



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي
الهيئة القطاعية للعلوم التربوية
مناهج قسم الفيزياء
لكليات التربية



مفردات منهج مادة فيزياء الحالة الصلبة الصف الرابع عدد الساعات الاسبوعية (3)

1- التركيب البلوري

المقدمة، الحالة البلورية والحالة غير البلورية، وحدة الخلية، الشبكة البلورية والشبكة غير البلورية، انواع الشبائك، (مكعب بسيط، مكعب متمركز الجسم، مكعب متمركز الاوجه (مكعب متمركز السطوح)، كلوريد الصوديوم، تركيب سداسي متلاصق الرص)، التناظر، معامل ملر.

2- الحيويد في البلورات

الحزم الساقطة وقانون براك، (الاشعة السينية، النيوترونات، الالكترونات) الطرق التجريبية للحيود، طريقة لاوي، طريقة البلورة الدوارة، طريقة المسحوق، الشبكة المقلوبة، عامل تركيب الشبكة.

3- ديناميكية الشبكة حركات الشبكة

اهتزاز الشبكة، اهتزاز الشبكة ذات ذرة واحدة في بعد واحد، اهتزاز الشبكة ذات الذرتين في بعد واحد الحرارة النوعية للشبكة النظرية الكلاسيكية، نموذج انيشتاين، نموذج ديبي، التمدد الحراري، معالجات، المقاومة الحرارية للشبكة.

4- الالكترونات الحرة

النظرية الكلاسيكية للالكترونات الحرة، نظرية درود، نموذج لورنتز، فشل النظرية الكلاسيكية، احصاء فيرمي، ديراك للالكترونات الحرة في ثلاث ابعاد، طاقة فيرمي، كثافة الحالات النوعية الالكترونية.

5- نظرية الانطقة للمواد الصلبة

الالكترونات الحرة، أصل فجوة الطاقة، دالة بلوخ، ديناميكية حركة الالكترونات (سرعة الطور وسرعة المجموعة) الكتلة الفعالة، تأثير هول، المعادن، العوازل، اشباه الموصلات.

6- العيوب البلورية

العيوب النفطية – الثغرات – عيوب شوتكي – عيوب فرنكل – العيوب الخطية – الانخلاعات – الانخلاع الحاني – الانخلاع البريمي – العيوب السطحية – العيوب الحجمية.

7- التوصيل المفرط

حالة فرط التوصيل، المجال المغناطيسي الانتقالي، ظاهرة مازنر، نظرية التوصيل المفرط، عمق الاختراق

المصادر

- فيزياء الحالة الصلبة – تأليف: د. يحيى نوري الجمال
- فيزياء الحالة الصلبة – تأليف: د. مؤيد جبرائيل يوسف
- مصادر إضافية:
- فيزياء الحالة الصلبة – تأليف: د. صبحي سعيد الراوي د. شاكر جابر شاكر د. يوسف مولود حسن
- فيزياء الجوامد – تأليف: د. محمد امين د. احمد فؤاد باشا د. شريف احمد خيرى
- Kittel, C., 2005,. Introduction to solid state physics, 8th ed., Wiley.
- Omar MA., 1975, Elementary solid state physics, principles and applications, Addison-Wesley Publishing Company.



بسم الله الرحمن الرحيم



الفصل الاول

التركيب البلوري Crystal Structure

الحالة البلورية والحالة غير البلورية

وحدة الخلية

الشبكة البرافيزية والشبكة غير البرافيزية

أنواع الشبائك

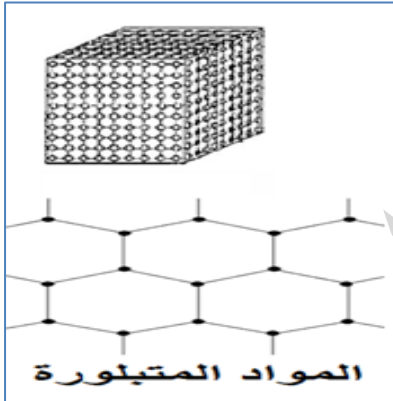
(مكعب بسيط، مكعب متمركز الجسم، مكعب متمركز الاوجه (مكعب متمركز السطوح)، كلوريد

الصوديوم، تركيب سداسي متلاصق الرص)

التناظر

معامل ميلر

الحالة البلورية والحالة غير البلورية (المواد الصلبة المتبلورة وغير المتبلورة) :



المواد البلورية (المتبلورة) **Crystalline** : تحوي صفوفًا من

الذرات المتجمعة والمرتبطة بشكل دوري مكونة تشكيلة pattern

ثلاثية الأبعاد (وتشكل نمطاً هندسياً دورياً). ويمكن اعتبار تركيبها

تكرار لنموذج أو خلية الوحدة unit cell الثلاثية الأبعاد. ومن هذه

المواد هي الحديد والذهب وكلوريد الصوديوم وغيرها.

فالمواد الصلبة البلورية تكون فيه الذرات مرتبة بشكل هندسي بحيث

تكون مواقعها دورية، وتسمى هذه الدورية بالترتيب ذي المدى

الطويل في المواد الصلبة كاملة التبلور (البلورية) Long -

Range order .

المواد غير المتبلورة:

non-Crystalline : وتسمى أيضا

بالمواد العشوائية (لا شكلية)

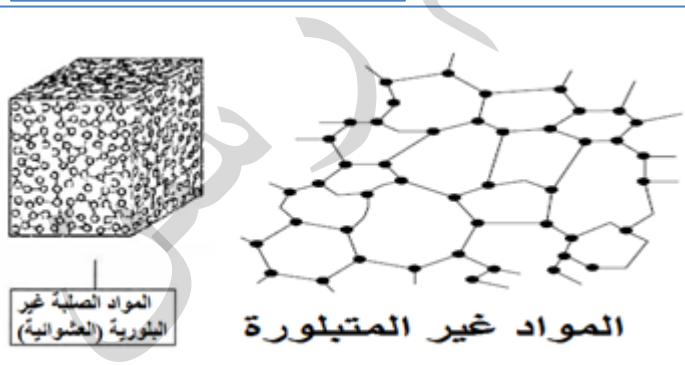
(Amorphous) وهي المواد التي تتجمع

ذراتها بصورة عشوائية وبدون ترتيب

مكونة تشكيلة معقدة بحيث لا يمكن اعتبار

تركيبها تكراراً لأي خلية وحدة ومن هذه

المواد الزجاج (أكسيد السليكون).



- بعض العناصر والمركبات يمكن ان توجد بصيغة المواد الصلبة المتبلورة والمواد الصلبة غير المتبلورة مثل الجرمانيوم والسيليكون. تبعاً لطريقة تحضير هذه المواد أو كيفية تكونها.

- بعض المواد الصلبة لا تنتمي تماماً لأي من النوعين المذكورين، حيث أنها تقع بدرجات متفاوتة بين

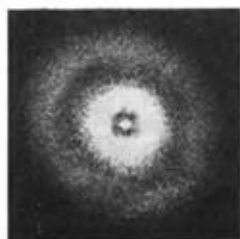
الحالة الكاملة التبلور والحالة غير البلورية، ويمكن وصف الترتيب الجزئي للذرات فيها بتعيين ما يسمى

بدرجة البلورة Degree of Crystallinity ويمتد الترتيب المنتظم في بعض هذه المواد الصلبة (شبه

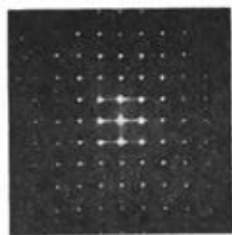
البلورية) إلى مسافات قصيرة فيوصف بالترتيب ذي المدى القصير Short - Range Order .

يمكن التمييز عمليا بين المواد الصلبة المتبلورة وغير المتبلورة بثلاث معايير مستقلة:

1- تنصهر المواد المتبلورة فجأة وعند درجة حرارة معينة ثابتة دائما اما المواد غير المتبلورة فتتنصهر من خلال مدى معين لدرجات الحرارة.



غير المتبلورة



المتبلورة

2- تكون المواد غير المتبلورة تشكيلة منتشرة ومتبعثرة عند حيود الاشعة السينية منها على شكل حلقات متحدة المركز ، بينما هذه التشكيلة تكون للمواد المتبلورة عبارة عن بقع spots متميزة ومنفصلة بعضها عن بعض وذات تماثل معين.

3- تكون جميع المواد المتبلورة متباينة الخواص الاتجاهية anisotropic وبدرجات متفاوتة اي ان بعض صفاتها المميزة تعتمد على الاتجاه الذي تقاس معه تلك الصفات بالنسبة الى محاور البلورة. اما المواد غير المتبلورة فتكون جميعها متماثلة الخواص الاتجاهية Isotropic اي لا يظهر اي تأثير للاتجاه على خواصها.

مصطلحات اساسية :

البلورة : عبارة عن جسم صلب يحتوي على عدد من الذرات مرتبة بشكل هندسي معين بحيث تكون مواقعها دورية (وتسمى هذه الدورية في الغالب بترتيب طويل المدى) فالبلورة تتكون من وحدات غاية في الصغر تُكرر بانتظام في الابعاد الثلاثة ، تسمى **خلية الوحدة (وحدة الخلية) units cell.**

يعبر عن فكرة الدورية في البلورات بالقول ان البلورة تمتلك تناظراً انتقالياً، يعني انه اذا تحركت نقطة ما وبواسطة اي متجه يربط بين نقطتين تبدو النقطة وكأنها لم تتحرك اي ان ما يجاورها لم يتغير.

وتحتفظ البلورة التامة بهذه **الدورية** وفي الابعاد الثلاثة والى ما لانهاية لكل من المحاور ويترتب على العملية الدورية ان تكون مواقع الذرات في البلورة متكافئة بعبارة اخرى تبدو البلورة التامة للناظر المستقر في اي من هذه المواقع الذرية نفسها.

ان اساس البناء البلوري هو التكرار وهناك بلورات على انواع:

1- **البلورات الحقيقية Real crystal** وتمثل معظم البلورات الموجودة في الطبيعة وتحتوي على بعض العيوب والتشوهات.

2- **البلورات المثالية Perfect crystal** وهي بلورت مفترضة حيث اننا نفرض وجود بلورة مثالية خالية من العيوب والتشوهات لغرض الدراسة ولا توجد بلورة مثالية في الطبيعة وتمتاز البلورة المثالية بالدورية Periodicity المنتظمة ثلاثية الابعاد حيث ان المجاميع المتماثلة من الذرات تكرر نفسها عند فواصل او فسخ متساوية تماما.

انواع البلورات الحقيقية:



متعددة التبلور

أ- **البلورة الاحادية Single crystal**: حيث تمتد دورية التشكيلة او النموذج البلوري الثلاثي الابعاد خلال البلورة بأكملها.

ب- **البلورة متعددة التبلور Polycrystalline**: حيث لا تمتد دورية النموذج البلوري خلال البلورة بأكملها بل تنتهي عند حدود داخل البلورة تدعى **بحدود الحبيبات grain boundaries**.

عندما ينتشر النمط الهندسي الدوري ليشغل كل أجزاء المادة، فإن هذا يعني أن لدينا "بلورة وحيدة اما إذا توقف انتشار دورية

النمط الهندسي عند تخوم، أو حدود فإن المادة حينئذ تكون **متعددة الحبيبات** أي تتكون من مجموعات صغيرة جداً من البلورات الحبيبات، أو البلورات الأحادية الصغيرة في اتجاهات مختلفة.

أن الحالة البلورية هي الحالة الطبيعية لغالبية المواد الصلبة، نظراً لأن طاقة الترتيب المنتظم للذرات تكون أقل من طاقة التوزيع العشوائي لها. وعموماً إذا لم تنتج لذرات المادة فرصة ترتيب نفسها كما ينبغي، كأن تكبح حركتها فإنه يمكن أن تتكون مادة غير بلورية. في حالات أخرى لا تتاح الفرصة لنمو بلورات من سوائل عالية اللزوجة عند تبريدها بسرعة، حيث يؤدي التبريد الفائق Supercooling الى تجميد السائل بنفس النمط غير الدوري لترتيب جزيئاته. لكن مثل هذه المواد الزجاجي يمكنها اكتساب الحالة البلورية بصورة كلية أو جزئية، عن طريق معالجتها حرارياً وهي عملية تسخين، تسمى التلدين أو التخمير Annealing يعقبه تبريد بمعدلات بطيئة منتظمة.



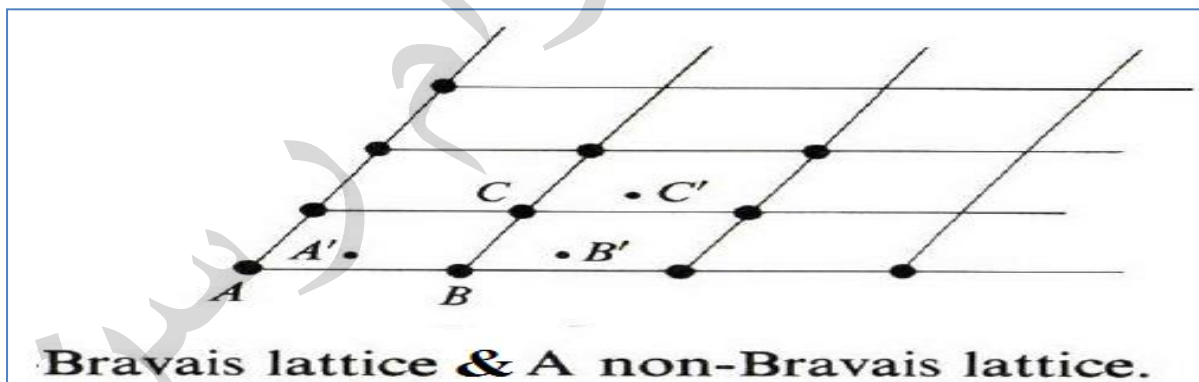
التركيب البلوري Crystal structure

ويمكن تعريفه من العلاقة التي تربط الاساس Basis بكل نقطة من نقاط الشبكة lattice

$$\text{التركيب البلوري} = \text{الشبكة} + \text{الاساس}$$

الاساس : عبارة ذرة او مجموعة من الذرات تتواجد في كل موقع نقطي من نقاط الشبكة.

الشبكة : في علم البلورات تكون الخواص الهندسية هي موضع الاهتمام وليست تركيب المادة وعليه نستبدل كل ذرة بنقطة هندسية تقع في موضع استقرار تلك الذرة، وبذلك تكون النتيجة هي هيكل هندسي من النقاط يمتلك الخواص الهندسية للبلورة نفسها.



يوجد نوعين من الشبائك:

1- **الشبكة البرافيزية Bravais Lattice**: في هذا النوع تكون جميع نقاط الشبكة متكافئة، أي أن جميع الذرات في البلورة تكون من نفس النوع.

2- **الشبكة غير البرافيزية Non-Bravais Lattice**: في هذا النوع تكون نقاط الشبكة غير متكافئة. حيث تكون المواقع A، B، C متكافئة مع بعضها، لكن المواقع A'، B'، C' غير متكافئة مع بعضها.

بمعنى يمكن اعتبارها مزيج من شبكتين أو أكثر من الشبكات البرافيزية متداخلة مع بعضها بوضع ثابت بالنسبة لبعضها الآخر.

المتجهات الانتقالية في البلورة (التماثلات الانتقالية):

تعرف البلورة المفردة المثالية بأنها ترتيب منتظم من وحدات متماثلة تمتد الى ما لانهاية. تحدد الشبكة بدلالة المتجهات الثلاثة $\vec{a}$ و $\vec{b}$ و $\vec{c}$ (في بعض الكتب يستعمل $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \vec{a}_3$) وتسمى بالمتجهات الانتقالية اما المتجه الذي يربط هذه المتجهات الثلاثة فيدعى بالمؤثر الانتقالي ($\vec{T}$) Translation vector: لشبكة ثلاثية الابعاد

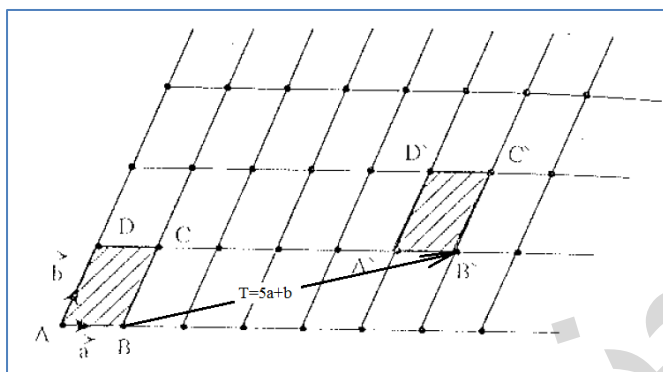
$$\vec{T} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c} \quad \dots(1)$$

حيث ان n_1, n_2, n_3 اعداد صحيحة اختيارية. والمؤثر الانتقالي $\vec{T}$ يربط اي موقعين داخل البلورة بحيث تبدو الذرات المحيطة بهذين الموقعين متماثلة ولهذا يسمى بالمؤثر الانتقالي او المؤثر الزحفي. حيث ان $\vec{r}$ و $\vec{r}'$ موقعين داخل البلورة

$$\vec{r}' = \vec{r} + \vec{T} \quad \dots\dots(2)$$

بتعويض (1) في (2) ينتج :

$$\vec{r}' = \vec{r} + n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c} \quad \dots\dots\dots(3)$$



اي ان الترتيب يبقى نفسه بالنسبة الى النقطة المعبر عنها بالمتجه $\vec{r}$ عند مشاهدتها من نقطة اخرى $\vec{r}'$ كما في الشكل. حيث نلاحظ ان المتجه الانتقالي $T=5a+b$ يربط بين اي نقطة شبكية في خلية الوحدة ABCD والنقطة المكافئة لها في خلية الوحدة $A'B'C'D'$

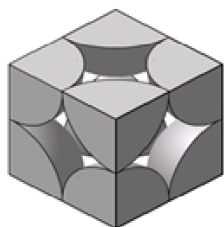
- ✓ وتعرف الشبكة ومحاورها الانتقالية بانها اولية (بدائية) primitive اذا كانت اي نقطتين في الشبكة تخضع للعلاقة (3).
- ✓ اما اذا كانت نقاط الشبكة لا تخضع للعلاقة (3) فالشبكة والمحاور التي تحددها غير اولية (غير بدائية) non-primitive.
- ✓ المحاور الاولى للشبكة تكون اشكالا لمتوازيات السطوح تسمى خلية وحدة اولية primitive unit cell.
- ✓ اما المحاور غير الاولى للشبكة فتكون ايضا اشكالا لمتوازيات السطوح تسمى خلية وحدة غير اولية non-primitive unit cell.

وحدة الخلية Unit Cell: هي اصغر وحدة في الشبكة تملأ الفضاء بتأثير المؤثر $\vec{T}$ ويكون شبكة كاملة. (وهي أصغر وحدة في الشبكة الفراغية وهي الوحدة التي بتكرارها في الاتجاهات الثلاثة ينتج عنها البلورة). وحجم وحدة الخلية يعطى:

$$V = |\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}| \quad \vec{a} \quad \vec{b} \quad \vec{c} \quad \vec{a} \quad \vec{b}$$

$$V = |\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}| = |\vec{b} \times \vec{c} \cdot \vec{a}| = |\vec{c} \times \vec{a} \cdot \vec{b}|$$

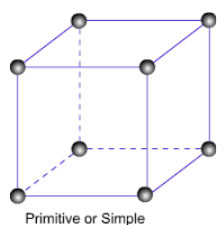
وتوجد طرق عديدة لاختيار المحاور الاولى اي عدة طرق لاختيار خلية الوحدة الاولى للشبكة ما. والمهم هنا اجراء عملية الضرب الاتجاهي (cross) اولا ثم الضرب النقطي dot.



الخلية الاولى Primitive: هي الخلية التي تحتوي على النقاط في اركانها فقط وتكون محاورها باقصر طول ممكن وتخضع للمعادلة (3).

$$\vec{r} = \vec{r} + n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c} \quad \dots (3)$$

حيث تكون وحدة الخلية البدائية هي التي تمتلك نقاط شبكية عند زواياها الثمانية

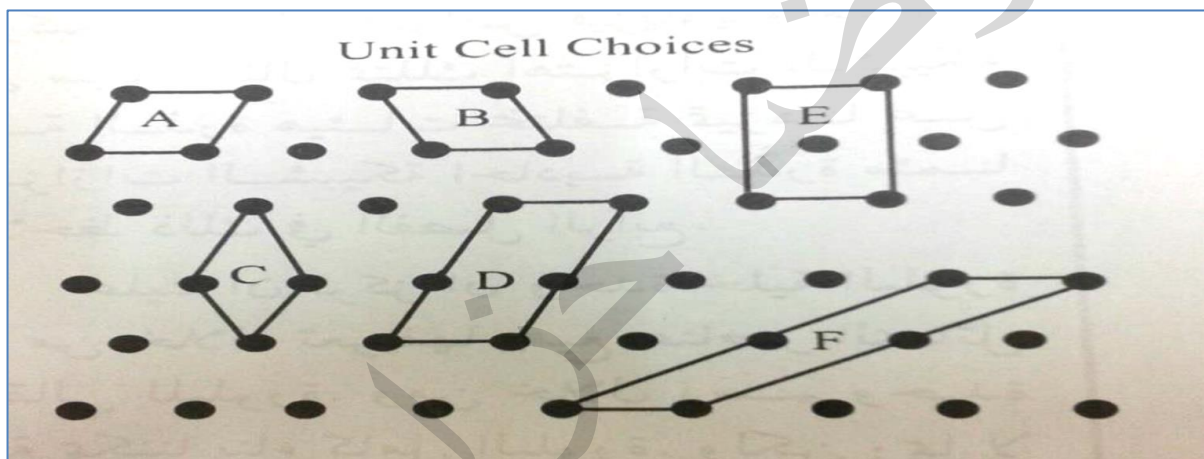


فقط وكل زاوية تشترك مع ثمان خلايا وبذلك يكون فقط ثمن ($\frac{1}{8}$) الذرة او نقطة الشبكية يخص كل وحدة الخلية البدائية.

أي ان الذرات الثمانية ستساهم كل ذرة منها بثمان ($\frac{1}{8}$) وبذلك ستحتوي الخلية

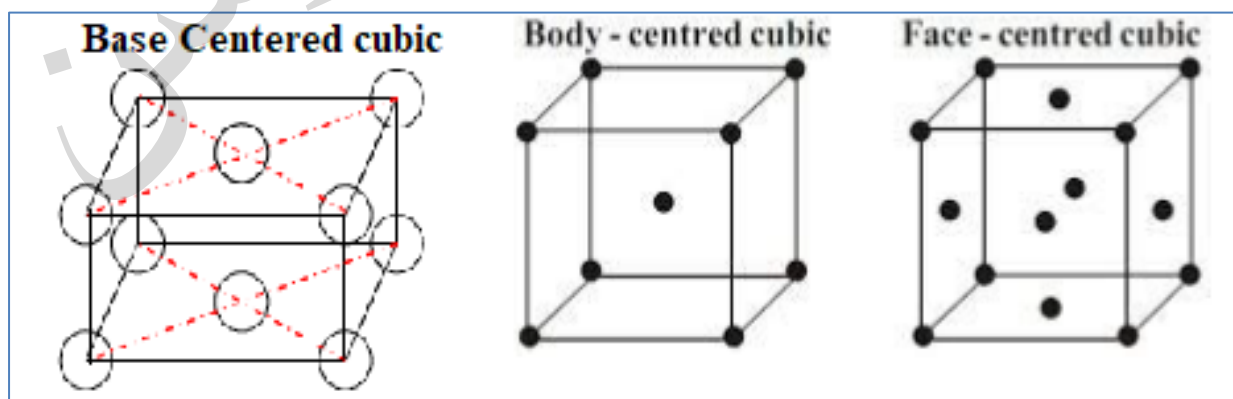
$$8 \times \frac{1}{8} = 1 \quad \text{البدائية على نقطة شبكية واحدة او ذرة واحدة.}$$

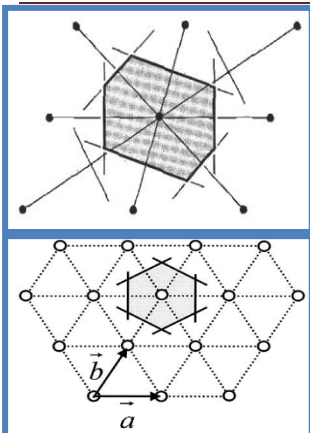
الخلية غير الاولى Non-Primitive: هي الخلية التي تحتوي على نقاط شبكية اخرى بالإضافة الى الاركان. واطوال محاورها لا تكون أقصر طول. ولا تنطبق عليها المعادلة (3). في فضاء ثنائي الابعاد تكون خلية الوحدة الاولى ذات مساحة ثابتة بغض النظر عن طرق اختيار محاورها. وحدة الخلية أولية كما في الخلايا A، B و C. وحدة الخلية غير أولية كما في E، D، F.



أي ان الخلية غير الاولى تحتوي على أكثر من نقطة شبكية أو ذرة واحدة و يطلق عليها ايضا الخلية المركبة لتداخل شبكيتين أو أكثر لتكوين شكل مركب آخر مثل:

- خلية متمركزة الجسم (Body-Centered (B.C.C.
- خلية متمركزة الأوجه (Face-Centered (F.C.C.
- خلية متمركزة القاعدة (Base Centered (B.C.C.





خلية ويكنر – سيتز Wegner – Seitz Cell: هي طريقة أخرى لاختيار الخلية الأولية (البدائية) وتلخص بما يلي:

- ❖ نمد خطوط مستقيمة من نقطة شبكة ما الى جميع نقاط الشبكة القريبة منها.
- ❖ ننصف هذه الخطوط بمستويات متعامدة.
- ❖ الحجم المحصور بين المستويات المتعامدة هو خلية أولية (بدائية) وتحتوي على نقطة شبكة واحدة.

التماثل البلوري Crystal Symmetry :

التماثل او التناظر **Symmetry**: هو تكرار او تطابق اجزاء شكل ما حول مستو او مستقيم او نقطة، للتماثل. فالدائرة متماثلة حول اي قطر لها (تكرر أي تُعيد نفسها) والكرة متماثلة حول اكبر مستو دائري لها. والمكعب له حالات تماثل عديدة فهو متماثل قطريا وطوليا وعرضيا وحول مركزه. **اما عدم التماثل Asymmetry**: فهو الشكل الذي لا يملك صفة التكرار ولا يملك تطابق في اجزائه مثل اليد اليمنى واليد اليسرى للإنسان.

ان التماثل في البلورة هو عبارة عن عمليات او مؤثرات يمكن تخيل حدوثها على البلورة وبعد الانتهاء منها تبدو البلورة كأصلها اي تكرر او تعيد اجزاءها الى المواقع التي كانت تشغلها قبل حدوث تلك العمليات.

عناصر التماثل: هي المحور او المستوي او المركز (النقطة) الذي تجري حوله عملية التماثل عمليات التماثل (مؤثرات التماثل): وهي العمليات التي نتخيل حدوثها على البلورة وتعيدها الى نفسها **عملية الانتقال Translation** تحت تأثير المؤثر $\vec{T}$ هي ليست العملية الوحيدة التي تتميز بها البلورة بل هناك عمليات أخرى ومنها :

العناصر الاساسية للتماثل هي :

- 1- محور تماثل دوراني مناسب
- 2- محور تماثل دوراني غير مناسب
- 3- مستوى التماثل
- 4- مركز التماثل

عملية الدوران Rotation

عملية الانعكاس Reflection

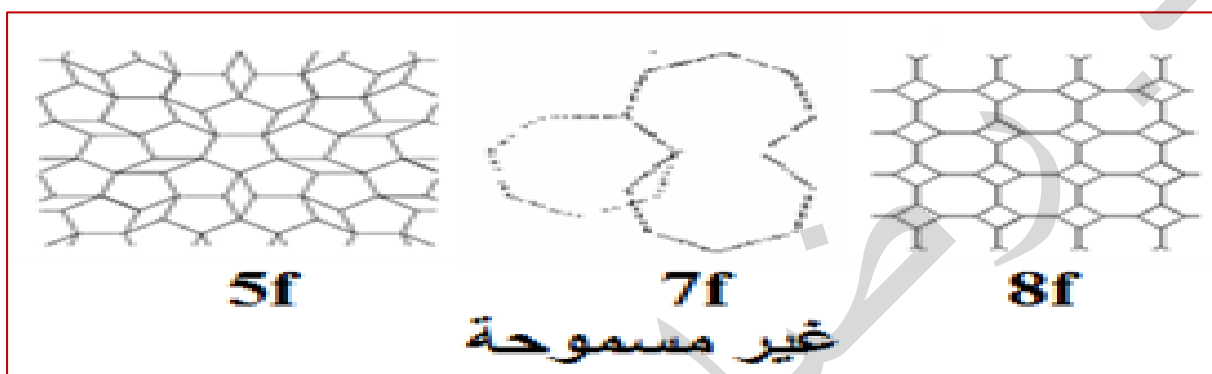
عملية الانقلاب Inversion

1- محور التماثل الدوراني المناسب (عملية الدوران – محور التماثل):

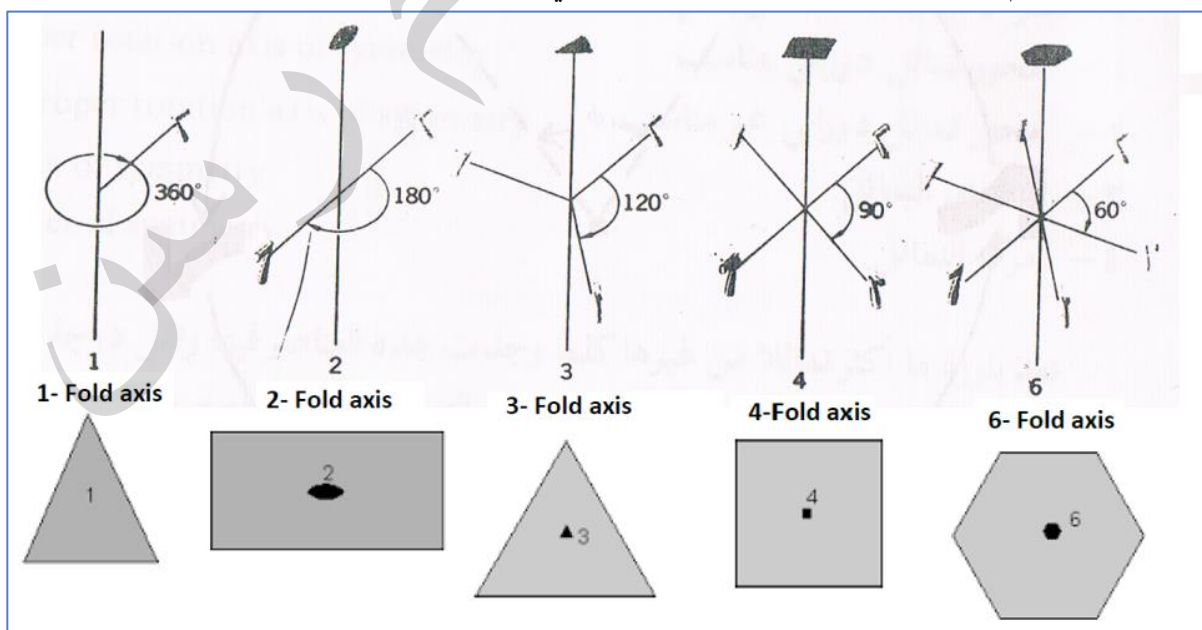
محور التماثل Axis symmetry هو مستقيم وهمي يمر بمركز البلورة بحيث لو دارت دورة كاملة (360°) دون اية ازاحة لتكررت خلال تلك الدورة وضعيات البلورة عددا من المرات بحيث لا يمكن التمييز بين وضعها الاصلي قبل التدوير وبين الاوضاع الجديدة التي امتلكتها خلال دورة كاملة. ويجب ان تكون زاوية الدوران ϕ احد الاجزاء المتساوية الحاصلة من قسمة الدورة الكاملة على اعداد صحيحة n تسمى الطية الثنيات fold. حيث تمثل هذه الارقام درجات التماثل المسموح بها

$$\phi = \frac{360}{n} \quad n = 1, 2, 3, 4, 6$$

يسمى n بدرجة محور الدوران. حيث ان 8، 7، 5، غير مسموح بها لانها اما ان تترك فراغ او تتراكب خلايا الوحدة.



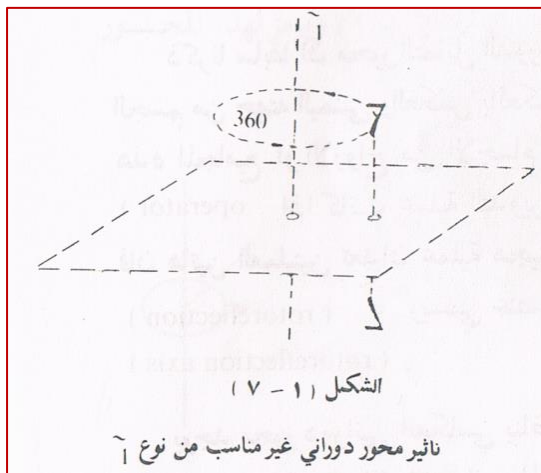
- وابسط مثال على المحور الدوراني المناسب هو دوران المروحة ذات ثلاث ريش (3 طيات) بزاوية $\phi = 120^\circ$ وذات اربعة ريش (4 طيات) $\phi = 90^\circ$.
- حيث يعرف المحور الدوراني الثنائي الثنية بانه محور ثنائي التماثل (Diad) حيث تتكرر الاشكال المتشابهة فيه مرتين خلال الدورة الكاملة بعد كل تدوير بزاوية 180° .
- المحور الدوراني ثلاثي التماثل (Triad) يرمز له بالعدد 3 اذا تكررت البلورة ثلاث مرات كل 120° .
- محور رباعي التماثل (Tetrad) ويرمز له بالعدد 4 اذا تكررت هيئة البلورة اربع مرات كل 90° .
- المحور السداسي التماثل (Hexad) يكرر البلورة ست مرات كل 60° ويرمز له بالعدد 6.
- وتسمى الأرقام 1, 2, 3, 4, 6 درجات التماثل الدوراني للبلورة.



2- محور التماثل الدوراني غير المناسب (المحور الدوراني الانعكاسي) (العملية الدورانية الانعكاسية):

وهو حدوث عملية تدوير تعقبها او تليها عملية انعكاس لكي يكرر الجسم نفسه اي انها عملية هجينة واحدة (دوران + انعكاس) وتسمى بالعملية الدورانية الانعكاسية ويسمى عنصر التماثل في هذه الحالة محورا دورانيا انعكاسيا. وتوجد خمسة محاور دورانية انعكاسية $\tilde{1}, \tilde{2}, \tilde{3}, \tilde{4}, \tilde{6}$

فمثلاً العملية او المؤثر ($\tilde{1}$) يلفظ one tilde وللتوضيح:



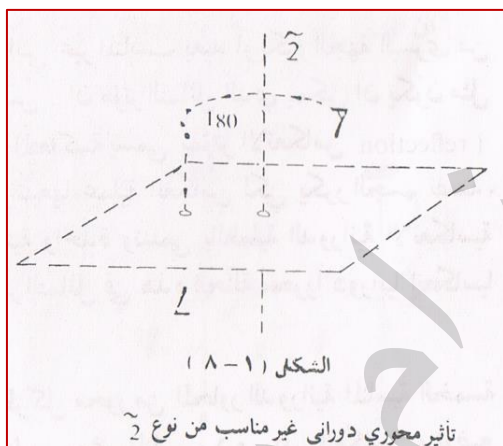
المحور الدوراني الانعكاسي ($\tilde{1}$)

المحور الدوراني الانعكاسي $\tilde{1}$ يُدور أي جسم خلال زاوية صفر او 360 درجة.

$$\phi = \frac{360}{1} = 360$$

$$n = 1$$

المحور الدوراني الانعكاسي ($\tilde{1}$) يُدور أي جسم خلال زاوية صفر او 360 درجة يعقب ذلك عملية انعكاس. كما في الشكل.



المحور الدوراني الانعكاسي ($\tilde{2}$)

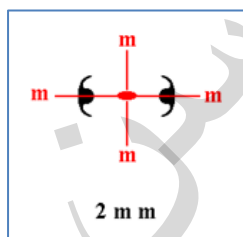
اذا كان الجسم يدور بزاوية 180 درجة حول محور وهمي عمودي على سطح وهمي افقي

$$\phi = \frac{360}{2} = 180$$

$$n = 2$$

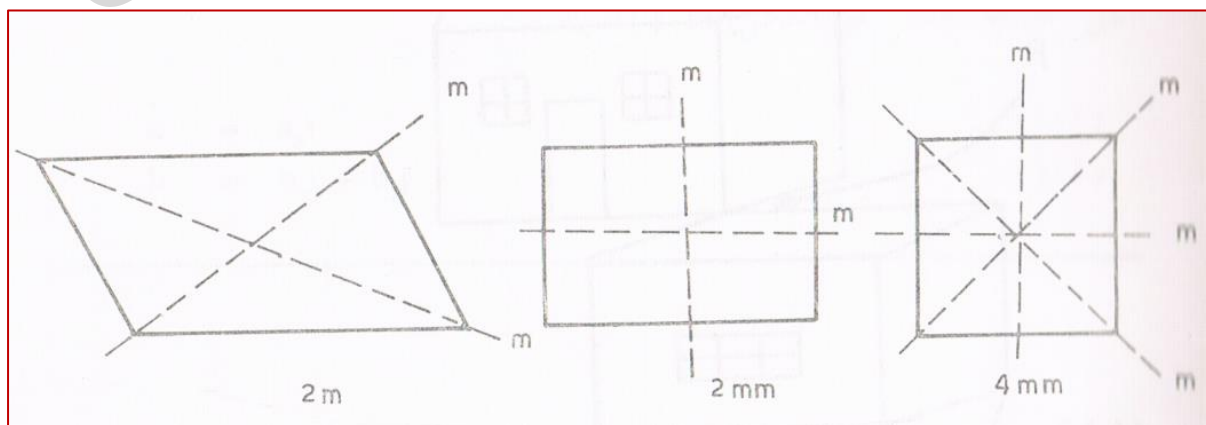
يعقب ذلك انعكاس من خلال السطح الوهمي.

المحور الدوراني الانعكاسي ($\tilde{2}$) يُدور أي جسم خلال زاوية صفر او 180 درجة يعقب ذلك عملية انعكاس. كما في الشكل.

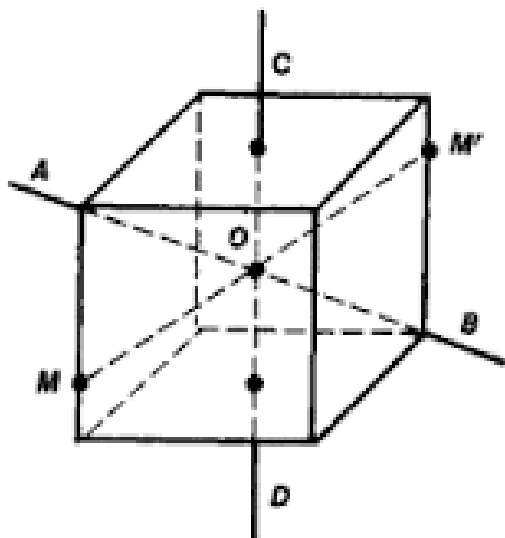


3- مستوى التماثل (Plane of Symmetry) (عملية الانعكاس):

وهو مستوى وهمي يقسم الجسم او البلورة الى نصفين متشابهين بحيث يكون احد النصفين صورة مرآة للنصف الاخر مثل جسم الانسان لو قسم الى نصفين متساوين بصورة طولية. ويرمز لهذه العملية (m)(mirror). في بعض الاحيان نرى بان الجسم يمتلك مستويين للتماثل متقاطعين بزاوية قائمة في هذه الحالة يقال عنها مرآة مزدوجة (double mirror) (mm).



4- مركز التماثل (Center of Symmetry) (عملية الانقلاب):



ان مركز التماثل هو مركز انقلاب لان لهذا المركز خاصية قلب جميع الفضاء من خلال نقطة. او هي تلك النقطة في البلورة التي ان رسم خط مستقيم من أي نقطة ذرة على البلورة خلال المركز فإنه سيقابل نقطة مشابهة تماما من الجانب الآخر الجزء المقابل وعلى مسافة متساوية و يرمز لمركز التماثل بالرمز C . تحليليا بالنسبة لنقطة (x, y, z) هنالك نقطة مماثلة عند $(\bar{x}, \bar{y}, \bar{z})$ وخلاصة ذلك ان مؤثر الانقلاب مركب من تدوير بزواوية 180 درجة يعقب ذلك انعكاس عبر سطح عمودي على محور الدوران.

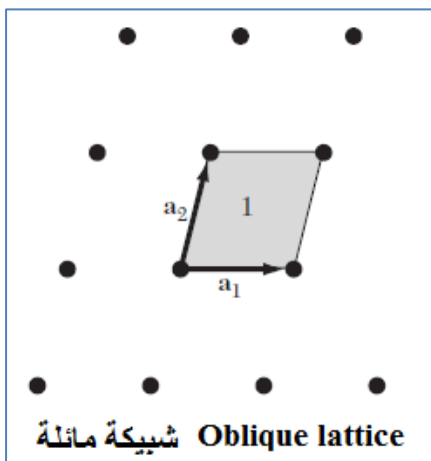
محور التماثل الانقلابي (Inversion axis of Symmetry) (المحور الدوراني الانقلابي) (rotoinversion axis):

وهو على غرار المحور الدوراني (المحور الدوراني غير المناسب) ويميز المحور الدوراني الانقلابي بوضع علامة (-) فوق رمز محور الدوران. فمثلاً:

- (محور دوراني انقلابي من النوع الثالث) او (محور التماثل الانقلابي من النوع الثالث) يعبر عنه بشكل (3) ويلفظ (three - bar).
- (محور دوراني انقلابي من النوع الثاني) او (محور التماثل الانقلابي من النوع الثاني) يعبر عنه بشكل (2) ويلفظ (two - bar).
- وهكذا (one - bar) (four - bar) (six - bar).
- علما انه لا يوجد (محور دوراني انقلابي من النوع الخامس) او (محور التماثل الانقلابي من النوع الخامس). أي عدم وجود محور انقلابي خماسي وكما بينا سابقاً ان درجة محور التماثل تعرف بعدد المرات التي يحل الشكل محل نفسه عند دورانه حول محور التماثل بزواوية 360 درجة. فهذا ينطبق على المحور الدوراني الانقلابي اخذين بنظر الاعتبار الإشارة السالبة. والمحور الدوراني الانقلابي هو عملية واحدة ذات مرحلتين متعاقبتين تبدأ بمرحلة التدوير (ولا يعود الجسم لوضعه الأصلي) ولكن يعقب ذلك مرحلة الانقلاب وعند الانتهاء نحصل على التماثل او التكرار أي عودة الجسم الى وضعه الأصلي.
- ملاحظة:** نلاحظ ان (2) لها النتيجة او التأثير لعملية انعكاس خلال مستوي m او عملية محور دوراني انعكاسي من نوع (1).

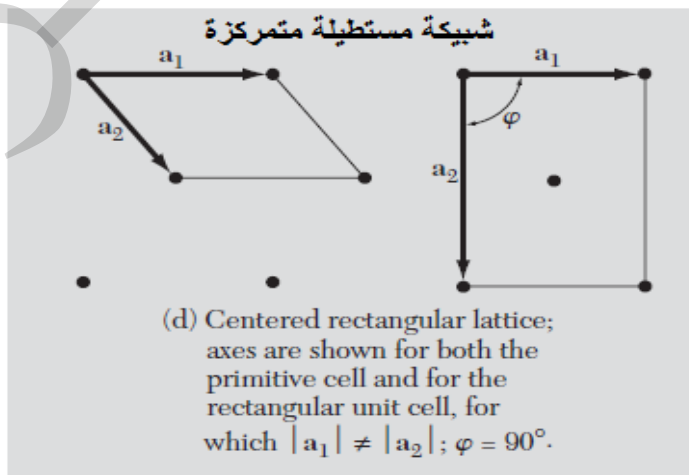
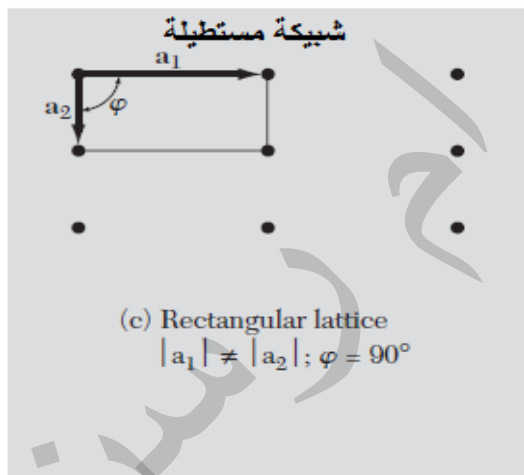
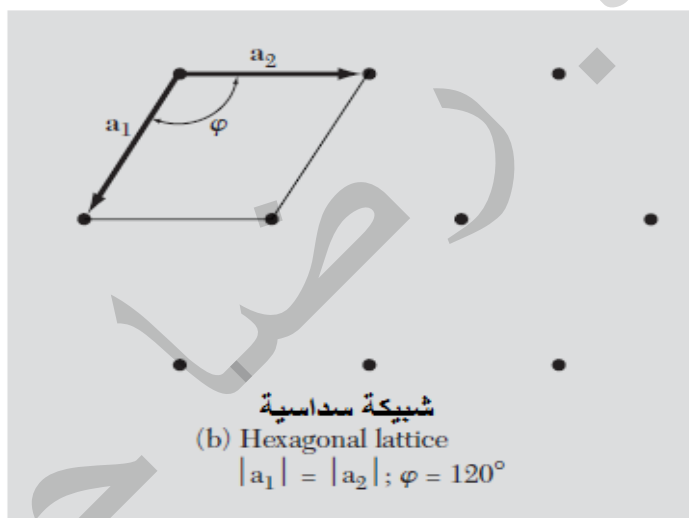
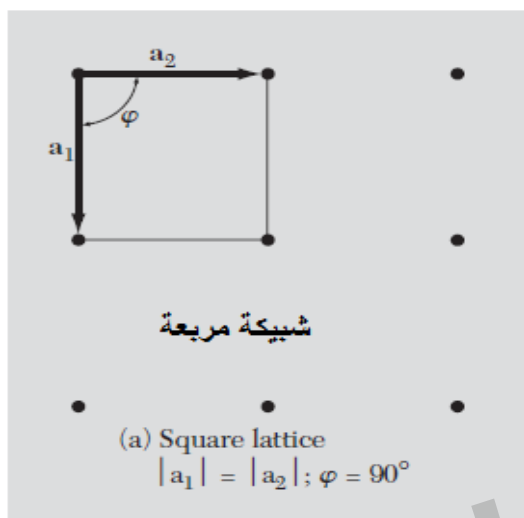
مجاميع نقط التماثل Point groupe symmetry: تعرف مجاميع نقطة التماثل على انها عبارة عن مجموعة من العمليات التماثلية التي يمكن اجراءها على البلورة التي تعود الى احدى مجاميع التماثل. يمكن جمع عناصر التماثل المختلفة بطرق مختلفة وتدعى المجاميع الحاصلة بمجاميع نقط التماثل او للسهولة مجاميع نقطية او مجاميع نقطة Point groups.

الانواع الخمسة المسموحة لمحاور التماثل الدوراني المناسب ($n = 1, 2, 3, 4, 6$)				
1	2	3	4	6
1- Fold axis	2- Fold axis	3- Fold axis	4- Fold axis	6- Fold axis
360	180	120	90	60

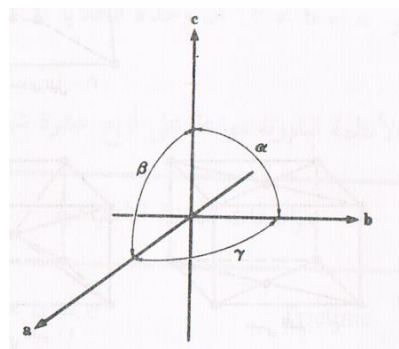
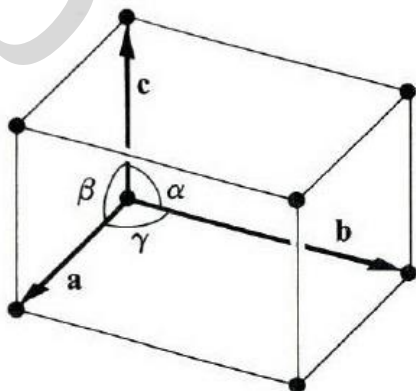


الشبائك المستوية:

الشبائك يمكن ان تجمع في خمسة انواع هي:
شبكة مائلة: هي شبكة عامة ولا توجد علاقة خاصة بين اطوال متجهاتها الاساسية وان الزاوية بين هذه المتجهات غير محدودة القيمة اي ان: $\vec{a} \neq \vec{b}$ ، $\phi \neq 90^\circ$



المحاور والزاويا البلورية:



الشبائك الفضائية والانظمة البلورية :

الشبائك البرافيزية الاربعة عشرة يمكن تقسيمها على خمسة انواع اساسية تبعاً لكيفية توزع نقاط الشبكة على خلية الوحدة. والانواع الخمسة هي كالآتي:

اولاً: شبائك بدائية اولية Primitive Lattice يرمز لها (P) : حيث تحتوي كل خلية وحدة على $\frac{1}{8}$ نقطة في كل ركن من اركانها الثمانية وبذلك فان كل خلية وحدة اولية تحتوي على نقطة شبكية واحدة $(8 * \frac{1}{8} = 1)$.

ثانياً: شبائك متمركزة الوجوه Face Centered Lattice يرمز لها بالرمز (F) : وهي تحتوي على $\frac{1}{8}$ نقطة شبكية في اركانها الثمانية بالإضافة الى $\frac{1}{2}$ نقطة شبكية في الوجوه الستة اي ان مجموع ما تحتويه هذه الشبائك هو 4 نقاط $(8 * \frac{1}{8} + 6 * \frac{1}{2} = 4)$.

ثالثاً: شبائك متمركزة الجسم Body Centered Lattice يرمز لها بالرمز (I) : وتحتوي $\frac{1}{8}$ نقطة شبكية في اركانها الثمانية بالإضافة الى نقطة شبكية واحدة في مركز الجسم اي ان مجموع ما تحتويه هذه الشبائك هو نقطتين $(نقطة 2 = 8 * \frac{1}{8} + 1)$.

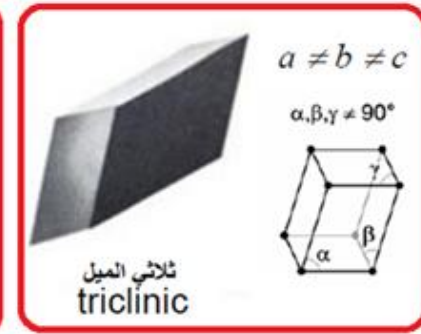
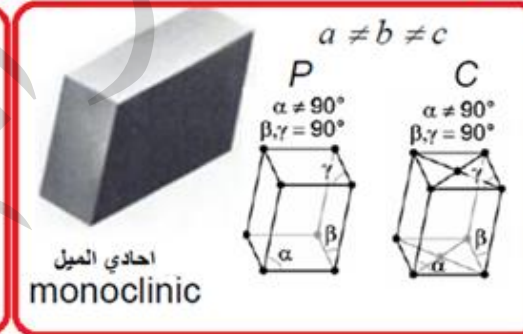
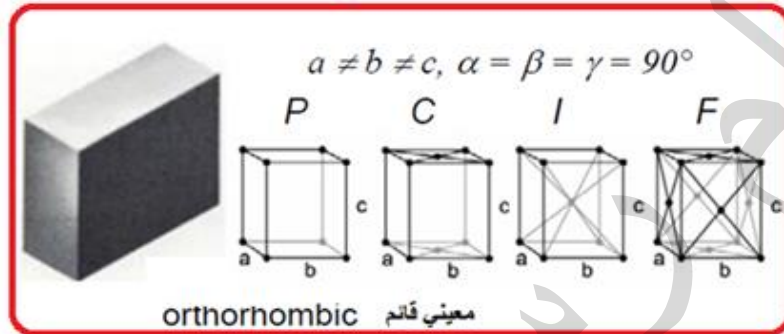
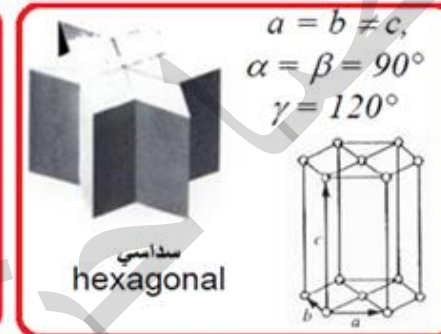
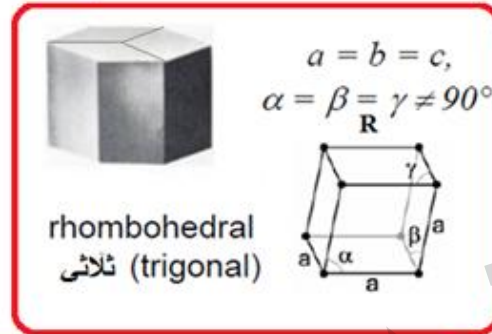
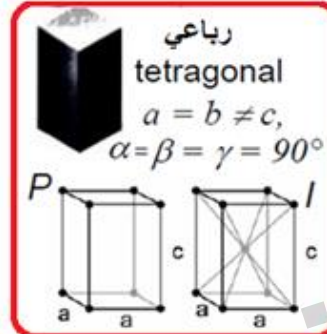
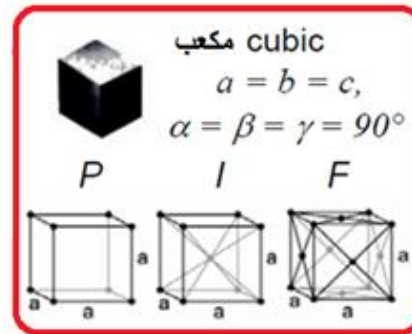
رابعاً: شبائك متمركزة الجانب او القاعدة Base or Side Centered Lattice : يمتاز هذا النوع باحتوائه على $\frac{1}{8}$ نقطة شبكية في اركانه الثمانية بالإضافة الى $\frac{1}{2}$ نقطة شبكية في وجهين متقابلين من وجوه الستة وبالتالي فان مجموع ما يحتويه من نقاط هو نقطتين $(نقطة 2 = 8 * \frac{1}{8} + 2 * \frac{1}{2})$ ويرمز لهذه الشبائك بالرمز A او B او C حسب موقع النقطتين على اوجه الخلية. فاذا كان زوج الواجه الذي يحوي نصف نقطة في كل وجه يمثل سطحي البداية والنهاية للمتجه الانتقالي الاساسي $\vec{c}$ سميت الشبكة **C-base - centered** . ونفس الشيء تسمى A-base - centered نسبة الى المتجه $\vec{a}$ وايضاً B-base - centered نسبة الى المتجه $\vec{b}$.

خامساً: شبائك معينة الواجه Rhombohedral Lattice ويرمز لها بالرمز R : وهي حالة خاصة من الشبائك الاولى. ويكون شكل الخلية معينة الوجوه لكن المحاور الثلاثة غير متعامدة اي ان $\vec{a} = \vec{b} = \vec{c}$ و $\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$.

توزع الانواع الخمسة من الشبائك الاساسية على سبعة (7) أنظمة بلورية تشكل 14 شبكة برافيزية:

نظام البلورة	مواصفات الخلية الاعتيادية	رموز الشبكة في النظام
١ - ثلاثي الميل	Triclinic	P
٢ - أحادي الميل	Monoclinic	P, C
٣ - معيني قائم	Orthorhombic	P, C, I, F
٤ - رباعي	Tetragonal	P, I
٥ - مكعب	Cubic	P, I, F
٦ - ثلاثي	Trigonal	R
٧ - سداسي	Hexagonal	P

الانظمة البلورية السبعة موزعة على
اربعة عشرة شبكة برافيزية
 $\vec{a} \vec{b} \vec{c}$ or $\vec{a}_1 \vec{a}_2 \vec{a}_3$

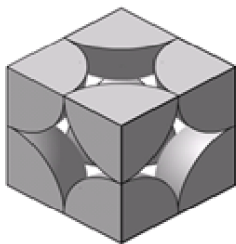
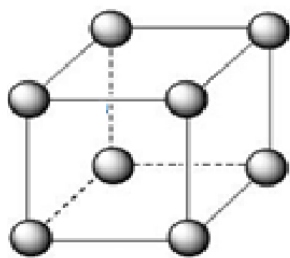


	مكعب بسيط SC	مكعب متمركز الجسم BCC	مكعب متمركز الوجة FCC
حجم خلية الوحدة الاعتيادية	a^3	a^3	a^3
عدد نقاط الشبكة لكل خلية اعتيادية	1	2	4
حجم خلية الوحدة الاولى	a^3	$\frac{1}{2}a^3$	$\frac{1}{4}a^3$
عدد نقاط الشبكة لكل وحدة حجم	$1/a^3$	$2/a^3$	$4/a^3$
عدد الجوار الاول	6	8	12
مسافة الجوار الاول	a	$3^{1/2} a/2 = 0.866a$	$a/2^{1/2} = 0.707a$
عدد الجوار الثاني	12	6	6
مسافة الجوار الثاني	$2^{1/2}a$	a	a
نسبة الملء (نسبة الرص)	$\frac{1}{6}\pi$ $=0.524$	$\frac{1}{8}\pi\sqrt{3}$ $=0.680$	$\frac{1}{6}\pi\sqrt{2}$ $=0.740$

حيث $(a=L)$

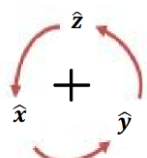
مميزات الشبائك المكعبة : يتضمن نظام المكعب ثلاثة انواع من الشبائك هي :

1- مكعب بسيط (P) Simple Cubic (SC أو sc) :



وهو يحتوي على نقطة شبكية واحدة اي $\frac{1}{8}$ نقطة في كل ركن من الاربكان الثمانية ومتجهاته $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ ، $\vec{c}$ وهي متجهات اولية طول كل منها a .

$$\frac{1}{8} * 8 = 1$$



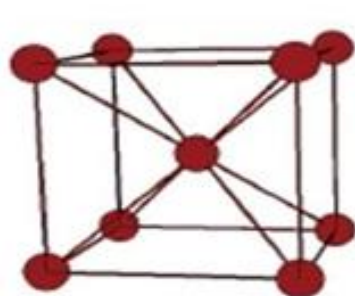
(س) اثبت ان حجم خلية الوحدة الاولى لمكعب بسيط sc يساوي a^3 ؟

$$\vec{a} = a\hat{x} \quad \vec{b} = a\hat{y} \quad \vec{c} = a\hat{z}$$

$$V = |\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}| = |a\hat{x} \times a\hat{y} \cdot a\hat{z}| = |a^2\hat{z} \cdot a\hat{z}| = |a^3|$$

$$V = a^3$$

مكعب متمركز الجسم (I) Body Centered Cubic (BCC أو bcc) :



وهو يحتوي على نقطتين واحدة في الاربكان وواحدة في مركز الخلية وهي من الشبائك غير الاولى لانه خلية الوحدة له غير اولية.

وموقعي النقطتين : $\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}$ ، 000

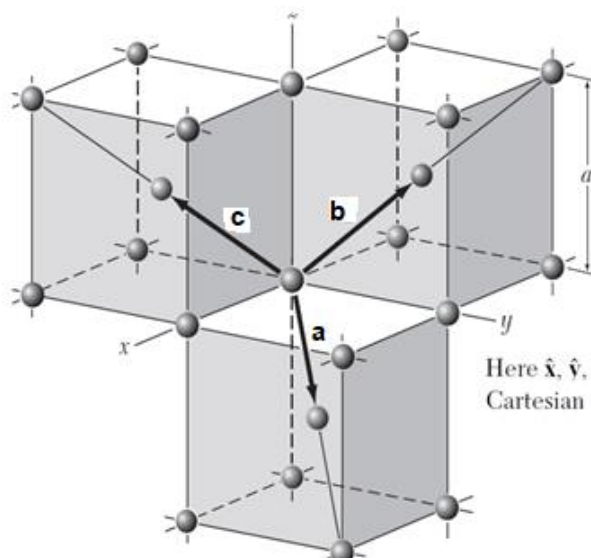
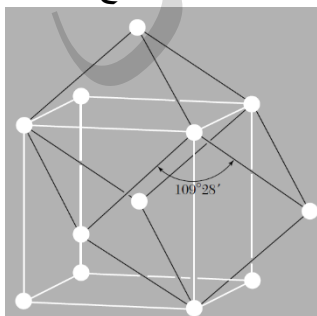
في المكعب متمركز الجسم تكون خلية الوحدة

الاولية معينة الاوجه طول ضلعها $(\frac{\sqrt{3}}{2}a)$

ومحاورها $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ ، $\vec{c}$ وتحدث مع بعضها

زاوية مقدارها

(109°) تقريبا.



Here $\hat{x}$, $\hat{y}$, $\hat{z}$ are the Cartesian unit vectors.

$$\vec{a} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{y} - \hat{z}) ; \quad \vec{b} = \frac{1}{2}a(-\hat{x} + \hat{y} + \hat{z}) ;$$

$$\vec{c} = \frac{1}{2}a(\hat{x} - \hat{y} + \hat{z}) ;$$

س/ اثبت ان حجم الخلية الاولى لشبيكة مكعب متمركز الجسم bcc يساوي $\left(\frac{1}{2}\right)$ حجم خلية الوحدة الاعتيادية لنفس الشبيكة.

$$\vec{a} = \frac{1}{2}a(-\hat{x} + \hat{y} + \hat{z})$$

$$\vec{b} = \frac{1}{2}a(\hat{x} - \hat{y} + \hat{z})$$

$$\vec{c} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{y} - \hat{z})$$

$$V_c = \vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}$$

$$(\vec{a} \times \vec{b}) = \left\{ \frac{1}{2}a(-\hat{x} + \hat{y} + \hat{z}) \right\} \times \left\{ \frac{1}{2}a(\hat{x} - \hat{y} + \hat{z}) \right\}$$

$$(\vec{a} \times \vec{b}) = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} \end{vmatrix}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & -\frac{a}{2} & \frac{a}{2} \end{vmatrix}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \left(\frac{a^2}{4} + \frac{a^2}{4} \right) \hat{x} + \left(\frac{a^2}{4} - \frac{a^2}{4} \right) \hat{y} + \left(\frac{a^2}{4} - \frac{a^2}{4} \right) \hat{z}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \frac{a^2}{2} \hat{x} + \frac{a^2}{2} \hat{y}$$

$$V_c = \vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c} = \left(\frac{a^2}{2} \hat{x} + \frac{a^2}{2} \hat{y} \right) \cdot \left(\frac{a}{2} \hat{x} + \frac{a}{2} \hat{y} - \frac{a}{2} \hat{z} \right)$$

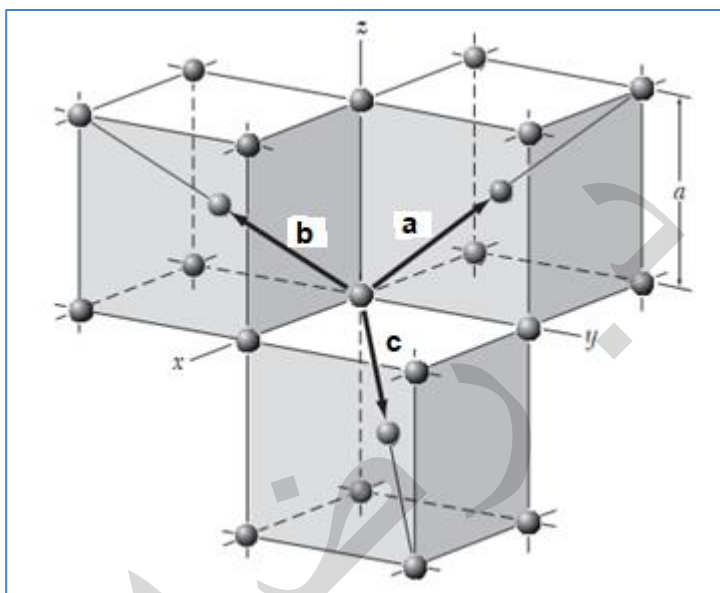
$\therefore$

$$\hat{x} \cdot \hat{x} = |\hat{x}| |\hat{x}| \cos 0 = 1$$

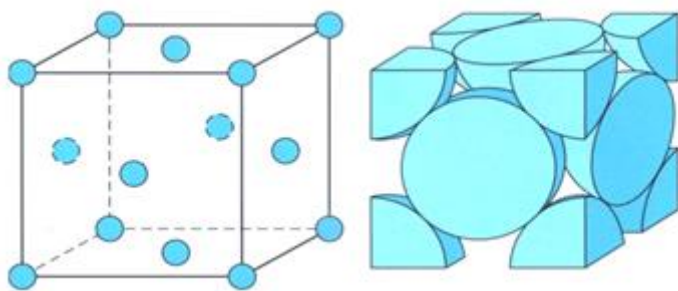
$$\hat{x} \cdot \hat{y} = |\hat{x}| |\hat{y}| \cos 90 = 0$$

$$\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c} = \left(\frac{a^2}{2} \right) \left(\frac{a}{2} \right) + \left(\frac{a^2}{2} \right) \left(\frac{a}{2} \right)$$

$$\therefore V = |\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}| = \left(\frac{a^3}{4} \right) + \left(\frac{a^3}{4} \right) = \frac{2a^3}{4} = \frac{a^3}{2} = \frac{1}{2}a^3$$



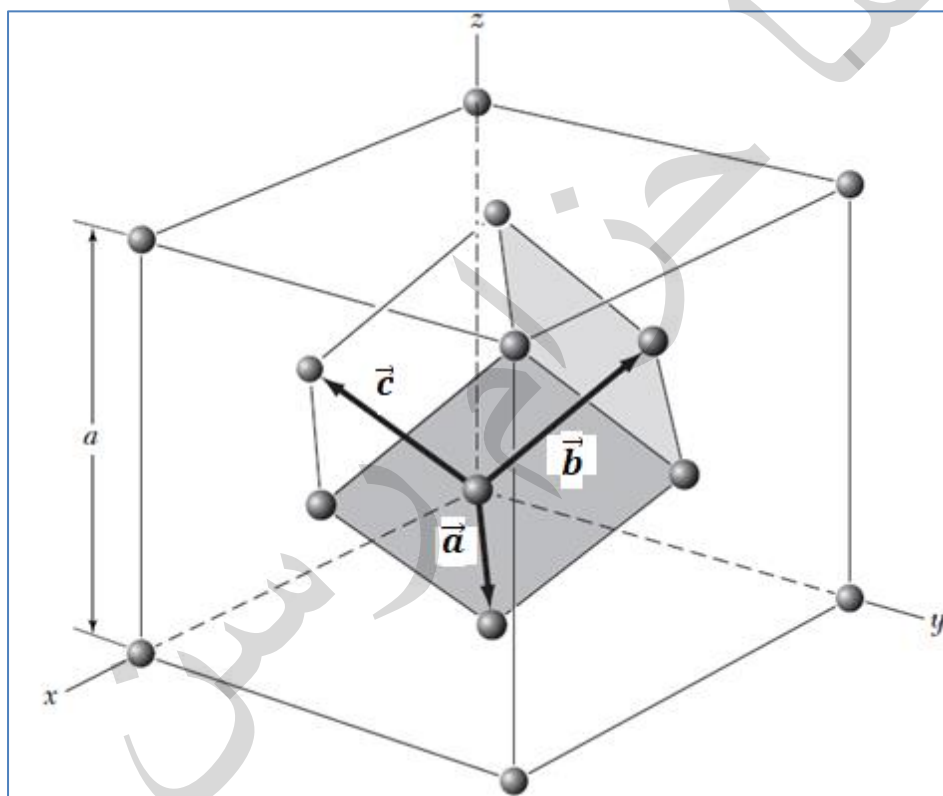
2- مكعب متمركز الوجة (FCC أو fcc) Face Centered Cubic (F):



يحتوي على اربع نقاط شبكية ، نقطة من الاركان ونصف نقطة في كل وجه من الوجوه الستة. وهي ليست شبكية اولية لان خلية الوحدة له ليست اولية. وللحصول على المتجهات الاولى نرسم

ثلاثة متجهات صادرة عن نقطة شبكية في احد اركان المكعب ونعتبرها نقطة الاصل بحيث تنتهي بنقاط الشبكة الواقعة في مراكز الوجة القريبة من نقطة الاصل كما في الشكل المجاور. نكمل معيني الوجة لنحصل على خلية الوحدة الاولى ذات المتجهات الاولى.

مواقع النقاط: 000 ، $0\frac{1}{2}\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2}0\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2}\frac{1}{2}0$



$$\vec{a} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{y})$$

$$\vec{b} = \frac{1}{2}a(\hat{y} + \hat{z})$$

$$\vec{c} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{z})$$

س/ اثبت ان حجم الخلية الاولى لشبيكة مكعب متمركز الواجهه fcc هو $\frac{1}{4}$ حجم الخلية الاعتيادية لتلك الشبيكة.

$$\vec{a} = \frac{1}{2}a(\hat{y} + \hat{z})$$

$$\vec{b} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{z})$$

$$\vec{c} = \frac{1}{2}a(\hat{x} + \hat{y})$$

$$V = |\vec{a} \cdot \vec{b} \times \vec{c}| = \frac{1}{4}a^3$$

$$V_c = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$$

$$(\vec{b} \times \vec{c}) = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ \frac{a}{2} & 0 & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & \frac{a}{2} & 0 \end{vmatrix}$$

$$\vec{b} \times \vec{c} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ \frac{a}{2} & 0 & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & \frac{a}{2} & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ \frac{a}{2} & 0 & \frac{a}{2} \\ \frac{a}{2} & \frac{a}{2} & 0 \end{vmatrix}$$

$$\vec{b} \times \vec{c} = \left(0 - \frac{a^2}{4}\right)\hat{x} + \left(\frac{a^2}{4} - 0\right)\hat{y} + \left(\frac{a^2}{4} - 0\right)\hat{z}$$

$$\vec{b} \times \vec{c} = -\frac{a^2}{4}\hat{x} + \frac{a^2}{4}\hat{y} + \frac{a^2}{4}\hat{z}$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = \left(\frac{a}{2}\hat{y} + \frac{a}{2}\hat{z}\right) \cdot \left(-\frac{a^2}{4}\hat{x} + \frac{a^2}{4}\hat{y} + \frac{a^2}{4}\hat{z}\right)$$

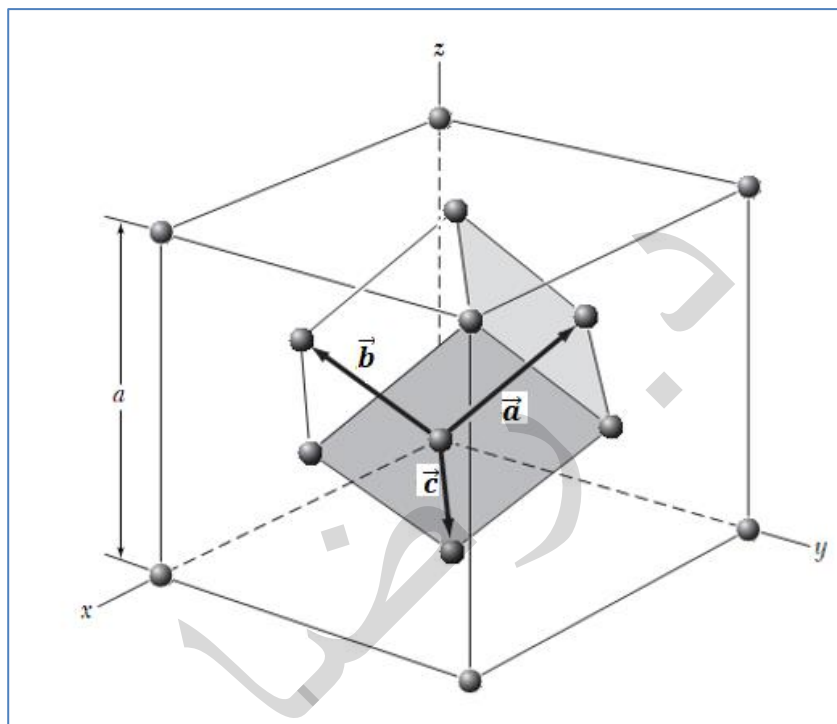
$$\hat{x} \cdot \hat{x} = |\hat{x}||\hat{x}|\cos 0 = 1$$

$$\hat{x} \cdot \hat{y} = |\hat{x}||\hat{y}|\cos 90 = 0$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = \left(\frac{a}{2}\right)\left(\frac{a^2}{4}\right) + \left(\frac{a}{2}\right)\left(\frac{a^2}{4}\right)$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = \frac{a^3}{8} + \frac{a^3}{8} = \frac{a^3}{4}$$

$$\therefore V = |\vec{a} \cdot \vec{b} \times \vec{c}| = \frac{1}{4}a^3$$



نسبة الملء (Filling fraction) او نسبة الرص (نسبة التضييد) (Packing Fraction) :

هي النسبة بين حجم الذرات الموجودة في خلية الى حجم تلك الخلية.
او هو اكبر نسبة من حجم الخلية يمكن ان تشغله حجم الذرات الموجودة في خلية الوحدة.

$$\text{نسبة الرص (الملء)} = \frac{\text{حجم الذرة الواحدة} \times \text{عدد الذرات في خلية الوحدة}}{\text{حجم خلية الوحدة}} \times 100\%$$

$$PF = \frac{N_{atoms} V_{atom}}{V_{crystal}}$$

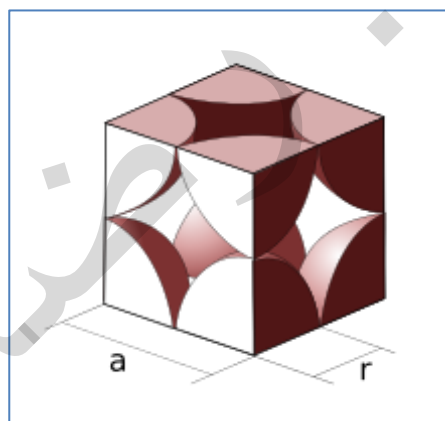
مثال 1: احسب نسبة الملء نسبة الرص (نسبة التضييد) في تركيب مكعب بسيط SC ؟

$$N = \text{The lattice points } sc = \frac{1}{8} \times 8 = 1$$

$$a = 2r \quad V_{crystal} = a^3$$

$$PF = \frac{N_{atoms} V_{atom}}{V_{unit\ cell}} = \frac{1 \cdot \frac{4}{3} \pi r^3}{(2r)^3}$$

$$= \frac{\pi}{6} \approx 0.5236$$



مثال 2: احسب نسبة الملء نسبة الرص (نسبة التضييد) في تركيب مكعب متركز الجسم BCC ؟

Solution:

في تركيب BCC الذرات تلامس بعضها البعض على امتداد قطر المكعب كما موضح في الشكل. ولذا فان القطر سيساوي $4r$

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 = a^2 + a^2 = 2a^2$$

$$AD^2 = AC^2 + CD^2 = 2a^2 + a^2 = 3a^2$$

$$(4r)^2 = 3a^2$$

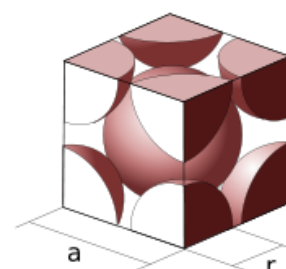
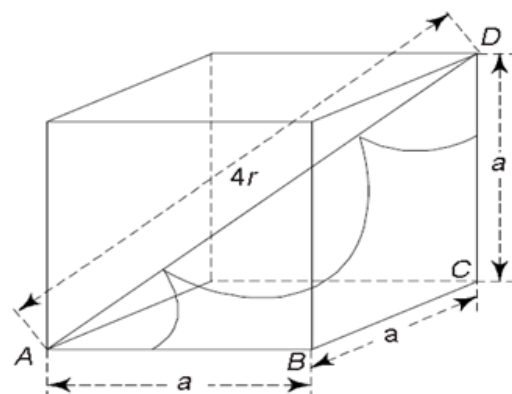
∴

or $a = \frac{4r}{\sqrt{3}}$

$$N = \text{The lattice points } bcc = \left(\frac{1}{8} \times 8\right) + 1 = 2$$

$$a = \frac{4r}{\sqrt{3}} \quad V_{crystal} = a^3$$

$$APF = \frac{N_{atoms} V_{atom}}{V_{crystal}} = \frac{2 \cdot \frac{4}{3} \pi r^3}{\left(\frac{4r}{\sqrt{3}}\right)^3} = \frac{\pi\sqrt{3}}{8} \approx 0.68017476$$

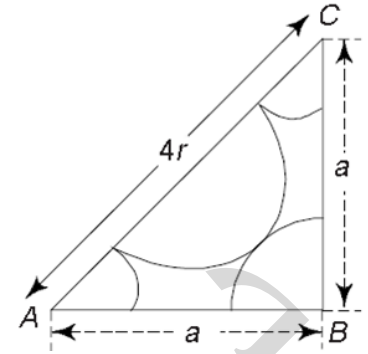


مثال 3: احسب نسبة الملاء نسبة الرص (نسبة التراص) في تركيب مكعب متمركز الوجة FCC؟

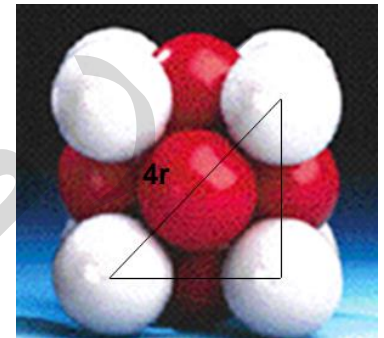
Solution: $V_{crystal} = a^3$

$N = \text{The lattice points fcc} = \left(\frac{1}{8} \times 8\right) + (3 \times 1) = 4$

FCC Structure: Atoms within this structure touch along the diagonal of any face of the cube. The diagonal has a length of $4r$.



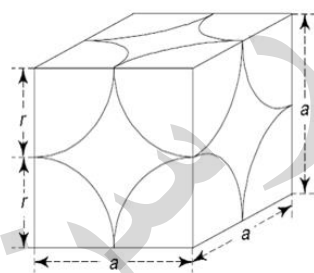
$$\begin{aligned} AC^2 &= AB^2 + BC^2 \\ (4r)^2 &= a^2 + a^2 \\ \therefore r^2 &= \frac{2a^2}{4} \\ \text{or } r &= \frac{\sqrt{2}a}{4} = \frac{a}{2\sqrt{2}} \\ \text{or } a &= 2\sqrt{2}r \end{aligned}$$



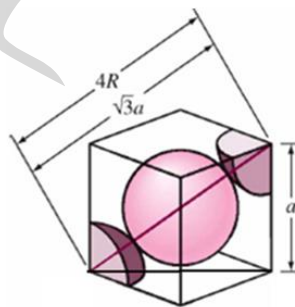
The packing fraction is

$$APF = \frac{N_{atoms} V_{atom}}{V_{crystal}} = \frac{4 \cdot \frac{4}{3}\pi r^3}{(2\sqrt{2}r)^3} = \frac{4 \cdot \frac{4}{3}\pi r^3}{8 \times 2\sqrt{2}r^3} = \frac{\pi}{3\sqrt{2}} = 0.74$$

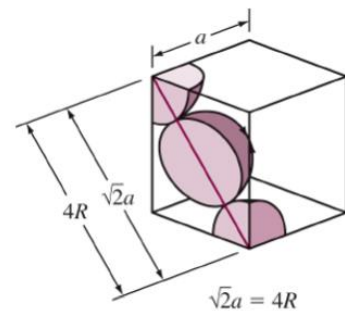
للسهولة يمكن استعمال الاشكال التالية:



(sc): $a = 2r$



(BCC): $4r = \sqrt{3}a$
 $a = \frac{4r}{\sqrt{3}}$



(FCC): $4r = \sqrt{2}a$
 $a = 2\sqrt{2}r$

معاملات الوجة (الادلة) Indices of the face

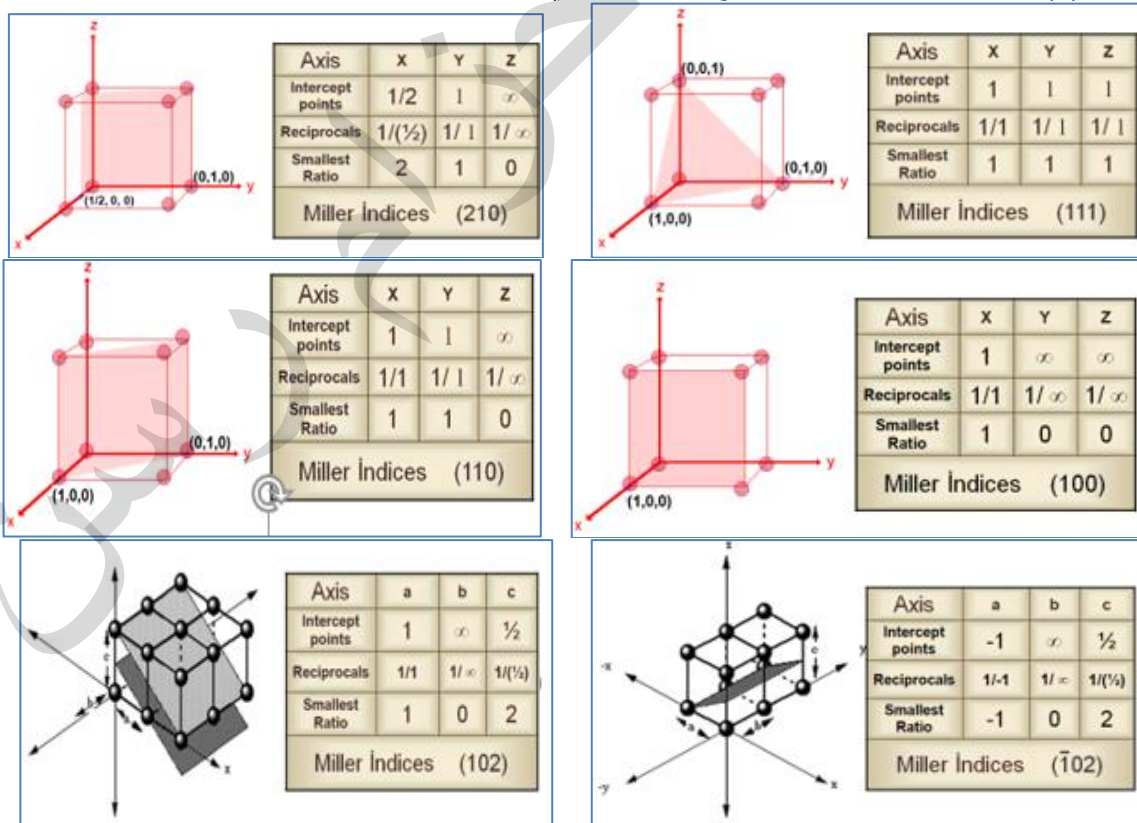
لدراسة التركيب البلوري يكون من الضروري ان نتخيل البلورة وكأنها شبكة من مجاميع من الوجة او السطوح الذرية المتوازية وهذه السطوح توصف بدلالة معاملات او ادلة تدعى indices وهي عبارة عن رموز او قيم مختصرة مشتقة اساساً من الاحداثيات او التقاطعات البلورية parameters لذلك الوجة لتعبر عن وضعيته وعلاقته بالمحاور البلورية.

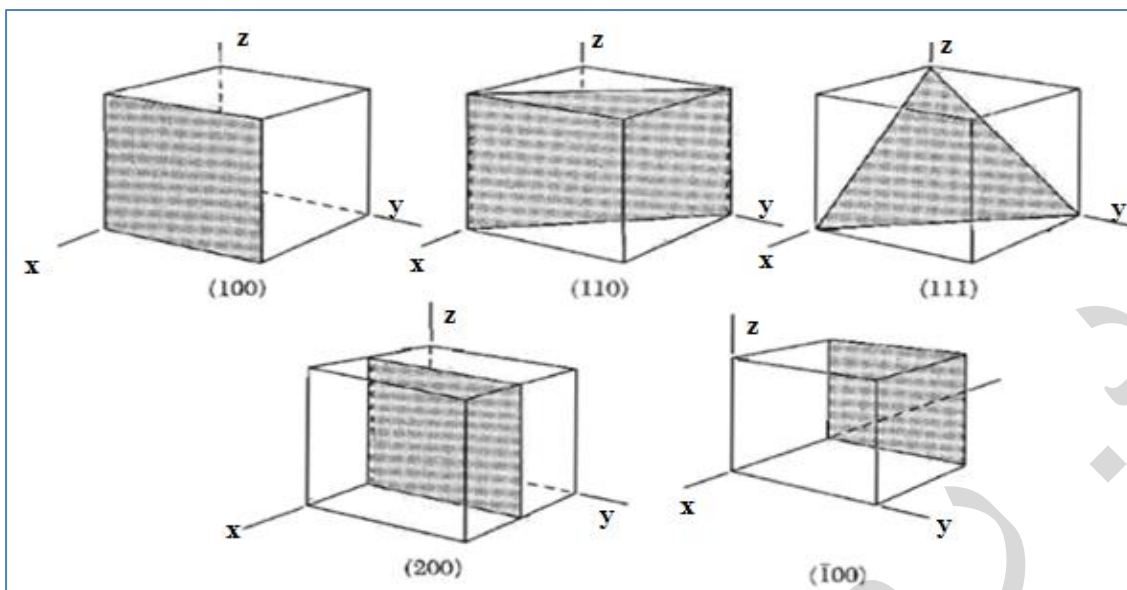
وهناك عدة طرق مختلفة لحساب الادلة لوجه ولكن اكثرها استخداما هي معاملات ميلر Miller indices ويرمز لها (hkl).

ولايجادها نتبع الخطوات الاتية :

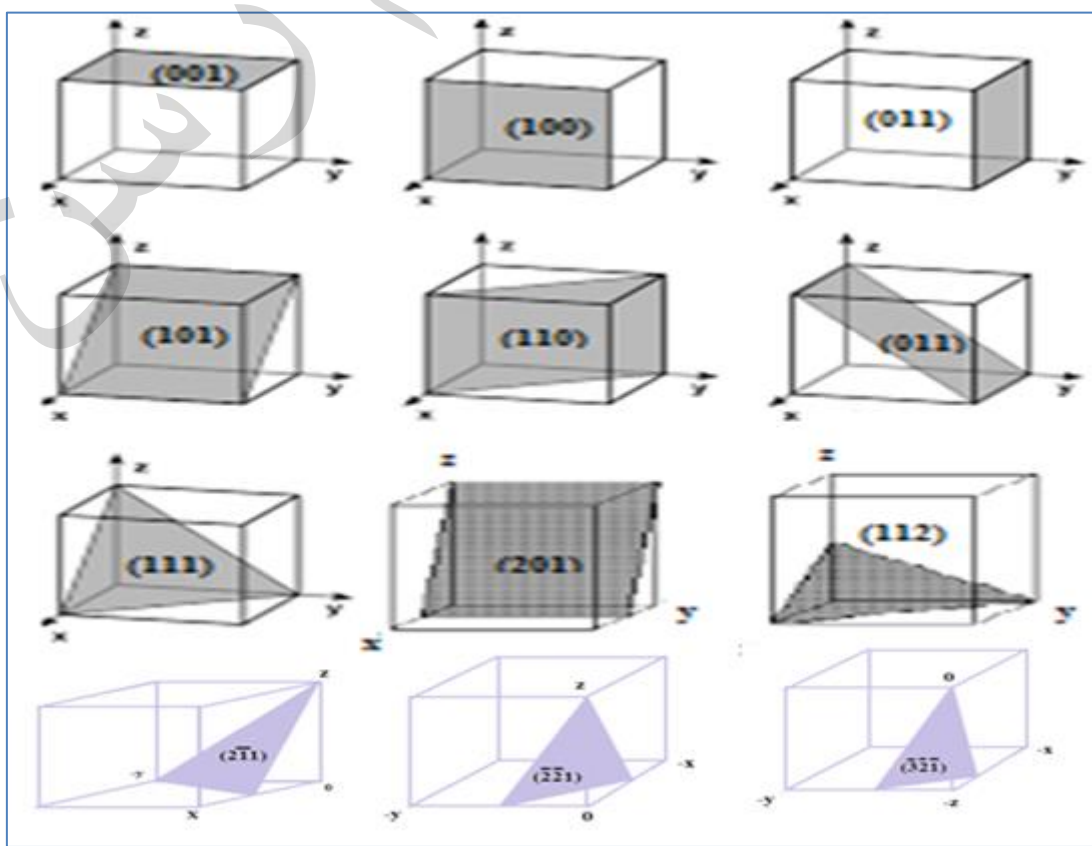
- (1) نختار نقطة اصل (0) وثلاثة محاور مرجعية x, y, z .
- (2) نحدد تقاطع السطح مع كل محور من المحاور الثلاثة بالقيم p, q, r .
- (3) نقوم بقلب قيم التقاطعات p, q, r فاذا كانت جميعها اعداد صحيحة تمثل hkl واذا كان بعض منها او جميعها اعداد كسرية فيضرب كل مقلوب بأصغر عدد صحيح (اصغر قاسم مشترك) لتحويلها الى اعداد صحيحة للحصول على (hkl).
- (4) عند وضع معاملات ميلر بين قوسين (hkl) فهذا يعني مجموعة واحدة من السطوح المتوازية المتساوية الفسخ. وليست معاملات ميلر لسطح معين واحد.
- (5) قد تكون معاملات ميلر جميعها موجبة او سالبة او اعداد مختلطة ولكنها دائما اعداد صحيحة. فعندما يقطع السطح المحور بالاتجاه السالب تكون قيمته سالبة.
- (6) عندما يكون هناك سطحا موازيا لاحد المحاور البلورية مثل المحور $\bar{x}$ فان معاملات هذا السطح تكتب بالصيغة (0kl) لان هذا السطح يقطع المحور $\bar{x}$ في اللانهاية (∞) ومقلوب ∞ هو 0

مثال (1): جد معاملات ميلر للسطوح الموضحة في الاشكال الاتية؟





يمكن التعبير عن اوجه المكعب الستة بالنحو الاتي : وهي تمثل السطوح ((001)) أو {001}
 $(100), (010), (001), (\bar{1}00), (0\bar{1}0), (00\bar{1})$
 والعلاقة { } أو () تعني جميع المستويات المكافئة
 لذلك المستوي فمثلا {333} تعني :
 $(333), (\bar{3}33), (3\bar{3}3), (33\bar{3}), (\bar{3}\bar{3}3), (3\bar{3}\bar{3}), (\bar{3}3\bar{3}), (\bar{3}\bar{3}\bar{3})$
 واذا كانت جميع قيم السطوح مختلفة ل {h k l} نحصل على 48 سطحا مختلفا متكافئا مثل {423}،
 {253}، {134} وغيرها .
 اما اذا كانت قيمتين متشابهتين من قيم {h k l} امكن الحصول على 24 سطحا متكافئا مثل : {115}،
 {224}، {133} حاول ايجاد السطوح ال 24 المكافئة.
 س/ ارسم السطوح البلورية الاتية لنظام المكعب :
 $(200), (004), (023), (120), (0\bar{1}0), (001), (010), (222), (011),$
 $(331), (420), (2\bar{1}1), (\bar{1}31), (110), (\bar{1}10), (111), (020)$

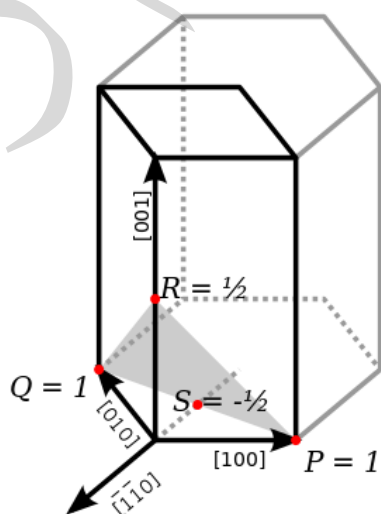
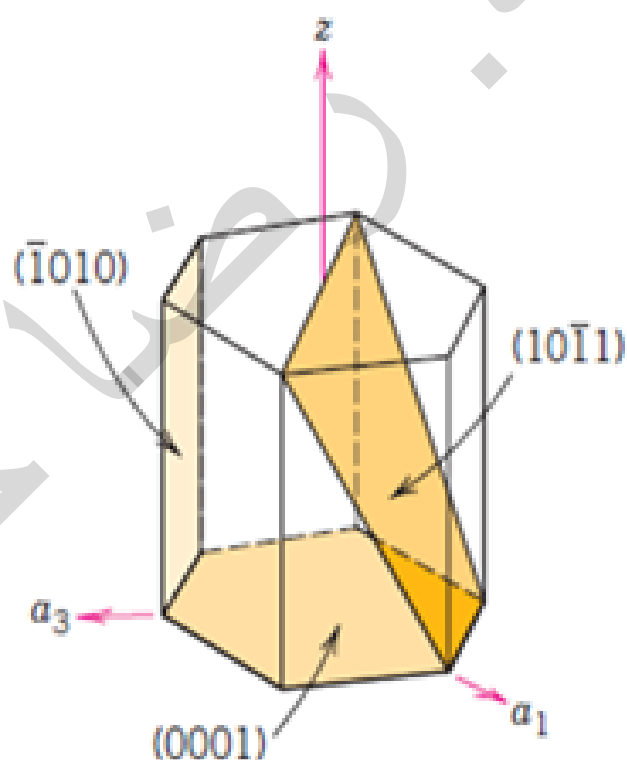
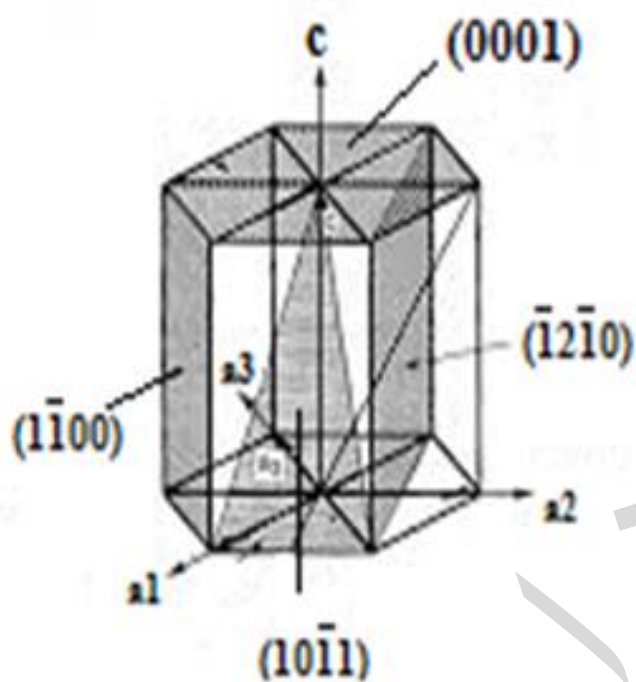


معاملات ميلر للشكل السداسي :

تمثل السطوح البلورية للشكل السداسي بأربعة معاملات بدلا من ثلاثة وتكتب (h k i l)
مثال : احسب معاملات ميلر لسطح في الشكل السداسي تقاطعاته

$a_1 = 1$	$a_2 = -1$	$a_3 = \infty$	$c = \infty$	
1	-1	∞	∞	: التقاطعات
1	-1	0	0	: المقلوبات
		(1 $\bar{1}$ 0 0)		: معلومات ميلر

القاعدة العليا فمعاملات ميلر لها (0001) والقاعدة السفلى (000 $\bar{1}$) ان محاور هذه الشبكة تدعى بمحاور برافيز وهي تخضع للعلاقة الاتجاهية : $\vec{a}_1 + \vec{a}_2 = -\vec{a}_3$

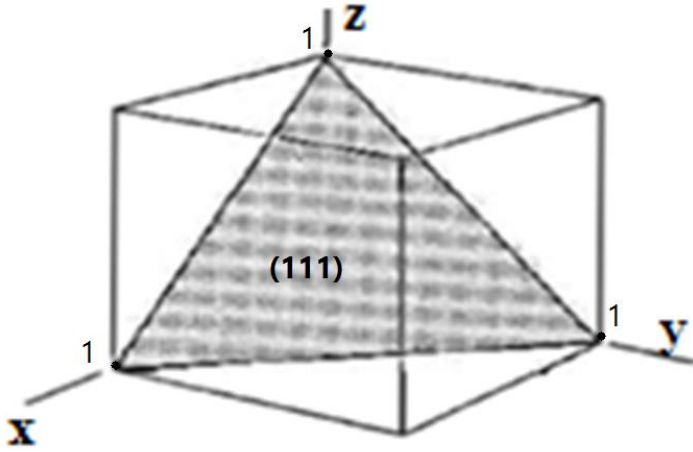


مثال: ارسم المستوي (111) في بلورة مكعبة الشكل؟
نرسم مكعب ونعين المحاور الكارتيزية ونعين نقطة الاصل.

ثم نأخذ مقلوب معاملات ميلر ونضع بينها فارزة للدلالة على انهم تحولوا الى اعداد للمحاور الكارتيزية:

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}$$

$$(1, 1, 1)$$



$$Z=1, y=1, x=1$$

نعين النقاط على المحاور المرسومة داخل المكعب ثم نوصل النقاط الثلاثة لنحصل على المستوى:

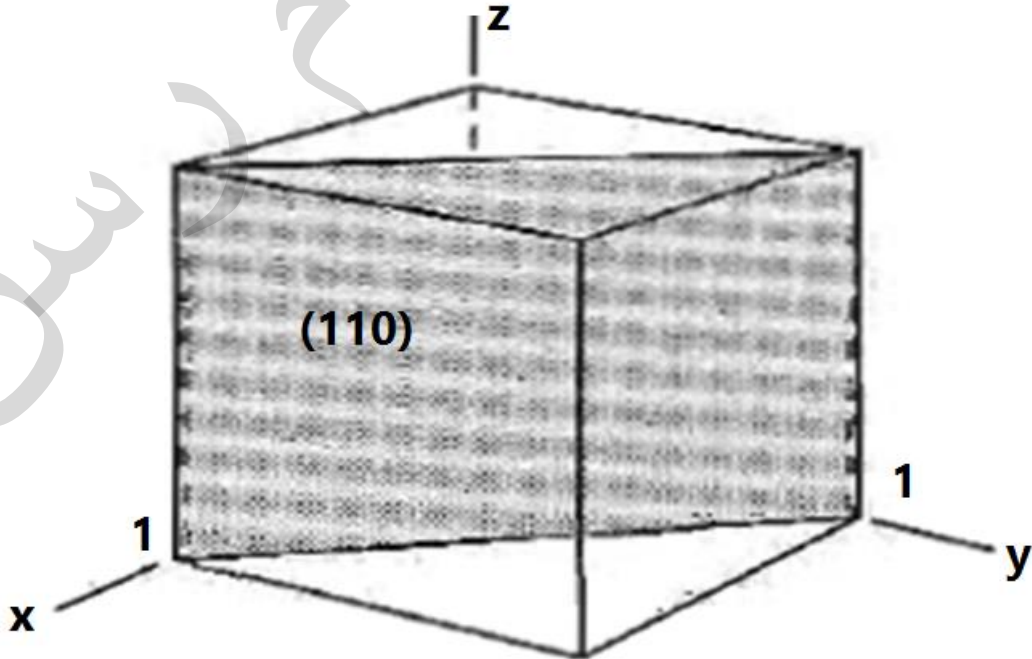
مثال: ارسم المستوي (110) في بلورة مكعبة؟

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{0}$$

$$(1, 1, \infty)$$

المقلوب:

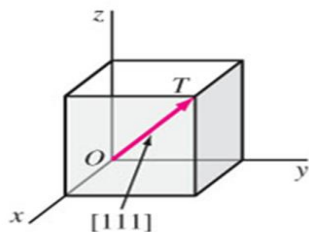
$$x=1, y=1, Z=\infty$$



الاتجاهات البلورية : Crystal Direction :

لتعيين اي اتجاه في البلورة نستخدم ثلاثة معاملات u, v, w وتكتب بالصيغة $[uvw]$ وهي اعداد صحيحة ليس لها عامل مشترك اكبر من الواحد لان النسب بين هذه المعاملات هي كالنسب بين مركبات المتجه في الاتجاه المطلوب.

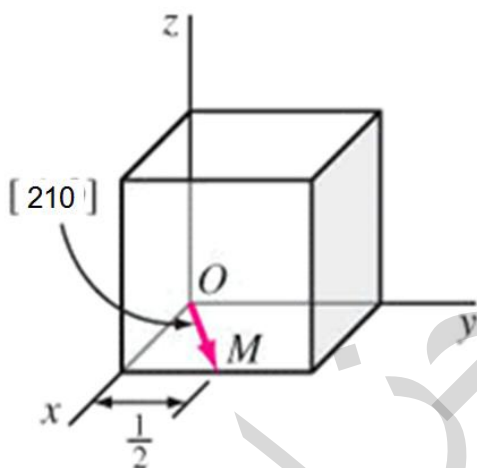
فاذا فرضنا متجهاً قيمة مركبته باتجاه المحور $\vec{a}$ هو ua وقيمة مركبته باتجاه المحور $\vec{b}$ هي vb وقيمة مركبته باتجاه $\vec{c}$ هي wc ، فان اتجاه هذا المتجه يعبر عنه بشكل $[uvw]$.



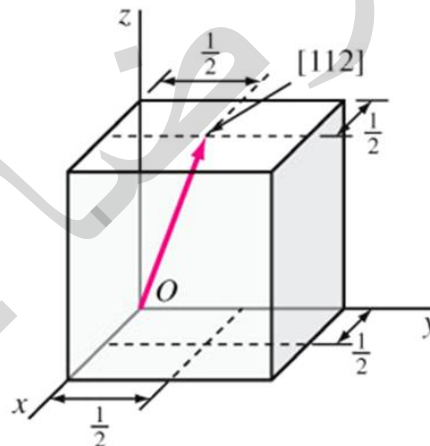
وهناك اتجاهات متكافئة في البلورة وللدلالة عليها تكتب بالصيغة $\langle uvw \rangle$ او $[[uvw]]$ فعند كتابة $\langle 110 \rangle$ يقصد بها جميع الاتجاهات المتكافئة من نوع :

[111] direction

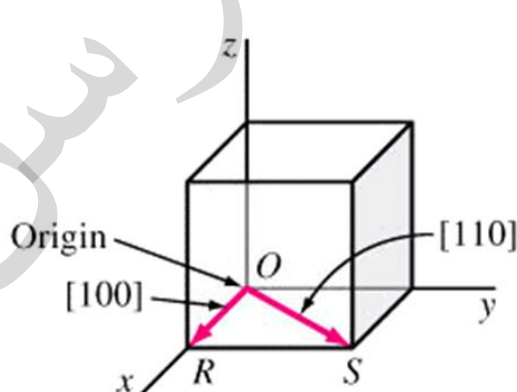
... .. $[10\bar{1}]$ ، $[\bar{1}01]$ ، $[01\bar{1}]$ ، $[0\bar{1}1]$ ، $[110]$ ، $[101]$ ، $[011]$



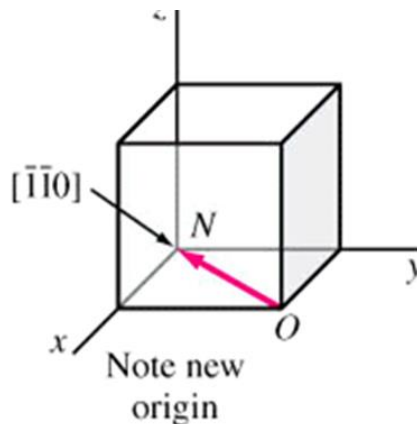
$X = 1, Y = \frac{1}{2}, Z = 0$
 $[1 \frac{1}{2} 0] \rightarrow [2 \ 1 \ 0]$



$X = \frac{1}{2}, Y = \frac{1}{2}, Z = 1$
 $[\frac{1}{2} \ \frac{1}{2} \ 1] \rightarrow [1 \ 1 \ 2]$



$X = 1, Y = 0, Z = 0 \rightarrow [1 \ 0 \ 0]$



$X = -1, Y = -1, Z = 0 \rightarrow [\bar{1}\bar{1}0]$

يسمى اتجاه ما في بلورة بمحور المنطقة او النطاق او القطاع او محور النطاق ويقال للسطوح المتقاطعة بان لها اتجاه مشترك واحد او محور نطاق واحد، وانها تنتمي الى النطاق نفسه. يمثل اتجاها مشتركا على طوله تتقاطع مجموعة من السطوح و يقال للسطوح المتقاطعة بان لها اتجاه مشترك واحد او محور نطاق واحد وانها تنتمي الى النطاق نفسه.

ويعبر عن محور النطاق بشكل [uvw] حيث ان u, v, w تحدد متجهاً $\vec{t}$ مقاساً من نقطة الاصل في البلورة وفق المعادلة الاتجاهية:

$$\vec{t} = u\vec{a} + v\vec{b} + w\vec{c}$$

ان معاملات ميلر (h k l) للسطح المنتمي الى نطاق معاملات ميلر محوره [uvw] يجب ان تخضع للعلاقة الجبرية

$$hu + kv + lw = 0 \dots (1)$$

مثلاً: (00 $\bar{1}$) مع [110] او (0 $\bar{1}$ 0) مع [101]

وهذا يعني ان اي سطح (h k l) يحوي الاتجاه [uvw] اذا تحققت المعادلة (1) ويمكن حساب معاملات محور النطاق [uvw] لسطحين متقاطعين مثل (h₁k₁l₁) و (h₂k₂l₂) كالآتي :

$$\left. \begin{aligned} u &= k_1 l_2 - k_2 l_1 \\ v &= l_1 h_2 - l_2 h_1 \\ w &= h_1 k_2 - h_2 k_1 \end{aligned} \right\} \dots (2)$$

ان جميع السطوح التي تكون معاملات ميلر بشكل (h k 0) تنتمي الى نطاق واحد محوره مثل [001].

ويمكن استخدام المعادلات (2) لايجاد معاملات ميلر (h k l) للسطح الذي يحوي الاتجاهين المختلفين [u₁ v₁ w₁] و [u₂ v₂ w₂] كما يأتي :

$$\left. \begin{aligned} h &= v_1 w_2 - v_2 w_1 \\ k &= w_1 u_2 - w_2 u_1 \\ l &= u_1 v_2 - u_2 v_1 \end{aligned} \right\} \dots (3)$$

حساب الزاوية المحصورة بين مستويين (او بين اتجاهين):

يمكن حساب الزاوية θ بين المستويين $(h_1 k_1 l_1)$ و $(h_2 k_2 l_2)$ في بلورة مكعبة وهي تمثل الزاوية المحصورة بين العمودين على هذين السطحين كالآتي:

$$\cos \theta = \frac{h_1 h_2 + k_1 k_2 + l_1 l_2}{(h_1^2 + k_1^2 + l_1^2)^{\frac{1}{2}} (h_2^2 + k_2^2 + l_2^2)^{\frac{1}{2}}}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left\{ \left(\frac{(h_1 h_2 + k_1 k_2 + l_1 l_2)}{[(h_1^2 + k_1^2 + l_1^2)(h_2^2 + k_2^2 + l_2^2)]^{\frac{1}{2}}} \right) \right\}$$

H.W : جد الزاوية θ المحصورة بين السطحين (312) و $(4\bar{2}1)$ ثم جد θ بين $[12\bar{3}]$ و $[\bar{2}01]$ في بلورة مكعبة.

مثال: في خلية وحدة مكعبة ، اوجد الزاوية بين العموديين على المستويين (111) and (121) ؟

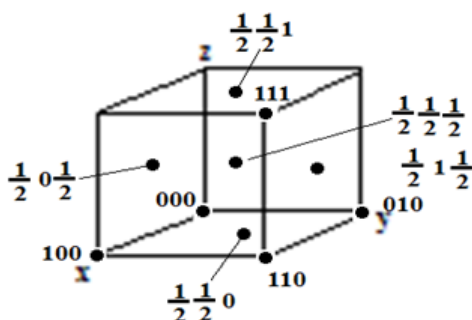
Solution:

$$\cos \theta = \frac{h_1 h_2 + k_1 k_2 + l_1 l_2}{(h_1^2 + k_1^2 + l_1^2)^{\frac{1}{2}} (h_2^2 + k_2^2 + l_2^2)^{\frac{1}{2}}}$$

$$\cos \theta = \frac{1 \times 1 + 1 \times 2 + 1 \times 1}{(1^2 + 1^2 + 1^2)^{\frac{1}{2}} (1^2 + 2^2 + 1^2)^{\frac{1}{2}}} = 0.9428$$

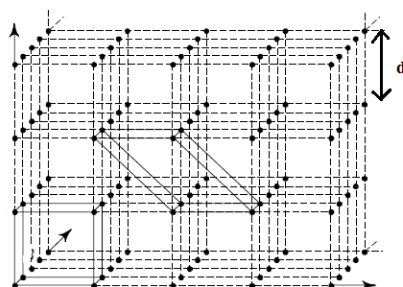
$$\theta = 19.47^\circ \quad \text{or} \quad 19^\circ 28'$$

مواقع الذرات في خلية الوحدة in unit cell: Positoin of atoms



يمثل موقع نقطة في خلية الوحدة بثلاثة إحداثيات ذرية uvw حيث يمثل كل إحداثي المسافة ما نقطة الاصل بوحدات محاور الخلية a، b، c، وتكتب بالصيغة uvw بدون أقواس وبدون فواصل وتمثل مواقع الذرات داخل خلية الوحدة بوحدات كسرية اقل من الواحد ودائماً لا تزيد قيمة uvw عن الواحد مطلقاً.

مساحة السطوح d_{hkl} Planes Spacing (ثابت الشبكة lattice constant a) :



وهي تمثل المسافة العمودية بين اي سطحين متتاليين من مجموعة سطوح متوازية. بعبارة اخرى، اقصر مسافة عمودية بين مستويات الشبكة. حيث يمثل d ثابت الشبكة .

وتعطى d_{hkl} لاية مجموعة من السطوح المتوازية في بلورة مكعب طول ضلع خليتها الاعتيادية L (او a) بالعلاقة الاتية :

$$d_{hkl} = \frac{L}{(h^2 + k^2 + l^2)^{\frac{1}{2}}} \equiv \frac{a}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}$$

ونلاحظ من العلاقة ان d_{hkl} تعتمد على القيمة العددية لمعاملات ميلر ولا تعتمد على اشارات تلك المعاملات وهناك مجاميع مختلفة من السطوح المتوازية ذات معاملات ميلر مختلفة ولكنها متساوية الفسخ d_{hkl} مثل : (333) ، (511) والسطوح (600) ، (422).

وفيما يلي جدولاً لقيم $\frac{1}{d^2}$ لبعض الانظمة البلورية

نظام البلورة	حجم خلية الوحدة الاعتيادية	$\frac{1}{d^2}$
مكعب	L^3 أو a^3	$\frac{h^2 + k^2 + l^2}{a^2}$
رباعي	a^2c	$\frac{h^2 + k^2}{a^2} + \frac{l^2}{c^2}$
معين قائم	abc	$\frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2}$
سداسي	$\frac{\sqrt{3}}{2} a^2 c$	$\frac{4}{3} \left(\frac{h^2 + hk + k^2}{a^2} \right) \frac{l^2}{c^2}$

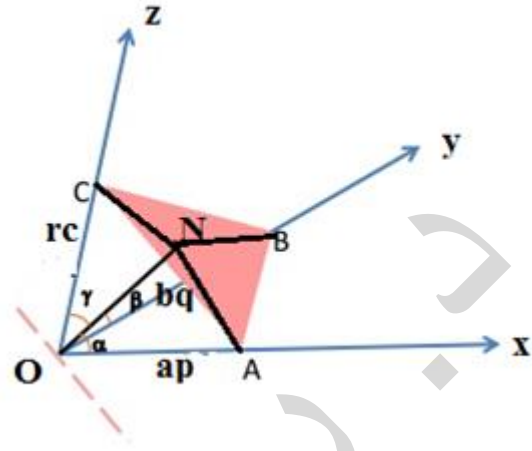
س / اثبت ان $d_{hkl} = \frac{a}{\sqrt{h^2+k^2+l^2}}$ لنظام المكعب ؟

في ΔONA . $\cos \alpha = \frac{ON}{OA}$

ON تمثل المسافة العمودية بين السطح ABC ونقطة الاصل O وهي تمثل d_{hkl}

$$\therefore \cos \alpha = \frac{d_{hkl}}{\frac{a}{h}} = \frac{h}{a} d_{hkl}$$

$$\therefore \cos^2 \alpha = \left(\frac{h}{a}\right)^2 d^2_{hkl} \dots \dots \dots (1)$$



ملاحظة : $OA = ap = a * \frac{1}{h} = \frac{a}{h}$

$$\Delta ONB : \cos \beta = \frac{ON}{OB} = \frac{d_{hkl}}{\frac{a}{k}} = \frac{k}{a} d_{hkl} \therefore \cos^2 \beta = \left(\frac{k}{a}\right)^2 d^2_{hkl} \dots \dots \dots (2)$$

$$\Delta ONC = \cos \gamma = \frac{ON}{OC} = \frac{d_{hkl}}{\frac{a}{l}} = \frac{l}{a} d_{hkl} \therefore \cos^2 \gamma = \left(\frac{l}{a}\right)^2 d^2_{hkl} \dots \dots \dots (3)$$

لدينا من المثلثات المتطابقة $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1 \dots \dots \dots (4)$

$$d^2_{hkl} \left(\left(\frac{h}{a}\right)^2 + \left(\frac{k}{a}\right)^2 + \left(\frac{l}{a}\right)^2 \right) = 1$$

في المكعب $a = b = c$

$$d^2_{hkl} = \frac{1}{\left(\left(\frac{h}{a}\right)^2 + \left(\frac{k}{a}\right)^2 + \left(\frac{l}{a}\right)^2\right)}$$

$$\therefore d_{hkl} = \frac{a}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}$$

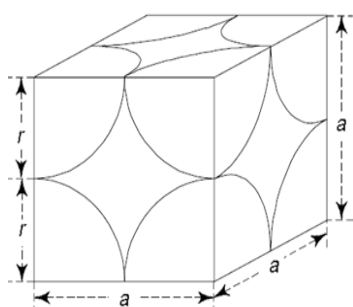
كثافة المستويات (The density of plane)

:Planar Atomic Density كثافة المستويات الذرية

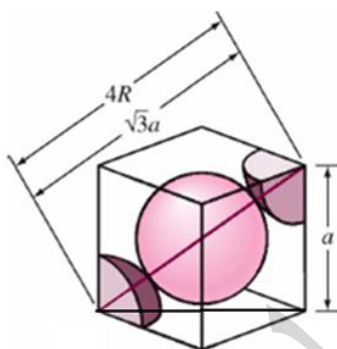
عدد الذرات في وحدة المساحات في المستويات المختلفة في العديد من الشبائك البلورية. ويعرف بأنه عدد الذرات مقسومة على وحدة المساحة الموجودة في المستوي. وتعطى بالعلاقة التالية:

$$\rho = \frac{\text{No. of atoms}}{\text{Area}}$$

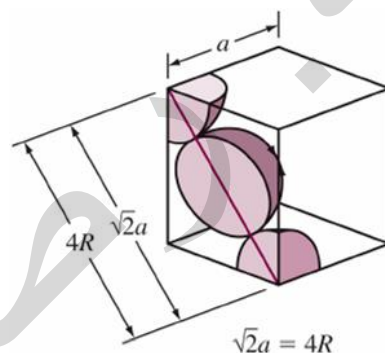
$$\text{Planar atomic density} = \rho_p = \frac{\text{No. of atoms centered on the plane}}{\text{Area of the plane}}$$



(sc): $a = 2r$



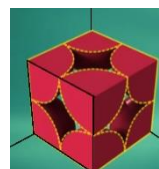
(BCC): $4r = \sqrt{3}a$
 $a = \frac{4r}{\sqrt{3}}$



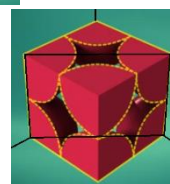
(FCC): $4r = \sqrt{2}a$
 $a = 2\sqrt{2}r$

(SC)

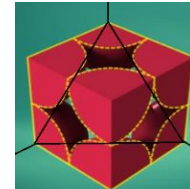
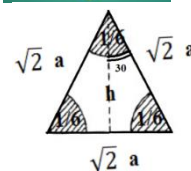
1- For planes (100) $\rho_p = \frac{\frac{1}{4} \times 4}{a^2} = \frac{1}{a^2}$



2- For planes {110} $\rho_p = \frac{\frac{1}{4} \times 4}{\sqrt{2}a \times a} = \frac{1}{\sqrt{2}a^2}$

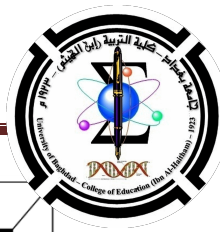


3- For planes {111} $\rho_p = \frac{\frac{1}{6} \times 3}{\frac{\sqrt{3}}{2}a^2} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}a^2} = \frac{1}{\sqrt{3}a^2}$



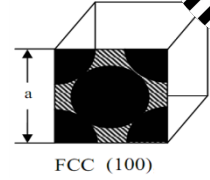
$$\cos 30 = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{h}{\sqrt{2}a} \quad \text{-----} \quad h = \sqrt{\frac{3}{2}}a$$

$$\text{Area} = \left(\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) = \frac{1}{2}(\sqrt{2}a)(h) = \frac{1}{2}(\sqrt{2}a) \left(\sqrt{\frac{3}{2}}a \right) = \frac{\sqrt{3}}{2}a^2$$

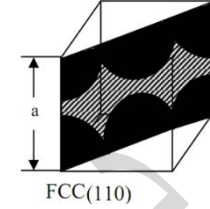


(FCC)

1- For planes {100} $\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{4} \times 4\right) + 1}{a^2} = \frac{2}{a^2}$



2- For planes {110} $\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{4} \times 4\right) + \left(\frac{1}{2} \times 2\right)}{\sqrt{2}a \times a} = \frac{2}{\sqrt{2}a^2} = \frac{\sqrt{2}}{a^2}$



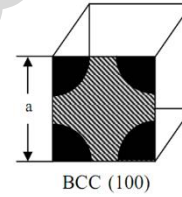
3- For planes {111} $Area = \frac{\sqrt{3}}{2} a^2$

$$\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{6} \times 3\right) + \left(\frac{1}{2} \times 3\right)}{\frac{\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{\frac{1}{2} + \frac{3}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{2}{\frac{\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{4}{\sqrt{3} a^2}$$

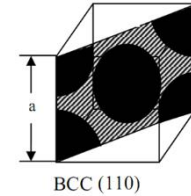


(BCC)

1- For planes {100} $\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{4} \times 4\right)}{a^2} = \frac{1}{a^2}$

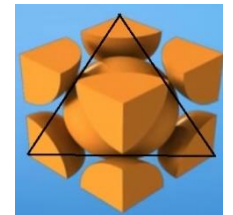


2- For planes {110} $\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{4} \times 4\right) + 1}{\sqrt{2}a \times a} = \frac{2}{\sqrt{2}a^2} = \frac{\sqrt{2}}{a^2}$



3- For planes {111} $Area = \frac{\sqrt{3}}{2} a^2$

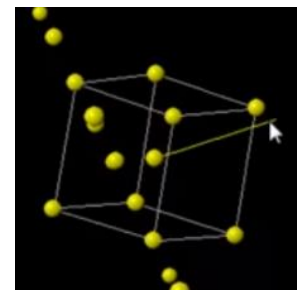
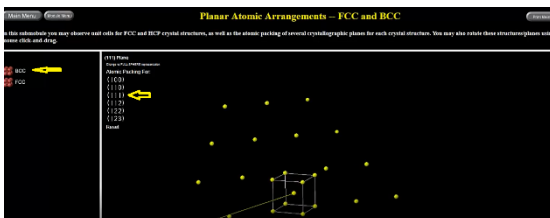
$$\rho_p = \frac{\left(\frac{1}{6} \times 3\right)}{\frac{\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{1}{\sqrt{3} a^2}$$



ملاحظة: بعض الاحيان يتم ذكر بان عدد الذرات للسطوح {111} في شبكة مكعب (bcc) يساوي 2 $\left(\frac{1}{6} \times 3 + 1 = 2\right)$ وهذا خطأ، ويمكن الاستعانة بالبرنامج الاتي من (wiley) لحساب ذلك:

https://www.wiley.com/college/callister/CL_EWSTU01031_S/vmse/xtalfb.htm

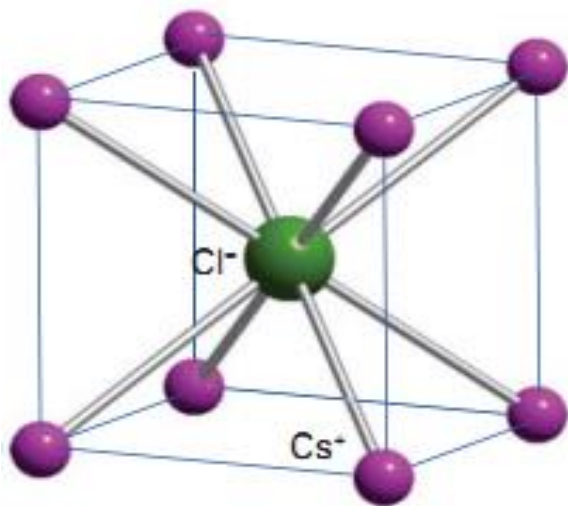
https://www.youtube.com/watch?v=VAP_SozPa8M



1- تركيب كلوريد السيزيوم (CsCl) Simple Crystal Structure

يمتلك كلوريد السيزيوم شبكة برافيزية مكعبة بسيطة SC طول ضلعها 4.11Å والاساس مكون من ايونين هما Cs^+ ، Cl^- .

وإذا افترض ان ايون السيزيوم يحتل احد مواقع نقاط الشبكة ولتكن نقطة الاصل للمكعب اي Cs^+ 0 0 0 فان ايون الكلور يحتل مركز المكعب اي الموقع $\text{Cl}^- \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$.



$$\text{Cs}^+ : 000$$

$$\text{Cl}^- : \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

2- تركيب كلوريد الصوديوم Sodium Chloride NaCl

يمتلك شبكة برافيزية من نوع مكعب متمركز الوجوه fcc طول ضلعها 5.63Å. الخلية الواحدة الاعتيادية تحوي اربع نقاط شبكة يرافق كل منها اساس مكون من ايونين احدهما Na^+ والآخر Cl^- تفصلهما مسافة قدرها نصف قطر خلية الوحدة المكعبة ولذلك تضم خلية الوحدة الاعتيادية اربعة ايونات صوديوم واربعة ايونات كلور اي اربعة جزيئات من كلوريد الصوديوم وتتوزع ايونات الكلور والصوديوم على المواقع الاتية :

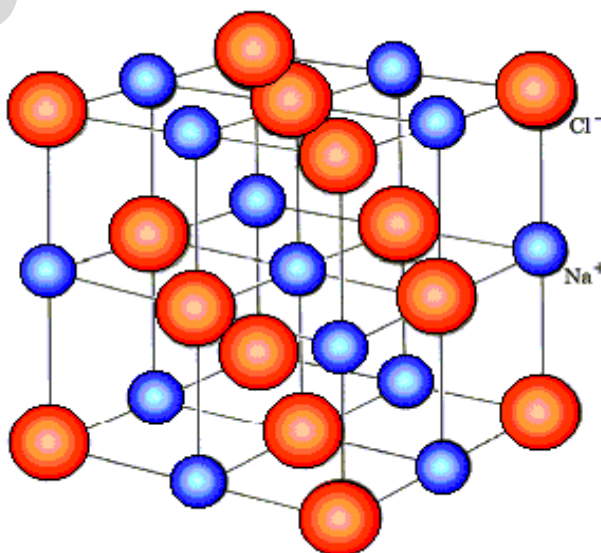
تحفظ مهمة جدا

$$\text{Na}^+ : 000 , \frac{1}{2} \frac{1}{2} 0 , \frac{1}{2} 0 \frac{1}{2} , 0 \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

$$\text{Cl}^- : \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} , 00 \frac{1}{2} , 0 \frac{1}{2} 0 , \frac{1}{2} 00$$

وهناك تراكيب مشابهة لتركيب كلوريد الصوديوم مثل :

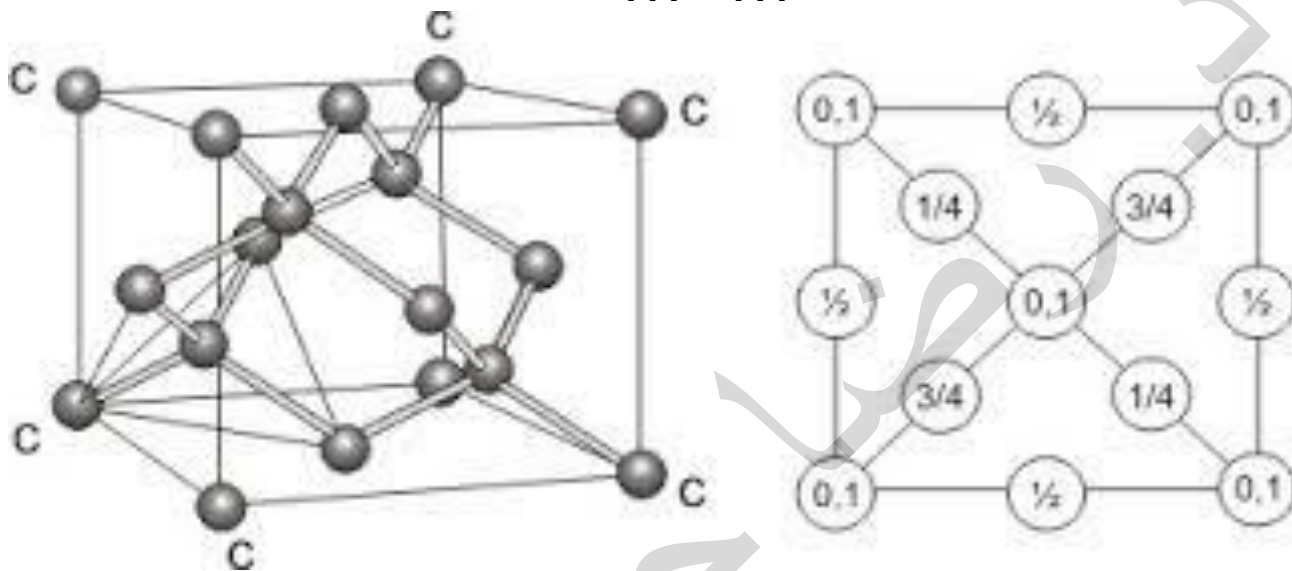
كلوريد البوتاسيوم وبروميد البوتاسيوم وبروميد الفضة.... الخ



3- تراكيب الماس Diamond Structure

تركيب له شبكة برافيزية من نوع مكعبة متمركزة الوجوه fcc طول ضلعها $3.56\text{\AA}$ والاساس يكون من ذرتين متشابهتين من الكربون C والمسافة بينهما تقدر برربع قطر خلية الوحدة المكعبة وان خلية الوحدة المكعبة الاعتيادية تحوي 8 ذرات كربون موزعة على المواقع الاتية :

ذرة واحدة في احد اركان الخلية 000 وثلاث في مراكز اوجه الخلية $0\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2}0\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2}\frac{1}{2}0$ واربع ذرات داخل الخلية ، اثنتان قريبتان من قاعدتها السفلى عند المواقع $\frac{3}{4}\frac{3}{4}\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{4}\frac{1}{4}\frac{1}{4}$ واثنتان قريبتان من قاعدتها العليا اي عند المواقع $\frac{3}{4}\frac{1}{4}\frac{3}{4}$ ، $\frac{1}{4}\frac{3}{4}\frac{3}{4}$ كما في الشكل :



ان كل ذرة كربون مرتبطة باربع ذرات مجاورة (جوار اول) ارتباطا تساهميا وتكون محاطة باثنتي عشرة ذرة كجوار ثان وعلى الرغم من صلابة الماس العالية تكون نسبة الملء له لا تتجاوز 34%.

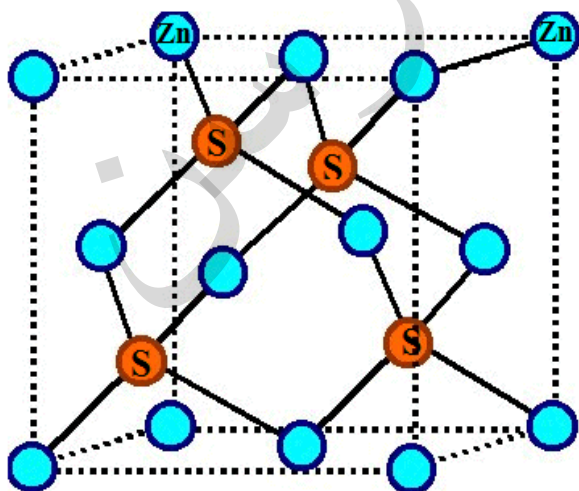
H.W : احسب نسبة الملء للماس. مساعدة : خذ السطح (110)

4- التركيب المكعبي لكبريتيد الزنك Cubic Zinc Structure ZnS

يدعى التركيب المكعبي لكبريتيد الزنك والمركبات المشابهة له (zinc – blend structure) وهو تركيب مشابه لتركيب الماس والاختلاف الوحيد هو ان الاساس في حالة ZnS مكون من ذرتين هما S و Zn بدلاً من ذرتي الكربون المتشابهتين في الماس وترتب ذرات Zn و S بحيث تحتل المواقع الذرية الاتية :

$$\text{Zn} : 000 , 0\frac{1}{2}\frac{1}{2}\frac{1}{2} , \frac{1}{2}0\frac{1}{2} , \frac{1}{2}\frac{1}{2}0$$

$$\text{S} : \frac{1}{4}\frac{1}{4}\frac{1}{4} , \frac{3}{4}\frac{3}{4}\frac{3}{4} , \frac{3}{4}\frac{1}{4}\frac{1}{4} , \frac{1}{4}\frac{3}{4}\frac{3}{4}$$



ان حجم خلية الوحدة لكبريتيد الزنك حوالي ثلاث مرات ونصف بقدر حجم خلية الماس حيث ان طول ضلع خلية الوحدة لكبريتيد الزنك هو $5.41\text{\AA}$ مما يجعل نسبة الملء كمية صغيرة.

5- التركيب السداسي المقلد الملء المتناسك (السداسي المتلاصق الرص) (hcp)

والمكعب المقلد الملء ((ccp)

ان الطريقة التي تحشر بها الجزيئات في البلورات الجزيئية تعتمد على اشكال الجزيئات ومواقع عزوم ذات القطبين الكهربائيين (ان وجدت) فيها. وابطس حالة لها هي عندما تكون الجزيئات ذات شكل كروي او مقارب لذلك والعزوم ذات القطبين تساوي صفراً او تكون صغيرة جداً وعند ذلك يكون التركيب البلوري:

مكعب متماسك Cubic – closed packed (ccp) هو عبارة عن مكعب متمركز

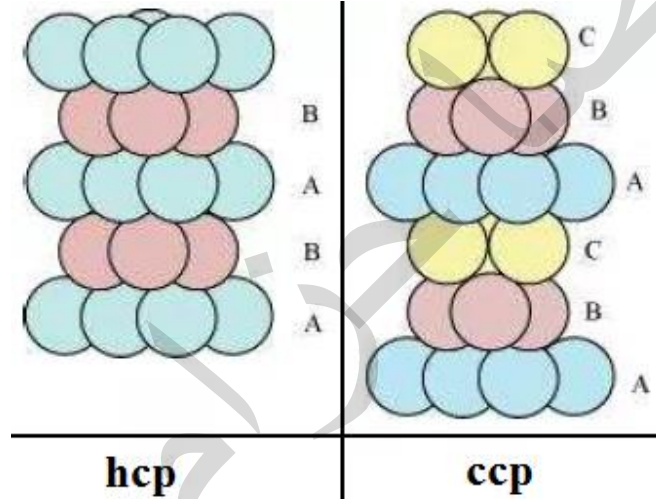
الوجه

ومن الامثلة على تركيب مكعب متماسك بلورات : Ar ، HBr ، HCl ، CH₃ ، NH₃ ، Al ،

Cu ، Ag

او سداسي متماسك Hexagonal closed packed (hcp)

في حين ان التركيب سداسي متماسك بلورات Cl ، Zn ، Mg ، Be ، SiO₂ ، N₂ ، O₂ ، H₂ ان نسبة الملء لكل من (ccp) و (hcp) تساوي 0.74 وهي اكبر قيمة لنسبة ملء يمكن الحصول عليها لاي تركيب بلوري.



اسئلة ومسائل اضافية

س1: برهن ان في التركيب السداسي المتراص الرص hcp حيث تتماسك الكرات الذرية مع بعضها،

$$\frac{c}{a} = \left(\frac{8}{3}\right)^{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{8}{3}} = 1.633$$

ان نسبة c/a هي :

$$\cos 30 = \frac{\frac{a}{2}}{l} \quad \text{and} \quad \cos 30 = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\rightarrow l = \frac{a}{\sqrt{3}}$$

Looking at the tip of the tetrahedron, we have:

$$h^2 + l^2 = a^2 \rightarrow h^2 + \frac{a^2}{3} = a^2$$

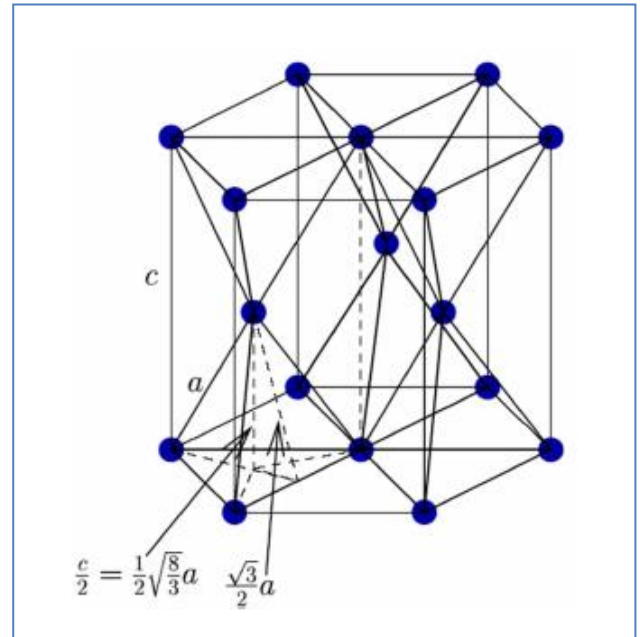
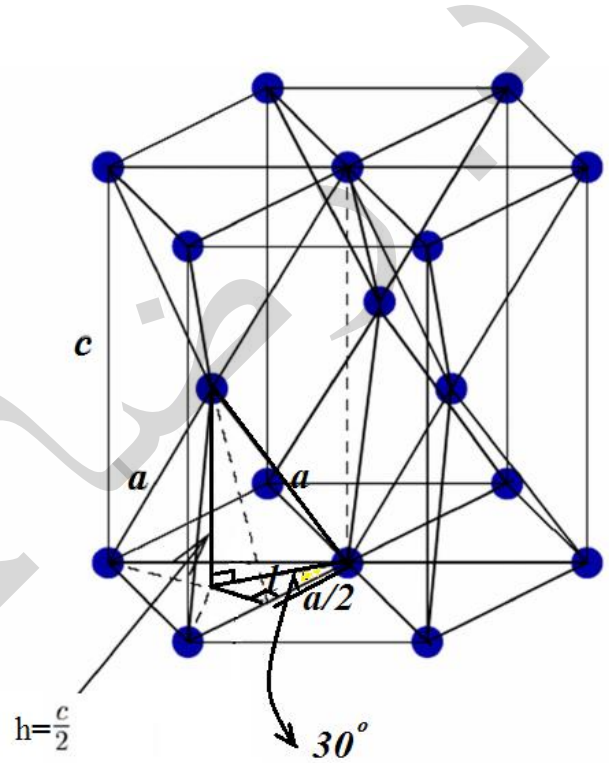
$$\rightarrow h^2 = \frac{2}{3}a^2$$

$$\text{Since } c = 2h \rightarrow h = \frac{c}{2} \Rightarrow$$

$$\frac{c^2}{4} = \frac{2}{3}a^2 \rightarrow c^2 = \frac{8}{3}a^2$$

$$c^2 = \frac{8}{3}a^2$$

$$\rightarrow \frac{c}{a} = \sqrt{\frac{8}{3}} = 1.633$$



اختر الاجابة الصحيحة

(س). عدد نقاط الشبكة في خلية FCC هي:

- (a) 1 (b) 2 (c) 8 (d) 4

(س). مسافة اقرب الجوار (مسافة الجوار الاول) في بنية BCC هي:

- (a) $a/\sqrt{2}$ (b) $2a/\sqrt{3}$ (c) $a\sqrt{3}/2$ (d) $2a/\sqrt{3}$

(س). عامل الرص (التعبئة) لتركيب الماس هو:

- (a) 0.74 (b) 0.52 (c) 0.34 (d) 0.68

(س). معاملات (دلائل) ميلر لمستوي يوازي المحورين Y و Z هي:

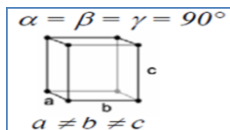
- (a) (001) (b) (1 1 1) (c) (0 1 0) (d) (1 0 0)

(س). عدد الذرات لوحدة المساحة للسطح (100) في بلورة ذات تركيب مكعب بسيط SC هو:

- (a) $1/a^2$ (b) $2/a^2$ (c) $1/2a^2$ (d) $4/a^2$

(س). اذا كان ثابت الشبكة 4.2 فأف فسخة السطوح (d) لمجموعة المستويات (200) تكون:

- (a) 8.4 Å (b) 2.4 Å (c) 4.2 Å (d) 2.1 Å



(س) خلية الوحدة للتركيب الموضح في الشكل يعود إلى النظام البلوري من نوع

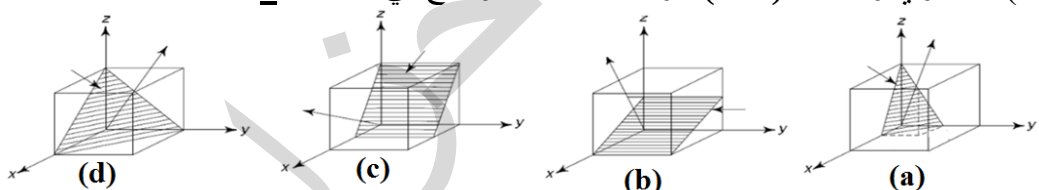
(a) مكعب cubic (b) معيني قائم orthorhombic

(c) رباعي tetragonal (d) ثلاثي trigonal

(س). ثابت الشبكة لخلية وحدة نوع BCC بنصف قطر ذري 1.24 Å هو:

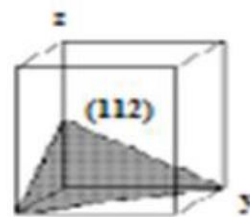
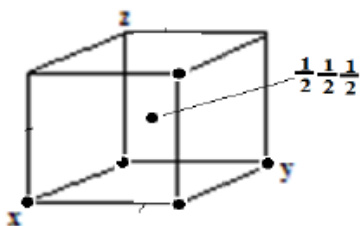
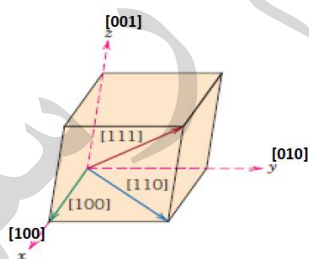
- (a) 1.432 Å (b) 2.864 Å (c) 1.754 Å (d) 0.62 Å

(س) المستوي والاتجاه (201) لتركيب FCC موضح في الشكل : c



(س) - ارسم ما ياتي داخل خلية وحدة مكعبة:

(112)، [110]، $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$



(س) اذا كان نصف القطر الذري للرصاص (FCC) هو 0.175 nm ، احسب حجم وحدة الخلية المكعبة بالمتر؟

$$a = \sqrt{8} \cdot r = \sqrt{2} \cdot 2 \cdot r$$

$$V_{\text{crystal}} = a^3 = \sqrt{2} \cdot 16 \cdot r^3$$

$$= 16 \sqrt{2} \cdot (0.175 \cdot 10^{-9} \text{ m})^3 = 1.213 \cdot 10^{-28} \text{ m}^3$$

(س) احسب حجم خلية وحدة من نوع fcc نصف قطرها R ؟
الذرات تكون على تماس على طول الخط القطري للأوجه الستة للمكعب وطوله سيساوي $4R$.

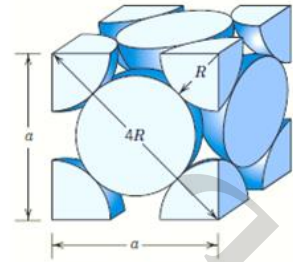
$$a^2 + a^2 = (4R)^2$$

or, solving for a ,

$$a = 2R\sqrt{2}$$

The FCC unit cell volume V_C may be computed from

$$V_C = a^3 = (2R\sqrt{2})^3 = 16R^3\sqrt{2}$$



(س) نصف القطر الذري للنحاس هو 0.128 nm وهو ذو تركيب FCC والوزن الذري هو 63.5 g/mol . احسب الكثافة النظرية وقارن الاجابة مع الكثافة المحسوبة؟

$$V_C = (2R\sqrt{2})^3 = 16\sqrt{2}R^3$$

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{nA_{\text{Cu}}}{V_C N_A} = \frac{nA_{\text{Cu}}}{(16R^3\sqrt{2}) N_A} \\ &= \frac{(4 \text{ atoms/unit cell})(63.5 \text{ g/mol})}{[16\sqrt{2}(1.28 \times 10^{-8} \text{ cm})^3/\text{unit cell}](6.023 \times 10^{23} \text{ atoms/mol})} \\ &= 8.89 \text{ g/cm}^3 \end{aligned}$$

The literature value for the density of copper is 8.94 g/cm^3 , which is in very close agreement with the foregoing result.

(س) النيوبيوم Niobium يملك نصف قطر ذري 0.1430 nm وكثافته 8.57 g/cm^3 . حدد هل تركيبه هو FCC ام BCC ؟

For FCC, $n = 4$, and $a = 2R\sqrt{2}$. atomic weight is 92.91 g/mol . Thus, for FCC

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{nA_{\text{Nb}}}{(2R\sqrt{2})^3 N_A} \\ &= \frac{(4 \text{ atoms/unit cell})(92.91 \text{ g/mol})}{\left\{ \left[(2)(1.43 \times 10^{-8} \text{ cm})(\sqrt{2}) \right]^3 / (\text{unit cell}) \right\} (6.023 \times 10^{23} \text{ atoms/mol})} \\ &= 9.33 \text{ g/cm}^3 \end{aligned}$$

For BCC, $n = 2$, and $a = \frac{4R}{\sqrt{3}}$, thus

$$\begin{aligned} &= \frac{(2 \text{ atoms/unit cell})(92.91 \text{ g/mol})}{\left\{ \left[\frac{(4)(1.43 \times 10^{-8} \text{ cm})}{\sqrt{3}} \right]^3 / (\text{unit cell}) \right\} (6.023 \times 10^{23} \text{ atoms/mol})} \\ &= 8.57 \text{ g/cm}^3 \end{aligned}$$

which is the value provided in the problem statement. Therefore, Nb has a BCC crystal structure.