

Buffer solution (المحلول المنظم)

Buffer solutions defined as a solution that resists changes in pH as a result of either dilution or small additions of strong acids or bases.

يعرف **المحلول المنظم** : بأنه المحلول الذي يقاوم التغير في قيمة الدالة الحامضية نتيجة التخفيف أو اضافة كمية من حامض قوي أو قاعدة قوية. يعد المحلول منظما عندما لا تسبب اضافة الحامض القوي أو القاعدة القوية تغيرا ملحوظا في قيمة الدالة الحامضية .

If a solution of acetic acid is mixed with a solution of sodium acetate, a buffer solution of certain pH value is formed. When dilute HCl is added then its H^+ ions will react with acetate ion and acetic acid is formed which is sparingly ionized and hence will not change pH value. The same applies for NaOH solution, then OH^- ions will react with H^+ ions of acetic acid to form water and again pH will not increase only little.

عندما يخلط محلول حامض الخليك مع محلول خلات الصوديوم يتكون محلول منظم ذو قيمة دالة حامضية معينة. إذا اضيف اليه قليل من حامض الهيدروكلوريك المخفف فإن ايون الهيدروجين منه يتفاعل مع ايون الخلات في المحلول ليكون حامض الخليك الذي لا يتأين الا لدرجة قليلة فلا يقلل من قيمة الدالة الحامضية. وبنفس الاسلوب اذا اضيف محلول هيدروكسيد الصوديوم اليه فإن ايونات الهيدروكسيد منه يتفاعل مع ايونات الهيدروجين في المحلول ليكون الماء فلا تزداد قيمة الدالة الحامضية بصورة كبيرة

Capacity of buffer solution قدرة المحلول المنظم

Each buffer solution certain capacity to withstand amounts of strong acid or strong base that is without changing (or cause little change) pH value of the solution. This ability is called capacity of the buffer solution.

قدرة المحلول المنظم : بأنه مقدار قدرة المحلول على استيعاب كميات معينة من الحامض القوي أو القاعدة القوية بدون تغيير أو تغير قليل جدا في قيمة الدالة الحامضية في المحلول .

Lecture 7

Buffer solution also may be formed during titration of weak acid like acetic acid with strong base like NaOH. The solution will contain a mixture of acetic acid not titrated and sodium acetate that formed by the addition of NaOH and therefore the pH value is slightly changed. If all the acid is neutralized and the solution contain CH_3COONa then pH value will rise suddenly at the end point of the reaction (equivalent point).

تتكون المحاليل المنظمة أيضا عند معايرة الحوامض الضعيفة مثل حامض الخليك مع قاعدة قوية مثل هيدروكسيد الصوديوم . إذا احتوى المحلول على مخلوط من حامض الخليك الذي لم يسح بعد وخلات الصوديوم التي نتجت عن إضافة القاعدة القوية أي التسحيح ولهذا لا تتغير قيمة الدالة الحامضية للمحلول في هذه المرحلة إلا الشيء القليل . أما إذا تعادل كل من الحامض وأصبح المحلول محتويا على خلات الصوديوم فإن قيمة الدالة الحامضية ترتفع بشكل مفاجئ وحاد عند نقطة التعادل أو التكافؤ .

Buffer solution capacity depend on two factors: :

تعتمد قيمة قدرة المحلول المنظم على عاملين :-

1. Acid to salt ratio of molecular concentration degree

The capacity will be at maximum when the concentration of the salt equal to the concentration of the acid. This occur at the middle of titration ($\text{pH} = \text{pKa}$). If 50 ml of NaOH solution is added to 100ml of CH_3COOH solution (both at the same normality) then the mixture will contain equal concentrations of acetic acid and sodium acetate.

١ - النسبة في درجة التركيز الجزيئي للملح والحامض ، حيث تصل القدرة إلى اقصاها عندما يتساوى تركيز الملح مع تركيز الحامض ويحدث ذلك عند منتصف المعايرة حيث تكون قيمة الدالة الحامضية مساوية إلى دالة تفكك الحامض .

فإذا أضيف ٥٠ مللتر من هيدروكسيد الصوديوم إلى ١٠٠ مل من محلول حامض الخليك لهما نفس العيارية فإن المخلوط يحتوي على تركيزين متساويين من حامض الخليك وخلات الصوديوم .

2.The second factor is the concentrations of acid and salt:

Capacity of the buffer solution is increasing with the increase in the acid and salt concentrations.

٢- العامل الثاني فهو تركيز الملح والحامض : حيث تزداد القدرة مع زيادة التركيز .

انواع المحاليل المنظمة Types of buffer solutions

1-Solution of a weak acid and one of its salts:

١-المحلول المنظم لحامض ضعيف وأحد أملاحه

2.Buffer solutions of a weak base and one of its salts.

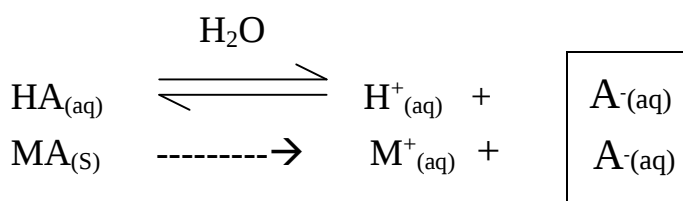
٢-المحلول المنظم لقاعدة ضعيفة وأحد أملاحها

انواع المحاليل المنظمة Types of buffer solutions

1- Solution of a weak acid and one of its salts:

This buffer, then, is usually a mixture of an acid and one of its salts so In order to understand buffer action, consider first the equilibrium between a weak acid and its salt.

فالمحلول المنظم ، عادة ما يكون خليطاً من حامض وأحد أملاحه ، لذلك من أجل فهم تأثير المنظم ، أولاً نضع بالاعتبار التوازن بين حامض ضعيف وملحه .



The value of the dissociation constant K_a :

ان قيمة ثابت التفكك الحامض ، تحسب من العلاقة الآتية :-

$$K_a = \frac{[\text{H}^+][\text{A}^-]}{[\text{HA}]}, \quad [\text{H}^+] = K_a \frac{[\text{HA}]}{[\text{A}^-]}$$

Lecture 7

In a mixture of a weak acid and its salt, the dissociation of the acid is repressed by the common ion effect, and $[H^+]$ may be taken as negligibly small by comparison with $[HA]$ and $[MA]$.

في خليط من حامض ضعيف وملحه، يتم تقليل تفكك الحامض من خلال تأثير الايون المشترك، ويمكن اعتبار $[H^+]$ صغيراً بشكل مهم بالمقارنة مع $[HA]$ و $[MA]$.

$$[H^+] = K_a \frac{[acid]}{[salt]}$$

by taking – logarithm of this equation

$$-\log [H^+] = -\log K_a + \left(-\log \frac{[acid]}{[salt]} \right)$$

$$pH = pK_a - \log \frac{[acid]}{[salt]}$$

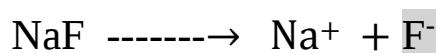
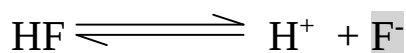
لحساب الدالة الحامضية لحامض ضعيف وملحه بوجود الايون المشترك :-

$$pH = pK_a + \log \frac{[salt]}{[acid]}$$

تم تعويض تركيز الحامض الغير متأين وتركيز الملح في المعادلة اعلاه ، حيث ان وجود الايون المشترك سوف يحرف التفاعل نحو اليسار وهذا يقلل من تفكك الحامض لذا يكون تركيز ايون الهيدروجين قليل جدا (ممكن اهماله) مقارنة بتركيز الحامض الغير متأين

Lecture 7

Ex: What is the pH of a buffer solution (0.1N HF and 0.1N NaF) if $pK_a = 3.167$, and what is the pH and change in pH (ΔpH) after addition of 0.01M HCl to the buffer solution?



$$pH = pK_a + \log \frac{[salt]}{[acid]}$$

$$pH = 3.167 + \log \frac{0.1}{0.1} = 3.167$$

After addition the strong acid, $[H^+]$ concentration is increased and the reaction directed to the left.

بعد اضافة الحامض القوي، فإن تركيز ايون الهيدروجين سوف يزداد (اي يزداد تركيز الحامض) ويجعل التفاعل عكسي (اي الى اليسار)

New concentration of acid = original con. of acid + con. strong acid (added)

التركيز الجديد للحامض = تركيز الحامض الاصلي + تركيز الحامض القوي المضاف

$$[Acid]_{new} = 0.1 + 0.01 = 0.11 \text{ M}$$

New concentration of salt = original con. of salt - con. acid (added)

التركيز الجديد للملح = تركيز الملح الاصلي - تركيز الحامض المضاف

$$[salt]_{new} = 0.1 - 0.01 = 0.09 \text{ M}$$

$$pH = pK_a + \log \frac{[salt] - [strong acid]}{[acid] + [strong acid]}$$

القانون المستخدم لحساب الدالة الحامضية عند اضافة حامض قوي الى المحلول المنظم

$$pH = pK_a + \log \frac{[0.09]}{[0.11]}$$

$$pH = 3.167 + \log 0.818$$

$$pH = 3.167 - 0.087 = 3.08$$

$$\Delta pH = pH_2 - pH_1 = 3.08 - 3.167 = -0.087$$

نلاحظ ان الفرق ضئيل بسبب الايون المشترك ولو ان هذه الاضافة كانت للماء ذو الدالة الحامضية

7 واصبح 4 أي بفارق 3 لعدم وجود الايون المشترك .

Lecture 7

If strong base addition

عند اضافة قاعدة قوية مثل هيدروكسيد الصوديوم فإن تركيز ايونات الهيدروكسيد الناتجة عن اضافة القاعدة القوية تعادل ايونات الهيدروجين الناتجة عن تفكك الحامض الضعيف فيسير التفاعل نحو اليمين (طرديا) لسد النقص في تركيز ايون الهيدروجين وهذا يؤدي الى نقصان بتركيز الحامض وزيادة بتركيز الملح . ويتم حساب قيمة الدالة الحامضية كما في القانون ادناه :-

$$\# \text{ pH} = \text{pKa} + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

$$\text{pH} = \text{pKa} + \log \frac{[\text{salt}] + [\text{strong base}]}{[\text{acid}] - [\text{strong base}]}$$

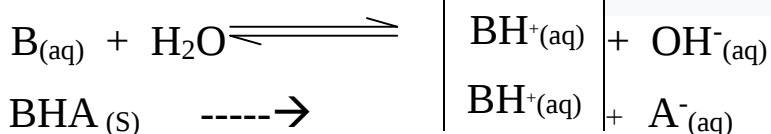
تستخدم لحساب الدالة الحامضية للمحلول المنظم بعد اضافة قاعدة قوية له

Q: Calculate the pH of above solution after addition of 0.01M of NaOH to the buffer solution. (سؤال خارجي)

2.Buffer solutions of a weak base and one of its salts.**المحلول المنظم لقاعدة ضعيفة وأحد املاحها**

This buffer, is usually a mixture of base and its salts. In order to understood buffer action. Consider first the equilibrium between a weak base and its salt.

عادة ما يكون هذا المحلول المنظم خليطاً من القاعدة وأملاحها. من أجل فهم تأثير المحلول المنظم، نضع في اعتبار أولاً التوازن بين قاعدة ضعيفة وملحها.



Lecture 7

The value of the dissociation constant K_b :

القوانين الاتية لحساب قيمة ثابت التفكك للقاعدة ، وتركيز القاعدة في المحاليل المنظمة :-

$$K_b = \frac{[BH^+][OH^-]}{[B]}, \quad [OH^-] = K_b \frac{[B]}{[BH^+]}$$

In a mixture of a weak base and its salt, the dissociation of the base is repressed by the common ion effect, and $[OH^-]$ may be taken as negligibly small by comparison with $[B]$ and $[BHM]$.

في خليط من قاعدة ضعيفة وملحها، يتم كبح تفكك القاعدة عن طريق تأثير ايون المشترك، ويمكن اعتبار $[OH^-]$ صغيراً بشكل مهم بالمقارنة مع $[B]$ و $[BHM]$.

$$[OH^-] = K_b \frac{[base]}{[salt]}$$

by taking – logarithm of this equation

$$-\log [OH^-] = -\log K_b + \left(-\log \frac{[base]}{[salt]} \right)$$

$$pOH = pK_b - \log \frac{[base]}{[salt]}$$

$$pOH = pK_b + \log \frac{[salt]}{[base]}$$

القانون العام لحساب الدالة القاعدية للايون المشترك من قاعدة ضعيفة وأحد املاحها ومن ثم تطبيق $pH + pOH = 14$ لإيجاد الدالة الحامضية .

نلاحظ انه تم تعويض تركيز القاعدة الغير متأينة وتركيز الملح في المعادلة حيث ان وجود الايون المشترك سوف يحرف التفاعل نحو اليسار وهذا يقلل من تفكك القاعدة لذا يكون تركيز ايونات الهيدروكسيد قليلة جدا (يمكن اهمالها) مقارنة بتركيز القاعدة الغير متأينة .

Addition of strong acid or strong base**(a) عند اضافة حامض قوي**

عند اضافة الحامض القوي سوف يؤدي الى معادلة ايونات الهيدروكسيد الناتجة من تفكك القاعدة الضعيفة وبالتالي يجعل التفاعل طرديا (باتجاه اليمين) لسد النقص في تركيز ايونات الهيدروكسيد ويزداد تركيز الملح ويتم حساب الدالة الحامضية كما يلي :-

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{base}]}$$

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}] + [\text{strong acid}]}{[\text{base}] - [\text{strong acid}]}$$

By **addition of strong base** then $[\text{OH}^-]$ coming from this strong base will increase the $[\text{OH}^-]$ from weak base which means the reaction will be directed to the left.

b- اضافة قاعدة قوية

عند اضافة القاعدة القوية سوف يؤدي الى ازدياد تركيز ايونات الهيدروكسيد الناتجة من تفكك القاعدة الضعيفة وبالتالي يجعل التفاعل عكسيا (نحو اليمين) ويقل تركيز الملح . ويتم حساب الدالة الحامضية كما يلي :-

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{base}]}$$

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}] - [\text{strong base}]}{[\text{base}] + [\text{strong base}]}$$

Ex: A buffered solution contains (0.5M) ammonium hydroxide ($\text{K}_b = 1.8 \times 10^{-5}$) and (0.5 M) ammonium chloride, calculate:

- The pH of this solution?
- The change in pH, that occurs when adding of (0.1M) NaOH of the buffered solution?
- The change in pH, that occurs when adding of (0.2M) HCl of the buffered solution?

Solved problems about buffer solutionأمثلة محلولة عن المحلول المنظم

Q1: How many grams of potassium acetate CH_3COOK must be added to 1 L of 0.2M acetic acid solution to give buffer solution of $\text{pH}=4.6$ ($\text{pK}_a \text{CH}_3\text{COOH} = 4.745$) (if the M.Wt $\text{CH}_3\text{COOK}= 98 \text{ gm/ mole}$) .

- * المطلوب إيجاد عدد الغرامات خلات البوتاسيوم ونلاحظ بالسؤال ان تركيز الملح غير موجود لذلك يجب حسابه كما يلي ؛

Sol) $\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$

$$4.6 = 4.745 + \log \frac{[\text{salt}]}{0.2}$$

$$4.6 = 4.745 - \log 0.2 + \log [\text{salt}]$$

$$4.6 = 4.745 + 0.699 + \log [\text{salt}]$$

$$4.6 = 5.444 + \log [\text{salt}]$$

$$\text{Log} [\text{salt}] = 4.6 - 5.444 = - 0.844 , \leftrightarrow [\text{Salt}] = 0.143 \text{ M}$$

$$[\text{salt}] = \frac{\text{wt}}{\text{m.wt}} \times \frac{1000}{1000} , \quad 0.143 = \frac{\text{wt}}{98} \times \frac{1000}{1000} ,$$

$$\text{wt}_{(\text{gm})} = 14.014 \text{ g}$$

Q2: What is the pH of a solution that contain 0.5 M benzoic acid and 10g/L of sodium benzoate $\text{C}_6\text{H}_5\text{COONa}$, IF $\text{K}_a(\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH})= 6.28 \times 10^{-5}$, (M.Wt for benzoic acid= 144 gm / mole) .

$$M_{[\text{salt}]} = \frac{\text{wt}}{\text{m.wt}} \times \frac{1000}{1000}$$

$$M_{[\text{salt}]} = \frac{10}{144} \times \frac{1000}{1000} = 0.069 \text{ mole / L}$$

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]} \rightarrow \text{pH} = - \log \text{K}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

$$\text{pH} = 4.202 + \log \frac{[0.069]}{[0.5]}$$

$$\begin{aligned} \text{pH} &= 4.202 + \log 0.138 \\ &= 4.202 - 0.86 = 3.342 \end{aligned}$$

Lecture 7

Q3: Calculate the pH of a solution prepared by adding 10 ml of 0.1M CH_3COOH solution to 20ml of 0.1M CH_3COONa . If K_a of $\text{CH}_3\text{COOH} = 1.8 \times 10^{-5}$

في هذه الحالة يجب حساب تراكيز كل من الحامض وملحه بعد مزجهما اي بعد تخفيف المحلول .

Sol)

For CH_3COOH

$$V_T = 20 + 10 = 30 \text{ mL}$$

$$M_1V_1 = M_2V_T, 0.1 \times 10 = M_2 \times 30, M_2 = \underline{0.033 \text{ M}} \text{ [acid]}$$

For CH_3COONa

$$M_1V_1 = M_2V_2, 0.1 \times 20 = M_2 \times 30, M_2 = \underline{0.067 \text{ M}} \text{ [salt]}$$

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

$$\text{pH} = -\log K_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]} \rightarrow \text{pH} = -\log 1.8 \times 10^{-5} + \log \frac{0.067}{0.033}$$

$$\text{pH} = 4.745 + 0.308 = 5.053$$

Q4: Calculate the pH of a solution that:

a) 0.1 M CH_3COOH + 0.01M CH_3COONa , $\text{pK}_a \text{CH}_3\text{COOH} = 4.745$?

b) 0.1M NH_4OH + 0.2M NH_4Cl , $\text{pK}_b \text{NH}_4\text{OH} = 4.745$?

SOL)

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

$$= 4.745 + \log \frac{0.01}{0.1} = 4.745 - 1 = 3.745$$

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{base}]}$$

$$\text{pOH} = 4.745 + \log \frac{0.2}{0.1} = 4.745 + 0.301 = 5.046$$

$$\text{pK}_w - \text{pOH} = 14 - 5.046 = 8.954$$

Lecture 7

Q5: Calculate of the pH of a solution that is 0.5M NH_4OH solution + 0.3M NH_4Cl solution $\text{pK}_b = 4.745$.

Sol)

$$\text{pOH} = \text{pK}_b + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{base}]}$$

$$\text{pOH} = 4.74 + \log \frac{0.3}{0.5} = 4.745 - 0.222 = 4.52$$

$$\text{pH} = \text{pK}_w - \text{pOH}$$

$$\text{pH} = 14 - 4.523 = 9.477$$

Q6: What is the pH value of a solution that is 0.04F in formic acid and 0.1F sodium formate (HCOONa). $\text{K}_a (\text{HCOOH}) = 1.8 \times 10^{-4}$.

$$\begin{aligned} \text{pH} &= \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]} \\ &= 3.745 + \log \frac{0.1}{0.04} \end{aligned}$$

$$\text{pH} = 3.745 + 0.398 = 3.347$$

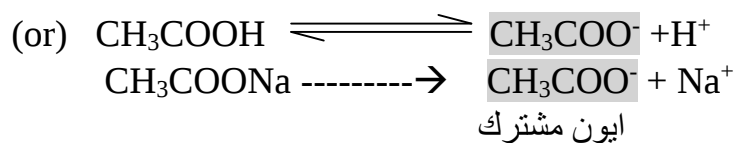
Q7: Calculate the percentage of CH_3COONa / CH_3COOH which give a solution of $\text{pH} = 5$, $\text{K}_a (\text{CH}_3\text{COOH}) = 1.8 \times 10^{-5}$.

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

if the ratio is = (x) ,

$$\begin{aligned} 5 &= 4.745 + \log X \\ \log X &= 5 - 4.745, \quad \log x = 0.255 \\ X &= 1.799 \sim 1.8 \end{aligned}$$

Lecture 7



$$K_a = \frac{[\text{H}^+][\text{Ac}^-]}{[\text{HAc}]}$$

$$\text{pH} = 5 \rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-5} \text{ M}$$

$$1.80 \times 10^{-5} = \frac{10^{-5}[\text{Ac}^-]}{[\text{HAc}]}, \quad \frac{[\text{Ac}^-]}{[\text{HAc}]} = \frac{1.8 \times 10^{-5}}{10^{-5}} = 1.8$$

وهذا يعني يتم مزج خلاات الصوديوم مع حامض الخليك بنسبة $\frac{1.8}{1}$ ليعطي محلول بفر $\text{pH} = 5$

Q8: A 50 mL Buffered solution contain 0.15 M Formic acid

(HCOOH) $K_a = 1.8 \times 10^{-4}$ and 0.1 M sodium formate (HCOONa) Calculate:

1- The pH of the solution

2- The pH after addition of 10 mL of 0.2 M HCl Solution

3- The change in pH after addition of 5 mL of 0.3M NaOH solution

$$1- \quad \text{pH} = \text{p}K_a + \log \frac{[\text{salt}]}{[\text{acid}]}$$

$$\text{pH} = -\log 1.8 \times 10^{-4} + \log \frac{0.1}{0.15}$$

$$\text{pH} = 3.745 - 0.176 = 3.569$$

2- عند اضافة الحامض (بحجم وتركيز معينين) فإن المحلول سوف يتخفف لذا يجب حساب تراكيز كل من الحامض والملح المكون للبفر وتركيز الحامض المضاف بعد التخفيف

$$V_T = 50 + 10 = 60 \text{ mL}$$

$$\text{For } [\text{HCOOH}], \quad M_1 V_1 = M_2 V_T, \quad 0.15 \times 50 = M_2 \times 60, \quad \underline{M_2 = 0.125 \text{ M}}$$

$$\text{For } [\text{HCOONa}], \quad M_1 V_1 = M_2 V_T, \quad 0.1 \times 50 = M_2 \times 60, \quad \underline{M_2 = 0.083 \text{ M}}$$

$$\text{For } [\text{HCl}], \quad M_1 V_1 = M_2 V_2, \quad 0.1 \times 10 = M_2 \times 60, \quad \underline{M_2 = 0.333 \text{ M}}$$

Lecture 7

$$\text{pH} = \text{pK}_a + \log \frac{[\text{salt}] - [\text{strong acid}]}{[\text{acid}] + [\text{strong acid}]}$$

$$\text{pH} = -\log 1.8 \times 10^{-4} + \log \frac{0.083 - 0.033}{[0.125 + 0.033]}$$

$$\text{pH} = 3.745 + \log \frac{0.05}{0.158}$$

$$\text{pH} = 3.745 + \log 0.316$$

$$\text{pH} = 3.745 - 0.5$$

$$= 3.245$$

(اكمل حل الفرع الثالث من السؤال اعلاه)-3