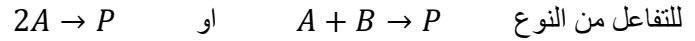


تفاعلات المرتبة الثانية

أ- التراكيز المتساوية



معدل سرعة التفاعل تتناسب مع مربع تركيز المواد المتفاعلة

$$\frac{dx}{dt} = k_2(a-x)^2$$

ولتكامل هذا النوع من المعادلات نعتمد على القاعدة الآتية

مشتقة داخل القوس * $\int \frac{dx}{(a-x)^n} = \frac{(a-x)^{-n+1}}{-n+1}$

بترتيب المعادلة واخذ التكامل نحصل على العلاقة الآتية

$$\int \frac{dx}{(a-x)^2} = k_2 \int dt$$

$$\frac{1}{(a-x)} = k_2 t + c$$

بالنعويض بالشروط الابتدائية $t=0$ و $x=0$

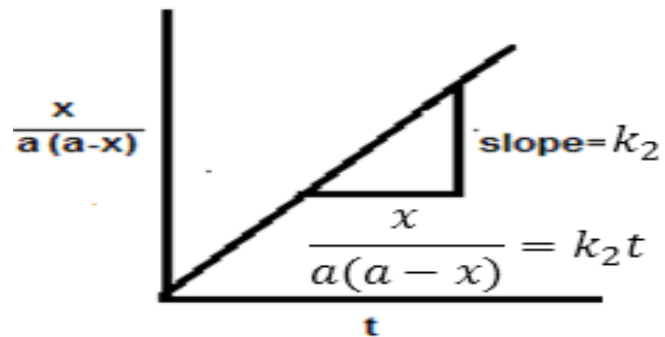
$$c = \frac{1}{a}$$

$$\frac{1}{(a-x)} = k_2 t + \frac{1}{a}$$

وحدة الثابت $\text{mole}^{-1} \cdot \text{L} \cdot \text{t}^{-1}$

ويمكن كتابتها بشكل اخر وكالاتي

$$\frac{x}{a(a-x)} = k_2 t$$



عمر النصف للتفاعل من المرتبة الثانية بتراكيز متساوية

نعوض عن التركيز بنصف التركيز الابتدائي وعن الزمن ب عمر النصف في المعادلة التكاملية فنحصل على

$$\frac{1}{(a - \frac{a}{2})} = k_2 t_{1/2} + \frac{1}{a}$$

$$\frac{2}{a} - \frac{1}{a} = k_2 t_{1/2}$$

$$t_{1/2} = \frac{1}{ak_2}$$

يرتبط التركيز بعمر النصف بعلاقة عكسية في هذا النوع من لتفاعل (المرتبة الثانية متساوية التراكيز)

س/اشتق عمر النصف لتفاعل من المرتبة الثانية متساوية التراكيز باستخدام المعادلة التكاملية الآتية

$$\frac{x}{a(a-x)} = k_2 t$$

ب - التراكيز مختلفة different concentration

الشكل التفاضلي

$$\frac{dx}{dt} = k_2(a-x)(b-x)$$

الشكل التكاملي

$$\ln \frac{b(a-x)}{a(b-x)} = K_2 t (a-b)$$

