود المقام من مركز الدائرة وتبعد بمسافة مقدارها r عن المركز